



Հայկական գիտահետազոտական հանգույց Armenian Research & Academic Repository



Սույն աշխատանքն արտոնագրված է «Ստեղծագործական համայնքներ
ոչ առևտրային իրավասություն 3.0» արտոնագրով

**This work is licensed under a Creative Commons Attribution-NonCommercial
3.0 Unported (CC BY-NC 3.0) license.**

Դու կարող ես.

պատճենել և տարածել նյութը ցանկացած ձևաչափով կամ կրիչով
ձևափոխել կամ օգտագործել առկա նյութը ստեղծելու համար նորը

You are free to:

Share — copy and redistribute the material in any medium or format

Adapt — remix, transform, and build upon the material

1227

ԳՐԱՍԳԻՐԿ
ԹՈՒԱԲԱՆՈՒԹԵԱՆ

— > < —

ԱՇԽԱՏԱՍԻՐՆԱՅ
ՅԻՔԸՆ Յ. ՊՈՐՆԱՅԷԼՅԱՆ

Գ. ՏՊԱԳՐՈՒԹԵԿԻՆ

ՅԱՆՏՐԱՆ ԵՎ ԱՐԽԻՎՈՅԸ



Կ. ՊՈՒԼՍ

Ի ՏՊԱՐԱՆԻ Ո. Յ. ՎԻՐՎԱՅԱՆԻ

— 1875 —

511075

Պ-75

010

511(075)

7-75

Գ. Ա. Ս Ա. Գ. Ի Ր Ք

ԹՈՒԱՐԱՆՈՒԹԵԱՆ

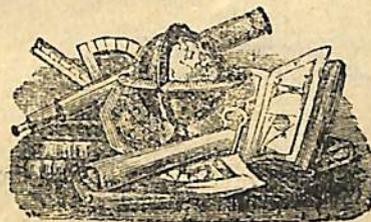
380

ԱՇԽԱՏԱՍԻՐԵԱՑ

ՏԻԳՐԱՆ Յ. ՊՕՁԱՋԵԱՆ

Գ. ՏՊԱԳՐՈՒԹԻՒՆ

ՅԱՆԵԼԵԱՒ ԵՒ ՍՐԲԱԳԵԱՒ



Կ. ՊՕԼԻՍ

Ի ՏՊԱՐԱՆԻ Ռ. Յ. ՔԻԻՐՔՋԵԱՆ

— X873 —

Յ Ա Ռ Ա Ջ Ա Բ Ա Ն

Ահաւասիկ ներկայ դասագիրքս այս անգամ երրորդ տպագրութեամբ էլայս կ'ընծայի իրնայխորհներուն հետգնետէ քիչ ժամանակի մէջ սպառիլը ստիպեց զմեզ գ.ոմ սրտիւ սոյն գործոյն ձեռնամուկ ըլլալ, որն որ, ինչպէս բացորոշ կ'երեւայ, առաջիններէն հոյս:

Մենք սոյն երկասիրութիւնը դպրոցներուն նուիրած միջոցնուս խել մը չափահասներու համար ալ անփոյթ եղած չեմք, որք առեւտրական գործով կ'զբաղին զուրկ սոյն կարեւոր ուսմունքէն, որուն ի'նչ աստիճանի մեծ կարեւորութիւն ունենալը առօրին գործոց մէջ միշտ կ'ըզգան: Ուստի ասոնց ալ փոքր ի շատէ ծառայութիւն մը մատուցանելու համար ներկայ գործոյս ընթացքին մէջ շատ մը առեւտրական խնդիրներ յաճախեցինք որոնք կրնան իրենց ալ հասնել ընծայել դասագիրքս. ահա՛ գործ մը որ կը համարձակիմ ըսելու թէ մէկուն համար ճահաւոր եղած ատեն՝ միւսին անճահ չ'ընդի, առա-

50891-ա. 2.



37060-66

12002

ջինին պիտանի ըլլալով՝ երկրորդին անպիտան չ'երեւի, անոր համար կարեւոր լինելով՝ ասոր համար վարկպարագի չ'լինի. ըսել կ'ուզեմ թէ՛ դպրոցականին եւ թէ՛ ոչ-դպրոցականին միանգամայն օգտակար կրնայ ըլլալ, յուսամ որ իրականութիւնը գայս հաւաստէ. չեմ երկբայիր որ ներկայս հանդերձ իւր առաւելութեամբն արգոյ հասարակութեան սիրալիր համակրութենէն վրիպի. սակայն եւ այնպէս՝ իբրեւ գործ ի հարկէ թերութենէ ալ գերծ չէ, ինդրեմ ներողամիտ աջօք նայուի:

10 Օգոստոս 1873

Կ. ՊՕԻՍ ՂԱՒԱԹԱ

ՏԻԳՐԱՆ Յ. ՊՕԶԱՃԵԱՆ



ԴԱՍԱԳԻՐՔ

ԹՈՒԱԲԱՆՈՒԹԵԱՆ



ՆԱԽԱԳԻՏԵԼԻՔ

1. ԹՈՒԱԲԱՆՈՒԹԻՒՆԸ քանակագիտութեան առաջին մասն է որ թուոց վրայ կը խօսի, և կը սորվեցնէ անոնց վրայ գործողութիւնները ընել:

2. Քանակութիւն կ'ըսուի այն ամեն բանը՝ որ կրնայ չափուիլ կամ համբուիլ ինչպէս երկայնութիւնը, ժամանակը, արժէքը, կշիռը եւայլն:

3. Միասնական կ'ըսուի այն քանակութիւնը՝ որ իր տեսակէն եղող քանակութիւնները բազդատելու համար որոշուած է: Այսպէս Տաճկաց մէջ երկայնութեանց միութիւնն է «բլէր» արժէից՝ «բլէր» կշռոց՝ «բլէր» եւայլն. իսկ Գաղղիացոց մէջ երկայնութեանց միութիւնն է «ֆէր» արժէից՝ «ֆէր» կշռոց՝ «ֆէր»:

4. Թիւ կ'ըսուի քանակութեան մը մէջ քանի անգամ միութեան պարունակութիւնը. ինչպէս երկուք, չորս, եօթը եւայլն:

5. Վերացեալ թիւ կ'ըսուի այն թիւը՝ որ կը

գործածուի առանց միութեան տեսակը որոշուած ըլլալու . ինչպէս չորս , տասը , տասն եւ վեց եւայլն :

6. Թւանշարի թիւն կ'ըսուի այն թիւը՝ որուն միութեան տեսակը որոշուած է . ինչպէս ութ արջըն , տասնեւմէկ զուրուշ , քսան օխա եւն .

7. Հասնի կ'ըսուին այն թիւերը որոնց տեսակները մի եւ նոյնն են . ինչպէս երեք արջըն , հինգ արջըն , տասը արջըն եւայլն . երկու լեմն , վեց լեմն , քսանեւմէկ լեմն եւայլն :

8. Տարան կ'ըսուին այն թիւերը որոնց տեսակները աննման են . ինչպէս երեք զուրուշ չորս ժամ եւայլն . եօթը արջըն , ինը մարդ

ԹՈՒՈՒՄՆ

9. Թիւերը կազմելուն , յայտնելուն և նշանագիծով գրելուն կ'ըսուի Թուանշար :

10. Թիւերը անհուն են . և այս անհուն թիւերը ցուցնելու համար նշանագիծեր հնարուած են որոնց կ'ըսուի Թուանշար :

Թուանշարները տասը հատ են և ասոնք են :

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
զրօ,	մէկ,	երկու,	երեք,	չորս,	հինգ,	վեց,	եօթը,	ութը,	ինը .

11. Ասոնց մէջէն միայն (0) զրօ թուանշար անշար թուանշան կ'ըսուի . իսկ միւս ինը հատը նշանակելի թուանշան կ'ըսուին : Զրօն գրուելով այս ինը թուանշաններուն մէկուն աջ կողմը ա-

նոր գորութիւնը տասը անգամ կը շատցունէ . ինչպէս եթէ 1 ին աջ կողմը 0 մը դնենք՝ կ'ըլլայ 10 մէկ տասը , պարզապէս տասը . 2 ին աջ կողմը դնենք՝ կ'ըլլայ 20 երկու տասը , այսինքն քսան . 3 ին աջ կողմը դնենք՝ կ'ըլլայ 30 երեք տասը , այսինքն երեսուն այսպէս 9 ին առջեւ դնենք՝ կ'ըլլայ 90 ինը տասը , այսինքն իննսուն :

12. 10 ին և 20 ին միջին թիւերը գրելու համար պէտք է .

Վերի թուանշանները զրօ ին տեղ դնել : Սյսպէս .

11	12	13	14	15
տասնմէկ,	տասներկու,	տասներեք,	տասնչորս,	տասնհինգ,
16	17	18	19	
տասնվեց,	տասնեօթը,	տասնութը,	տասնինը	

համնապէս 20 ին և 30 ին միջին թիւերը կը գրուին զրօին տեղ նոյն թուանշանները գրելով 21, 22, 23 29. 30 էն 40. 40 էն 50 ասանկ մինչեւ 99 թիւերը :

13. Ըսինք որ եթէ թուոյ մը աջ կողմը 0 զրօ մը դնենք տասը անգամ կը մեծնայ . դրնենք 10 ին աջ կողմը 0 մը՝ կ'ըլլայ 100 տասը տասը այսինքն հարիւր . 20 ին աջ կողմը՝ կ'ըլլայ 200 քսան տասը այսինքն երկու հարիւր եւայլն :

100 ին աջ կողմը 0 մը դնենք՝ կ'ըլլայ 1000 տասը հարիւր կամ հազար :

1000 ին աջ կողմը դեննք՝ կ'ըլլայ 10000 տասը հազար :

100 ին և 1000 ին միջին թիւերը գրելու համար պէտք է .

Երկու զրօներուն տեղ 1 էն մինչեւ 99 եղած թիւերը գրել :

Ինչպէս, չորս հարիւր եօթանասուն և վեց թիւը այսպէս կը գրուի 476 .

Աջ կողմի 6 ը կը ցուցնէ վեց միութիւն, ասոր ձախ կողմի 7 ը՝ եօթանասուն, և ասոր ձախ կողմի 4 ը՝ չորս հարիւր :

1000 ին և 10000 ին միջին թիւերը գրելու համար պէտք է .

Երեք զրօններուն տեղ 1 էն մինչեւ 999 եղած թիւերը գրել .

Ինչպէս ութ հազար հինգ հարիւր վաթսուն և ինը թիւը այսպէս կը գրուի 8369 . ուր աջ կողմի 9 ը կը ցուցնէ ինը միութիւն, ասոր ձախ կողմի 6 ը՝ վաթսուն, ասոր ձախ կողմի 3 ը՝ հինգ հարիւր, և ասոր ձախ կողմի 8 ը՝ ութ հազար :

10000 ը 10 անգամ մեծցնելով այսինքն աջ կողմը 0 մը դնելով կ'ըլլայ, 100000 հարիւր հազար : 100000 ին աջ կողմը դնելով կ'ըլլայ, 1000000 միլիոն և այսպէս շարունակաբար :

14. Որ եւ իցէ թուոյ մը մէջ, կարգացողին գրելը նայելով, աջ կողմի առաջին թիւը կըսուի ֆուսոր . երկրորդը՝ րասնասոր . երրորդը՝ հար-

իւսասոր . չորրորդը՝ հազարասոր . հինգերորդը՝ րասն հազարասոր . վեցերորդը՝ հարիւր հազարասոր . եօթներորդը՝ ֆլեւնասոր . ութերորդը՝ րասն ֆլեւնասոր . իններորդը՝ հարիւր ֆլեւնասոր . տասներորդը՝ եւ ֆլեւնասոր . և այսպէս հետզհետէ յառաջ կերթայ միշտ իւրաքանչիւր թիւ իր քովի աջակողմեան թիւէն տասնապատիկ մեծնալով :

Որ եւ իցէ թուոյ մը մէջ աջ կողմէն սկսելով երեքական հատ զատենք, որոնց երբեք կըսուի, աջակողմեան առաջին երեքը կը կազմէ միութեանց դասը . երկրորդ երեքը՝ հազարաւորաց . երրորդը՝ միլիոնաւորաց . չորրորդը՝ երկիլիոնաւորաց . հինգերորդը՝ եռիլիոնաւորաց եւայլն :

ԹԻԻԵՐԸ ԿՍՐԳԱԼՈՒ ՎՐԱՅ

13. Գրուած թիւ մը կարդալու համար պէտք է .

Ա. Աջ կողմէն սկսելով նոյն թիւը երեքական թուանշան դասերու բաժնել (կրնայ ըլլալ որ ձախակողմեան առաջին դասը մէկ կամ երկու թուանշան ըլլայ) :

Բ. Ձախ կողմէն սկսեալ իրարու ետեւ իւրաքանչիւր դասն առանձին սեպելով կարդալ, անմիջապէս իրեն անունն ալ տալով :

Գ. Զրօ գտնուած տեղը լուծեամբ անցնելը Օրէնի . կարդալ 3114036108520 թիւը :

տամնաւորը տամնաւորաց հետ գումարել. նըմանապէս գումարել տամնաւորները հարիւրաւորները, և այսպէս շարունակել մինչեւ որ ձախակողմեան առաջին դաւաղանը հասնինք որուն գումարն ալ իր ձեւովը տակը գրել:

Օրէնք. Գումարել 342, 590, 5075, 4106 թիւերը.

Գործընթիւն

342	Առջ. այս թիւերը վերի կանոնին համեմատ շարելով աջ կողմէն սկսեցի գումարել այսպէս. 6՝ 5 ալ 11; 2 ալ 15. այս 15 ին միւսոր 5ը գրեցի և 1ը տամնաւորաց հետ գումարեցի այսպէս. 1՝ 7 ալ 8. 9 ալ 17. 4 ալ 21. 1ը գրեցի և 2ը հարիւրաւորաց հետ գումարեցի այսպէս. 2՝ 1 ալ 5. 5 ալ 8. 5 ալ 11. 1ը գրեցի և 1ը ալ հազարաւորաց հետ այսպէս 1՝ 4 ալ 5. 5 ալ 10 զոր իր ձեւովը գրելով բոլանդակ գումար ունեցայ 10115:
-----	--

Գումարել հետեւեալները.

1. 417	2. 1145	3. 81071	4. 445780
594	920	15928	159285
1830	1904	5900	17000
940	1030	7466	4452
<u>2100</u>	<u>24590</u>	<u>28000</u>	<u>64044</u>

- 5. 30+47+53+130=
- 6. 74+50+100+545=
- 7. 140+1511+458+5081=
- 8. 430+500+1035+3306=

23. ՓՈՐՁ. Փորձը գործողութիւն մ'է որ նախկին գործողութեան մը ճիշդ կամ սխալ ըլլալը կ'իմացնէ հաւանական կերպով:

24. ՓՈՐՁ ՅԱԻՅԼՄԱՆ. Յաւերման փորձը ընելու համար պէտք է.

Հակառակ կերպով գումարել, այսինքն եթէ յառաջ վարէն վեր սխալած ըլլայ երկրորդանգամ վերէն վար գումարել, ասանկով թիւերը երկու անգամ գումարուելով նախկին գործողութեան մէջ եղած սխալը հաւանական է որ երկրորդին մէջ չտկուի:

Գործընթիւն	Փորձ
1081	1081
4758	4758
346	346
8050	8050
<u>14235</u>	<u>14235</u>

25. ԽՆԴԻՐ. Խնդիրը հարցում մ'է որ լուծման կը կարօտի:

26. ՅԱԻՅԼՄԱՆ վՐԱՅ ԽՆԴԻՐՆԵՐ

1. Դպրոցի մը աշակերտները չորս դասի կը բաժնուին, Ա դասը 14 աշակերտէ կը բաղկանայ, Բ ը 27. Գ ը 35 և Դ ը 50, դպրոցին աշակերտները քանի՞ են:

- Պատ. 126:
- 2. Երկրի մակերեսով թը հինգ գլխաւոր մա-

սերու կը բաժնուի, որ են Եւրոպա, Ասիա, Ափրիկէ, Ամերիկա և Ովկիանիա. Եւրոպան 350 միլիոն բնակիչ ունի. Ասիան 550 միլիոն, Ափրիկէն 120 միլիոն, Ամերիկան 80 միլիոն և Ովկիանիան 40 միլիոն. Երկրիս բազմութիւնը որչափ է :

Պատ. 1140 միլիոն :

3. Պարտէզի մը մէջ կան 243 խնձորենի, 175 տանձենի, 191 կեռասենի, 268 դեղձի, 405 ծիրանենի և 345 թթենի. քանի՞ ծառ կայ պարտէզին մէջ :

Պատ. 1327 :

4. Մարդ մը 1823 ին ծնաւ ո՞ր թուականին 57 տարեկան կրնայ ըլլալ :

Պատ. 1880 ին :

5. Մէկը 2700 զրջ դեւերձակին պարտք ունի, 2840 զրջ օսկերչին, 1560 զրջ կօշկակարին և 5840 զրջ ալ զանազան մարդոց, բոլոր պարտքը քանի՞ զրջ է :

Պատ. 12940 զրջ :

6. Գործաւոր մը 53 զրջ առաւ ուրիշ մը առջինէն 16 աւելի, երրորդ մը առջի երկուքէն 10 աւելի. քանի՞ կան զրջ առին, և բոլորը քանի՞ զրջ է :

Պատ. Բը 69, Գը 132 և բոլորը 254 զուրուշ :

7. Գործաւոր մը 12 օրուան մէջ 48 արշըն տեղ բանելով շահեցաւ 240 զրջ. ետքը 8 օր-

ուան մէջ 32 արշըն բանելով շահեցաւ 160 զրջ. դարձեալ 6 օրուան մէջ 25 արշըն բանելով շահեցաւ 124 զրջ. կուզենք իմանալ թէ քանի՞ օր աշխատեցաւ, որչափ արշըն տեղ բանեցաւ, և քանի՞ զրջ առաւ :

Պատ. 26 օր 105 արշըն 524 զրջ :

8. Ընտանիքի մը մէջ չորս տղայ կան անոնց էն պզտիկը 7 տարեկան է, Բը անկէ 3 տարու մեծ, Գը Բէն 2 տարու մեծ, Դը Գէն 4 տարու մեծ. հօրերնուն տարիքը բոլոր տղայոց տարիքին դումարին հաւասար է. և մօրերնունն ալ վերջի երեք տղայոց տարիքին դումարին հաւասար է. արդ ի՞նչ է հօրը, մօրը ու տղայոց ամեն մէկուն տարիքը :

Պատ. 45, 38, 16, 12, 10, 7 :

9. Հայր մը մեռնելով առաջին որդւոյն թողուց 24780 զրջ. Բին 18200, Գին 10500, ասոնց մէ զատ 8500 զրջ հիւանդանոցին, 5000 զրջ եկեղեցեաց և 2000 զրջ աղքատաց. որչափ ստացուածոց տէր է եղեր :

Պատ. 68980 զրջի :

10. Երեք հոգի շահած ստակնին մէջերնին բաժնեցին այսպէս. Աը առաւ 1280 զրջ. Բը Աէն 360 աւելի, Գը Բէն 590 աւելի. որչափ էր շահած ստակնին և որչափ իւրաքանչիւրին բաժինը :

Պատ. շահ 5150 : Բը 1640 : Գը 2230 զրջ :

11. Բանակ մը կը բաղկանայ 18000 ձիաւոր

զօրքէ, 6500 ռմբաձիգ զինուորէ, 30860 հե-
տեւակ զօրքէ և 3650 պահակիր զինուորէ. բա-
նակին մէջ քանի՞ զինուոր կայ ընդ ամենը :

Պատ. 59010 :

12. 2876 զրջ մէկէ մը առնելիք ունինք,
7540 ուրիշէ մը, 4515 ուրիշէ մը և 8768 զրջ ալ
մէկ ուրիշէ մը, բոլոր առնելիքնիս քանի՞ զրջ է-
Պատ. 23699 :

13. Աշխարհիս ստեղծմանէն մինչեւ ջրհե-
ղեղ 2263 տարի է, ջրհեղեղէն մինչեւ ֆրիստո-
սի ծնունդը 3163 տարի է. արդ աշխարհիս
ստեղծումէն մինչեւ 1873 քանի՞ տարի է :

Պատ. 7299 :

14. Վաճառք մը 3215 ֆր. ի առնուեր է.
530 ֆրանդ վաստկելու համար քանի՞ ծա-
խելու է :

Պատ. 3745 ֆրանք :

ԲԱՐՁՈՒՄՆ

27. ԲԱՐՁՈՒՄԸ գործողութիւն մ'է որ թի-
ւերու իրարմէ ունեցած տարբերութիւնը գըտ-
նել կը սորվեցնէ :

Ինչպէս 10 ին 6 էն ունեցած տարբերու-
թիւնը գտնելու համար 6 ը 10 էն կը հի ք
կը մնայ 4 :

Այն թիւը՝ ուսկէ ուրիշ մը պիտի հանենք՝
կըսուի ռէ իւ կամ ռոտէլէ, և այն թիւը՝ զոր
պիտի հանենք ուրիշէ մը՝ ռոտէլէ կամ հանէլէ,

ասոնցմէ գտնուածն ալ կըսուի ռոտէլէ կամ
ռոտէլէ. իւրի օրինակին մէջ 10 ը մեծ թիւ
է, 6 ը փոքր թիւ և 4 ը մնացորդ :

Այս նշանը (—) դուրս կ'ըսուի, և իրարմէ
հանելի թուոց մէջ տեղը կը դրուի, ձախ կող-
մը մեծը, աջ կողմը փոքրը :

Ինչպէս 10—6=4.

որ կը կարգացուի այսպէս 10՝ պակաս 6, հա-
ւասար 4 :

28. ԿԱՆՈՆ. փոքր թիւ մը մեծ թիւէ մը հա-
նելու համար պէտք է .

Ա. փոքր թիւը մեծ թուոյն տակ գրել՝ ա-
նանկ որ համակարգ միութիւնները իրարու
տակ ըլլան, և ստորագծել :

Բ. Աջ կողմէն սկսեալ միաւորը միաւորէն,
տասնաւորը տասնաւորէն եւ այլն հանել, մնա-
ցորդները իրենց տակը դնել. թէ որ մնացորդ
չաւելնայ 0 դնել .

Գ. Եթէ փոքր թուոյն մէջ 0 գտնուի՝ անոր
վրայի թուանշանը վար առնել :

Օրինակ. Հանել 30543 ը 47645 էն

Գործող	վերի կանոնին համեմատ փոքր թիւը մեծ
47645	թիւ թիւ- թուոյն տակը գրելով ստորագծեցի. յետոյ
30543	աջ կողմէն սկսեցի այսպէս. 5 ը 5 էն ելնէ
47102	2 կը մնայ. 2 ը 5 ին տակովը գրեցի. 4 ը
	4 էն ելնէ բան չի մնար 0. 5 ը 6 էն ելնէ
	1 կը մնայ. յետոյ մեծ թուոյն 7 ը վար առի վարի թուանշա-
	նը 0 ըլլալուն համար. 5 ը 4 էն ելնէ, 1 կը մնայ զոր 5 ին տա-
	կովը գրելով ունեցայ 17102 տարբերութիւն:

29. ԿՍՆՈՆ Բ. Եթէ փոքր թուոյն այս ինչ թըւանշանը էր վրայի թուանշանէն մեծ ըլլայ, պէտք է .

Մեծ թուոյն ձախ կողմի թուանշանէն միութիւն մը առնել և 10 սեպտիով վրան գումարել և այնպէս հանել . Եթէ ձախ կողմինն ալ 0 ըլլայ, պէտք է ձախ երթալ մինչեւ նշանակիչ թուանշանը և անկէ միութիւն մը առնել տալքովի զրօին, անկէ ալ 1 առնելով զրօին տալ, այսպէս բերել, մինչեւ այն թուանշանը ուսկէ պիտի հանէինք, որով զրօներուն ձախ կողմի նշանակիչ թուանշանը 1 պակաս կ'ըլլայ, 0 ներք 9 կ'ըլլան և աջ կողմի թուանշանն ալ 10 կ'աւելնայ, յետոյ բարձման գործողութիւնը շարունակել :

Օրինակ: Հանել 343568 ը 650046 էն :

Գործող

650046

343568

306478

Պիտի բռնք 8 ը 6 էն չեղնք 4 էն միութիւն մը առնենք և 10 սեպտիով 6 ին տանք կ'ըլլայ 16. 8 ը 16 էն ելնէ 8 կը մնայ. 4 ը 5 մնայ, 6 ը 5 էն չեղնք 5 էն միութիւն մը առնենք 0 ին տանք կ'ըլլայ 10. այս 10 էն

միութիւն մը առնենք քովի 0 ին տանք կ'ըլլայ 10. այս 10 էն միութիւն մը առնենք 5 ին տանք կ'ըլլայ 15 և 5 ը 1 և 0 ներք 9 կ'ըլլան. յետոյ կըսեմ 15 էն 6 ը ելնէ կը մնայ 7. 5 ը 9 էն ելնէ կը մնայ 4. 5 ը 9 էն ելնէ կը մնայ 6. 4 ը 4 էն կը մնայ 0. 5 ը 6 էն կը մնայ 5 որով մնացորդը կ'ըլլայ 506478:

Հետեւեալ բարձումները կատարել :

1. 48316	2. 90075	3. 80048	4. 694000
<u>38204</u>	<u>61968</u>	<u>71025</u>	<u>174459</u>

5. 4465—1746=	9. 4591—3800=
6. 96753—75921=	10. 19874—5094=
7. 65478—64928=	11. 80000—64321=
8. 131313—121415=	12. 14259—5360=

30. Բարձման փորձը երկու կերպով կրնայ ըլլալ .

Ա. Եթէ մնացորդը փոքր թուոյն վրայ գումարենք, մեծ թիւը ելնէ, շիտակ է :

Բ. Եթէ մնացորդը մեծ թիւէն հանենք, փոքր թիւը մնայ, շիտակ է :

Գործող	Փոքր Ա.	Փոքր Բ.
1340	953	1340
953	387	387
<u>387</u>	<u>1340</u>	<u>953</u>

31. Գեորգի. Երբ թէ մեծ թուոյն և թէ փոքր թուոյն վրայ միեւնոյն թիւը գումարենք կամ անոնցմէ միեւնոյն թիւը պակսեցնենք, տարբերութեան վրայ փոփոխութիւն մը ըրած չենք ըլլար :

Ինչպէս .

33	38+10=48	38—6=32
23	23+10=33	23—6=17
<u>15</u>	<u>45</u>	<u>15</u>



32. Յաւելման փորձը բարձմամբ ալ կրնայ ըլլալ այսպէս .

ԿԱՆՈՆ Ա. Պէտք է ձախ կողմէն սկսելով առաջին գաւազանը գումարել և գումարը տակի գրուածէն հանելով մնացածը աջ կողմի թուանշանին հետ առնելով թիւ մը կազմել :

Բ. Նոյնպէս ձախ կողմի գաւազանին գումարը իր տակի կազմուած թիւէն հանել և մնացածը աջ կողմի թուանշանին հետ առնելով երկրորդ թիւ մը կազմել :

Գ. Այսպէս շարունակել մինչեւ աջ կողմի առաջին գաւազանը որուն գումարը իր տակի կազմուած թիւէն հանելով թէ որ 0 մնայ գործողութիւնը շիտակ է :

Ինչպէս

Գործուած	Փոփոխ	
621	621	Ձախ կողմէն սկսեցի գումարել 4 5 ալ 9.
735	735	7 ալ 16. 6 ալ 22. զոր 25 էն հանելով 1
506	506	մնաց. այս 1 ը աջ կողմի 1 ին հետ կըլլայ
452	452	11. 5 5 ալ 8. 2 ալ 10, զոր 11 էն հա-
2314	2314	նեցի 1 մնաց. այս 1 ը աջ կողմի 4 ին հետ
	11	եղաւ 14. 2 6 ալ 8. 5 ալ 15. 1 ալ 14.
		զոր 11 էն հանեցի մնաց զոր :

33 ԲԱՐՁՄԱՆ ՎՐԱՅ ԽՆԴԻՐՆԵՐ

1. Մէկը 34318 զըշ. պարտք ունէր, 18935 զըշ. տուաւ, քանի՞ զըշ. պարտքը մնաց :
Պատ. 15383 :

2. Մեծն Նարոյէօն 1769 ին ծնաւ և 1821 ին մեռաւ. քանի՞ տարի ապրեցաւ :

Պատ. 52 տարի :

3. Մարդուն մէկը 1855 ին մեռաւ 84 տարեկան, ո՞ր թուականին ծնած էր :

Պատ. 1771 ին :

4. Հայր մը իւր որդւոյն ծննդեան ատեն 26 տարեկան էր, քանի՞ տարեկան կըլլայ որդին՝ հօրը 58 տարեկան ըլլալու ատեն :

Պատ. 32 տարեկան :

5. Ֆէթիհ Սուլթան Մէհմետ Բ. կոստանդնուպօլիսը Յունաց ձեռքէն առաւ Քրիստոսի 1453 ին, կոստանդնուպօլիս առնուելէն մինչեւ հիմա (1873) քանի՞ տարի է :

Պատ. 420 :

6. Ամերիկան գտնուելէն մինչև հիմա (1873) 381 տարի է. արդ Քրիստոսի ո՞ր թուականին գտնուած է Ամերիկան :

Պատ. 1492 ին :

7. Մարդ մը 17590 զըշ. առնելիք ունէր և 9879 զըշ. ալ տալիք, առնելիքը առնէ և տալիքը տայ նէ ի՞նչ կը մնայ :

Պատ. 7711 զըշ. կը մնայ :

8. Երկու թուոց տարբերութիւնն է 847, և մեծ թիւը 1890 ո՞րն է փոքր թիւը :

Պատ. 1043 փոքր թիւ :

9. 827 զըշ. պէտք է որ իմ բարեկամս ալ ինչ

ծի չափ , այսինքն՝ 1333 շրշ. ունենայ , հիմա
քանի՞ զուրուշ ունի :

Պատ. 508 շրշ :

10. 2823 շրշի. վաճառք ծախսեցինք և վառ-
տրկեցանք 367 շրշ. քանի՞ առեր էինք :

Պատ. 2438 :

11. Տըրապըր աստղաբաշխին ըսածին նա-
յերով , բեւեռին շառաւիղն է 6356324 մէթր և
հասարակածին շառաւիղը 6376984 մէթր. որ-
չափ է երկրիս իւրաքանչիւր բեւեռին տա-
փակութիւնը :

Պատ. 20660 մէթր :

12. Քանի՞ շրշ. աւելցնելու է 3751 շրշ. ին
վրայ 5200 շրշ. ունենալու համար :

Պատ. 1449 շրշ :

13. Հայոց ազգին թագաւորութիւնը 1373ին
վերցաւ , մինչեւ հիմայ (1873) . քանի՞ տարի է :

Պատ. 500 տարի :

14. Մեր լեզուին գրերը Ս. Մեսրոպայ ձե-
ռօք գտնուիլը 1435 տարի է . մինչեւ հիմայ
(1873) որ թուականին գտնուեցաւ :

Պատ. 438 ին :

15. Արեւուն երկրէս ունեցած մեծ հե-
ռաւորութիւնը (հեռակէտը) 35183000 փար-
սախ է , և փոքր հեռաւորութիւնը (մերձակէ
տը) 34017200 փարսախ . որչափ է տարբե-
րութիւնը :

Պատ. 1165800 փարսախ :

34. ՅԱԻԵԼՄԱՆ ԵՒ ԲԱՐՉՄԱՆ ՎՐԱՅ
ԽԱՌՆ ԽՆԴԻՐՆԵՐ

1. Մէկը 14740 շրշ. պարտք ունէր , 430 շրշ.
անդամ մը , 1350 շրշ. անդամ մը , 6000 շրշ.
անդամ մը և 960 շրշ. ալ անդամ մը վճարեց .
պարտք մնայ թէ չէ և որչափ :

Պատ. մնայ 6000 շրշ :

2. Մարդ մը այս ինչչափ պարտք ունի ու
րուն 4856 շրշը վճարելէն ետքը տակաւին 2542
շրշ. պարտք կը մնայ . որչափ էր պարտքը :

Պատ. 7398 :

3. Մարդ մը 1761 ին ծնաւ և 84 տարեկան
մեռաւ . որ թուականին մեռաւ :

Պատ. 1845 ին :

4. Զօրապետ մը ունէր 30000 զինուոր . պա-
տերազմի մէջ մեռան 7584 հոգի , 1500 հոգի
գերի գացին , 2465 հոգի վիրաւորուեցան և
485 հոգի դատաւիւր եղան . քանի՞ հոգի մնաց
բանակին մէջ :

Պատ. 17966 հոգի :

5. Զորս հոգի իրենց մէջ բաժնեցին 15800
շրշ. Ա. ը առաւ 5600, Բ. ը 3400, Գ. ը 1800 .
Ի՞նչ մնաց Դ. ին :

Պատ. 5000 շրշ :

6. 1835 ին տեսնուած գիտաւորը 76 տարի

անտեսանելի մնացեր էր . ուրեմն երբ մէյ մըն
ալ անկէց յառաջ երեւցած էր , և մէյ մ'ալ
երբ պիտի երեւի :

Պատ. երեւած է 1759 ին , պիտի երեւի
1911 ին :

7. 1764 ին վրայ ի՞նչ թիւ գումարելու է
որ 2340 ի հաւատար ըլլայ :

Պատ. 576 :

8. 1764 էն ի՞նչ թիւ հանելու է որ 893 մնայ :

Պատ. 871 :

9. 1764 ը որ թիւ էն հանելու է որ 1261 մնայ :

Պատ. 3025 էն :

10. Եթէ 25 զրշ. պակաս ունենամ, 546 զրշ.
պարտքս վճարելէս ետքը ինձի 17 զրշ. կը մնայ .
քանի՞ զրշ. ունիմ :

Պատ. 588 :

11. Չորս եղբարք 30000 զրշ. ի ժառանգու-
թիւն մը բաժնեցին մէջերնին այսպէս . անդ-
րանիկը առաւ 12500 զրշ. Բ ը Ա. էն 7300 զրշ.
պակաս , Գ ը Բ էն 1475 զրշ. աւելի , և Դ ը ա-
ռաւ իրեքէն մնացածը , ո՞րչափ ինկաւ վերջի
երեքին :

Պատ. Բ ը 5200, Գ ը 6675, Դ ը 5625 :

12. Սեղանաւոր մը երեք վճարմունքով
156728 զրշ. պիտի ընդունի . Ա. վճարմունքն է
25675 զրշ. Բ ը 48716 զրշ. Գ. վճարմունքը քանի՞ է :

Պատ. 82337 զրշ. :

13. Բանակ մը կը բաղկանար հեծեղազոր ,
ումբաձիգ , հետեւակ և պահակեր ջորքէ . հե-
ծեղազորք 1340 հոգի էին , ումբաձիգք 690 հո-
գի , պահակերք 500 հոգի և հետեւակներն ալ
միւսներուն չափ : հետեւակները քանի՞ հոգի
էին և բանակը քանի՞ հոգի է բաղկացեալ էր :

Պատ. հետեւակք 2530 , բոլորը 5060 :

14. Եթէ 500 զրշ. աւելի ունենամ, 1200 զրշ.
պարտքս վճարելէս ետքը 52 զրշ. ալ քովս
պիտի մնայ . քանի՞ զրշ. ունիմ :

Պատ. 752 զրշ. :

15. Մէկը վաճառք ծախեց 2858 զրշ. էթէ
142 զրշ. աւելի ծախած ըլլար 1000 զրշ. պի-
տի շահէր , ինքը քանի՞ գնած էր :

Պատ. 2000 զրշ. է :

16. Գլովին որ Գաղղիոյ թագաւորութեան
հիմնադիրն է, 481ին թագ դրաւ՝ 15 տարեկան
և մեռաւ 541ին . մեռած ատենը քանի՞ տարե-
կան էր . երբ ծնաւ . թագը դնելէն մինչև
հիմա (1873) քանի՞ տարի է :

Պատ. 45 : 466 : 1392 .

17. Հռովմ 1845ին 2598 տարուան քաղաք
էր . երբ հիմնուած է :

Պատ. Գրիստոսէ 753 տարի յառաջ :

18. Հայրը ծնած է 1788ին , մայրը , 1793ին
որդին 1815ին . գտնել ամեն մէկուն տարիքը և
իրենց գումարը մինչև (1873) :

Պատ. Հայրը 85. մայրը 80. որդին 58 :
Գումար 223 :

ԲՄ.ՉՄՍ.ՊՍՏԿՈՒԹԻՒՆ

33. ԲՄ.ՉՄՍ.ՊՍՏԿՈՒԹԻՒՆԸ, գործողութիւն մ'է որով թիւ մը կը շատցունենք այնչափ անգամ որչափ որ միութիւն կայ ուրիշ թուոյ մը մէջ : Եր 4ով բազմապատկել ըսելը 6ը այնչափ անգամ շատցունել ըսել է, որչափ որ միութիւն կայ 4ին մէջ, այսինքն 4 անգամ, այսպէս .

6 ուր յայտնի կը տեսնուի որ 6ը 4 անգամ
6 էր վրայ գումարուած է. ըսել է թէ բազ-
մապատկութիւնը յաւելմամբ ալ կրնանք
6 կատարել, բայց յայտնի է որ էթէ թիւե-
6 րը մեծ ըլլային, անտանց գործողութիւ-
նը յաւելմամբ կատարելը խիստ դժուար
կըլար. ուստի այս գործողութիւնը հնար-

ուած է որ համառօտ յաւելումն ըսել է :

Այն թիւը զոր պիտի բազմապատկենք կ'ըսուի Բազմապատկիչ, և այն թիւը որով պիտի բազմապատկենք՝ Բազմապատկուող . գործողութեանն երաճն ալ՝ արդարեւալ : Բազմապատկելին ու բազմապատկողը երկուքը մէկէն արդարեւ կ'ըսուին : Վերի օրինակին մէջ 6ը բազմապատկելի է, 4ը բազմապատկող, 24ը արտադրեալ . 6ը և 4ը երկուքը մէկէն արտադրիչ :

Այս նշանը (x) Բազմապատկեալ կ'ըսուի և երկու կամ աւելի թուոյ մէջ դրուելով անոնց իրարու հետ բազմապատկուիլը կը ցուցնէ :

Ինչպէս $6 \times 4 = 24$

որ կը կարգացուի այսպէս 6 բազմապատկեալ 4 հաւասար 24 .

Բազմապատկութեան գործողութիւնը դիւրաւ կատարելու համար հետեւեալ աղիւսակը քաջ ուսանելու է :

ԱՂԻՒՍԱԿ ՊԻԹԱԳՈՐԵԱՆ

1	2	3	4	5	6	7	8	9
2	4	6	8	10	12	14	16	18
3	6	9	12	15	18	21	24	27
4	8	12	16	20	24	28	32	36
5	10	15	20	25	30	35	40	45
6	12	18	24	30	36	42	48	54
7	14	21	28	35	42	49	56	63
8	16	24	32	40	48	56	64	72
9	18	27	36	45	54	63	72	81

36. Բազմապատկութեան մէջ չորս պատասխան կայ .

Ձ

Ա. Միաթուանշան թիւ մը միաթուանշանով բազմապատկել :

Բ. Բազմաթուանշան թիւ մը միաթուանշանով բազմապատկել :

Գ. Որ և իցէ թիւ մը մէկ կամ աւելի զրոյով վերջացող միաթեամբ բազմապատկել :

Դ. Բազմաթուանշան թիւ մը բազմաթուանշանով բազմապատկել :

37. ՊՍՏԱՀՈՒՄ Ա. Միաթուանշան թիւ մը միաթուանշանով բազմապատկելու համար պէտք է .

Բազմապատկութեան աղիւսակը աղէկ սորվիլ :

38. ՊՍՏԱՀՈՒՄ Բ. Բազմաթուանշան թիւ մը միաթուանշանով բազմապատկելու համար պէտք է .

Ա. Բազմապատկողը բազմապատկելոյն միաւորին տակը գրել և ստորագծել :

Բ. Աջ կողմէն սկսեալ բազմապատկելոյն ամեն թուանշանները մէկիկ մէկիկ բազմապատկողով բազմապատկել , եթէ արտադրեալը միաւոր ըլլայ , այսինքն 9 էն աւելի չըլլայ՝ գրծին տակ գրել , իսկ եթէ 9 էն աւելի ըլլայ միաւորը գրել և տասնաւորը քովի թուանշանին արտադրելոյն վրայ աւելցնել :

Գ. Չախակողմեան առաջին թուոյն արտադրեալն ալ իր ձեւովը գրել :

Օրինակ . 458 ը 7 ուլ բազմապատկել :

Գրեալ
458
7

3206

Կանոնն համեմատ բազմապատկողը բազմապատկելոյն միաւորին տակ գրել և ստորագծելով ըսի . 7 անգամ 8՝ 56. 6 միաւորը գրեցի և 5 տասնաւորը միտքս պահեցի 7 անգամ 3՝ 53, 5 տասնաւոր ալ կար եղաւ 40. 0 միաւորը գրեցի և 4 տասնաւորը միտքս պահեցի, 7 անգամ 4՝ 28, 4 ալ կար եղաւ 52 զոր իր ձեւովը գրեցի, որով արտադրեալն եղաւ 5206:

Բազմապատկել հետեւեալները .

1. 138	2. 866	3. 17564	4. 147503
4	7	8	9

- 5. $563 \times 5 =$
- 6. $7543 \times 6 =$
- 7. $94755 \times 7 =$
- 8. $98765432 \times 9 =$
- 9. $4103 \times 2 =$
- 10. $1594 \times 3 =$
- 11. $50807 \times 4 =$
- 12. $12345 \times 9 =$

39. ՊՍՏԱՀՈՒՄ Գ. Որ և իցէ թիւ մը մէկ կամ աւելի զրոյով վերջացող միաթեամբ , այսինքն՝ 10, 100, 1000 եւ այլն թիւերով բազմապատկելու համար պէտք է .

Բազմապատկողին զրօնները բազմապատկելոյն աջ կողմը շարել :

Ինչպէս , $346 \times 10 = 3460$

$6415 \times 100 = 641500$

$4490 \times 1000 = 4490000$

$1576000 \times 100 = 157600000$

40. ՊԱՏԱՀՈՒՄ Դ. Բաղմաթուանչան թիւ մը բաղմաթուանչանով բաղմապատկելու համար պէտք է :

Ա. Բաղմապատկողը բաղմապատկելոյն տակը գրել և ստորագծել :

Բ. Աջ կողմէն սկսեալ բաղմապատկելոյն բոլոր թուանչանները բաղմապատկողին միաւորովը, տասնաւորովը և չն, բաղմապատկել :

Գ. Դիտել որ մասնական արտադրեալներուն աջ կողմի առաջին թուանչանը բաղմապատկողին այն թուանչանին տակովը ԸԼԼայ՝ որով բաղմապատկեցինք :

Դ. Մասնական արտադրեալները գումարել, որ կըլլայ բովանդակ արտադրեալ :

Օրինակ. բաղմապատկել 683ը 452 ով.

	Գ. Ի. Դ.
Բաղմապատկել	683
Բաղմապատկող	452
Ա. մաս. արտ. 2	1366
Բ. » »	3415
Գ. » »	2732
Բովանդ. »	308716

Բաղմապատկողին 2 միաւորովը բաղմապատկելոյն բոլոր թուանչանները բաղմապատկեցի և Ա. մաս. արտ. գտայ 1566: Բաղմապատկողին տասնաւորովն ալ բաղմապատկեցի բաղմապատկելոյն բոլոր թուանչանները և Բ. մաս. արտ. գտայ 5415 ուրուն միաւոր 5ը գրեցի բաղմապատկողին 5 թուանչանին ուղղա-

թեամբը, նոյնպէս բաղմապատկողին հարիւրաւորովն ալ բաղմապատկեցի և Գ. մաս. արտ. գտայ 2752, որուն 2 միաւորը գրեցի բաղմապատկողին հարիւրաւորին այսինքն 4 ին ուղղաթեամբը. Ի վերջոյ այս երեք մասնական արտադրեալները գումարելով գտայ բովանդակ արտադրեալը 308716 :

Բաղմապատկել հետեւեալները :

1. 148	2. 4005	3. 9978	4. 97458
35	743	1346	978
<hr/>		<hr/>	
5. 1496×175=	7. 4123×215=		
6. 2947×346=	8. 15301×4489=		

41. Գիտէ՞ք Ա. Եթէ արտադրչաց մէկուն կամ երկուքին ալ աջ կողմը զրօներ գտնուին պէտք է .

Դիւրութեան համար գործողութեան տեսն զրօները զանց ընել և յետոյ արտադրեալին աջ կողմը շարել :

	Օրինակ.	
1341	1475000	4653100
400	3	6000
<hr/>	<hr/>	<hr/>
536400	4425000	27918600000

42. Գիտէ՞ք Բ. Եթէ բաղմապատկողին մէջ զրօներ գտնուին, պէտք է .

Չանոնք զանց ընելով ձախ կողմի նշանակել թուանչանով բաղմապատկել :

Ինչպէս .

	9745	8888	4152
7315			
3004	1001	4007	308
<hr/>	<hr/>	<hr/>	<hr/>
29260			
21945			
<hr/>			
21974260			

44. ՓՈՐՁ. Բազմապատկութեան փորձը ընելու համար պէտք է.

Արտադրիչներուն կարգը փոխել. այսինքն բազմապատկելին բազմապատկողին տեղ և բազմապատկողն ալ բազմապատկելոյն տեղ դնել և դարձեալ գործողութիւն ընել, եթէ առջի արտադրեալը ելնէ ուղիղ է:

Օրինակ

Գործող	Փոխ.
72	28
28	72
<hr/> 576	<hr/> 56
144	196
<hr/> 2016	<hr/> 2016

ԳՈՐԾԱԾՈՒԹԻՒՆ ԲԱԶՄԱՊԱՏԿՈՒԹԵԱՆ

44. Բազմապատկութեան գործողութիւնը հետեւեալ դիպուածոց մէջ տեղի կունենայ:

Ա. Միութեան արժէքը գիտնալով թուոց արժէքը գտնել:

ԿԱՆՈՆ. Միութեան արժէքը թուով բազմապատկելու է, արտադրեալը պատասխանն է:

Ինչպէս. եթէ մէկ ռուս խահուէն 12 շրջը ըլլայ, 7 ռուս քանի՞ շրջուշ կընէ:

$12 \times 7 = 84$ շրջուշ:

Բ. Մեծագոյն տեսակի միութիւնները իրենց փոքրագոյն տեսակին վերածել*:

ԿԱՆՈՆ. Մեծագոյնը բազմապատկելու է փոքր տեսակէն մեծագոյն մը կազմելու համար որոշուած թուովը: Ղուրուշը փարայի վերածելու համար 40 ուլ բազմապատկելու է, Օխան տրամի վերածելու համար 400 ուլ: Փոքր տեսակի միութիւններէն մեծագոյն տեսակի միութիւն մը կազմելու որոշուած թուոյն «որոշ» բաժանումով կ'ըսուի. այսպէս են 40 փոյ. 400 տրմ. 8 ըուպ և ըն:

Ինչպէս, 21 շրջը քանի՞ փարա կընէ: 17 ռուս քանի՞ տրամ կընէ: 30 էնտագէն քանի՞ ըուպ կընէ: 4 օրը քանի՞ ժամ կ'ընէ:

$21 \times 40 = 840$ փարա: $17 \times 400 = 6800$ տրմ:
 $30 \times 8 = 240$ ըուպ: $4 \times 24 = 96$ ժամ:

Գ. Երբեմն ալ Ա. ին հակառակ թուոց արժէքը գիտնալով միութեան արժէքը գտնելու ատեն: Այս ան ատեն կը պատահի երբ խնդրոյն պայմաններուն վրայ մտածելով կը տեսնենք որ գործողութեան պատասխանը շատ ըլլալու է:

ԿԱՆՈՆ. Թուով իր արժէքը բազմապատկելու է, արտադրեալը պատասխանն է:

Ինչպէս, 6 հոգի 10 օրէն տուն մը շինեն:

* Եթէ թուոց ձեւը փոխուելով արժէքը չ'փոխուի, վերջէն կ'ըսուի:

նէ, մէկ հոգին քանի՞ օրէն կրնայ շինել : Յայտնի է որ մէկ հոգին 10 օրէն չկրնար շինել, հապա շատ օրէն :

Ուստի . $10 \times 6 = 60$ օր պատասխան :

Գ. Քառակուսի կամ ուղղանկիւն տեղւոյ մը, որուն անկիւնները ուղիղ են, կողմերը գիտնալով մակերեւոյթը գտնելու համար :

ԿԱՆՈՆ. Երկայնութիւնը լայնութեամբ բազմապատկելու է :

Ինչպէս, սենեակ մը ունինք որուն երկայնութիւնն է 18 ոտք, լայնութիւնը 12 ոտք, սենեկին մակերեւոյթը քանի՞ քառակուսի ոտք է :

$18 \times 12 = 216$ քառակուսի ոտք :

Յիշեալ սենեկին բարձրութիւնն ալ 15 ոտք է, պարունակութիւնը քանի՞ խորանարդ ոտք է :

$18 \times 12 \times 15 = 3240$ խորանարդ ոտք :

45. Պէտք է գիտնալ որ . Որ և իցէ արտադրեալ բազմապատկելոյն հետ համասեռ կըլլայ . վասն զի արտադրեալը բազմապատկելիին՝ բազմապատկողին չափ իր վրայ դումարուած է . ուրեմն՝ արտադրելոյն միութիւնները համասեռ ըլլալու են բազմապատկելոյն միութիւններուն հետ :

46. Եթէ արտադրիչները վերացեալ կերպով առնուին, կրնանք արտադրիչներուն որ և իցէ մէկուն բազմապատկելի կամ բազմա-

պատկող ըսել, առանց արտադրելոյն վրայ փոփոխութիւն մը ընելու : Եթէ թանձրացեալ կերպով առնուին արտադրելոյն տեսակը, բազմապատկելի սեպելու է : Իսկ եթէ արտադրելոյն տեսակը յայտնի չէ, պէտք է արտադրիչներուն համեմատ խնդիր մը յարմարցնել, որով արտադրելոյն տեսակը որոշած կըլլանք . Ինչպէս հետեւեալ օրինակներուն մէջ :

Ս. 14 շ:	Բ. 12 օխ	Գ. 12 × 14 = 168 :
12 օխ	14 շ:	
<hr style="width: 50%; margin-left: auto; margin-right: 0;"/>	<hr style="width: 50%; margin-left: auto; margin-right: 0;"/>	
28	48	
14	12	
<hr style="width: 50%; margin-left: auto; margin-right: 0;"/>	<hr style="width: 50%; margin-left: auto; margin-right: 0;"/>	
168 շ:	168 օխ	

Ս. Օրինակին մէջ այսպէս կըսեմ. Եթէ մէկ օխան 14 զրշ. արժէ, հապա 12 օխան քանի՞ զրշ. կրնէ. պատասխանը զրշ. ըլլալու է. ուրեմն՝ արտադրիչներէն 14 զրշ. ը բազմապատկելի ընելու է :

Բ. Ին մէջ կըսեմ. Եթէ մէկ զրշ. ուլ 12 օխա առնուի, հապա 14 զրշ. ուլ քանի՞ օխա կառնուի. պատասխանը օխա ըլլալու է . ուրեմն՝ 12 օխան բազմապատկելի ընելու է : Եթէ հարցում մը չըլլայ արտադրեալը արտադրիչներուն մէկուն կամ մէկալին տեսակէն կրնայ ըլլալ . Ինչպէս կերեւայ Գ. օրինակին մէջ :

Ծանօթութիւն. Բազմապատկութեան գիւրութեան համար ընդհանրապէս մեծ թիւը բազմապատկելի ընելու է :

47. ԲԱԶՄԱՊԱՏԿՈՒԹԵԱՆ ՎՐԱՅ
ԽՆԴԻԲՆԵՐ

1. Բազմապատկել 1 ը՝ 2 ուլ, վերջը 3 ուլ,
վերջը 4 ուլ, յետոյ 5 ուլ և հետզհետէ 6 ուլ,
7 ուլ, 8 ուլ, 9 ուլ :

Պատ. 2, 6, 24, 120, 720, 5040, 40320,
362880 :

2. Թէ որ մէկ արշըն չուխան 53 զրշ. ԸԼ-
լայ, 37 արշընը քանի՞ զրշ. կընէ :

Պատ. 1961 զրշ. :

+ 3. Եթէ մէկ օխա թէյը 167 զրշ. ընէ, 8 օ-
խան քանի՞ զրշ. կընէ :

Պատ. 1336 զրշ. :

+ 4. Ծառայի մը ամսականն է 350 զրշ. տա-
րեկանը քանի՞ զրշ. կընէ :

Պատ. 4200 զրշ. :

5. Բանուորի մը օրականն է 18 զրշ. տարին
քանի՞ զրշ. կընայ առնել կիրակիներն ալ մէկ-
տեղ հաշուելով :

Պատ. 6570 զրշ. :

+ 6. Մեղանաւոր մը 7 ծառայ ունի որոնց ա-
մեն մէկուն 600 ական զրշ. ամսական կուտայ.
ամսեղբուխ ամենուն քանի՞ զրշ. տուած կըլ-
լայ և տարին քանի՞ :

Պատ. ամիսը 4200 զրշ. տարին 50400 :

7. Հինգ թօփ չուխա ծախու առինք, ամեն

մէկ թօփը 60 ական արշըն և ամեն մէկ արշը-
նը 58 ական զրշ. բոլորին քանի՞ զրշ. վճարե-
լու է :

Պատ. 17400 :

8. Զաղացքի մը քարը մէկ վայրկենի մէջ 50
անգամ կը դառնայ, քանի՞ անգամ կը դառնայ
մէկ ժամուան, մէկ օրուան մէջ :

Պատ. 3000 = 72000 :

9. 7341 օխան քանի՞ տրամ է :

Պատ. 2936400 տրամ :

10. 700 չէքին քանի՞ օխա կընէ, (գիտնա-
լով որ մէկ չէքին 180 օխա է) :

Պատ. 126000 օխա :

11. 167 խանթարը քանի՞ օխա կընէ, (գիտ-
նալով որ մէկ խանթարը 44 օխա է) :

Պատ. 7348 :

12. Քրիստոսի ծննդեանէն մինչեւ 1873 քա-
նի՞ օր, քանի՞ ժամ անցեր է :

Պատ. 683280 օր, 16398720 ժամ :

13. Գրքի մը մէկ տողին մէջ կայ 40 գիր,
մէկ երեսին մէջ 34 տող, մէկ թերթին մէջ 16
երես և իւրաքանչիւր հատոր 25 թերթ. կու-
զենք իմանալ թէ քանի՞ երես, քանի՞ տող, և
քանի՞ գիր կայ չորս հատորներու մէջ :

Պատ. 1600 երես, 54400 տող, 2176000

գիր :

14. Մարդուն բազկերակը թէ որ մէկ վայր-

կենի մէջ 63 անդամ զարնէ, 2 շաբաթուան 4 օրուան 5 ժամու և 23 վայրկենի մէջ քանի՞ անգամ կը զարնէ :

Պատ. 1705923 անգամ :

15. 6 հոգի մէկ տունը 13 օրէն կը շինեն, մէկ հոգին քանի՞ օրէն կրնայ շինել :

Պատ. 78 օրէն :

16. 7 հոգիին մէկ շաբաթուան ուտելիքը մէկ օրէն լմնցընելու համար քանի՞ մարդ պէտք է :

Պատ. 49 :

17. Գործ մը 36 գործաւոր օրը 10 ժամ աշխատելով 14 օրէն լմնցուցին. նոյն գործը մէկ մարդը քանի՞ ժամէն կրնայ լմնցնել :

Պատ. 5040 ժամէն :

18. Սենեակ մը ունինք որուն երկայնութիւնն է 12 ոտք, լայնութիւնը 8 ոտք. մակերեսը քանի՞ քառակուսի ոտք է :

Պատ. 96 :

19. Վերոյիշեալ սենեկին բարձրութիւնն ալ 11 ոտք է, պարունակութիւնը քանի՞ խորանարդ ոտք է :

Պատ. 1056 :

20. Աւազանի մը երկայնութիւնն է 4 կանգուն, լայնութիւնը 3 կանգուն, և բարձրութիւնը 5 կանգուն, աւազանին պարունակութիւնը քանի՞ խորանարդ ոտք է. թէ որ մէկ

խորանարդ կանգուն տեղւոյն մէջ պարունակեալ ջուրը 91 օխա կշռէ, յիշեալ աւազանին մէջ քանի՞ օխա ջուր կը պարունակէ :

Պատ. 60 խորանարդ կանգուն : 5460 օխա :

21. Մէկը կուղէ աղիւսէ պատ մը շինել տալ, այս պատին երկայնութեանը կերթայ 400 աղիւս, լայնութեանը 6 աղիւս և բարձրութեանը 120 աղիւս. ուրեմն այս պատին համար քանի՞ աղիւս պէտք է և քանի՞ դշ եթէ մէկ աղիւսը արժէ 2 դուրուշ :

Պատ. 288000 աղիւս 576000 դշ :

22. Երկիրս 360 աստիճանի կը բաժնուի. մէկ աստիճանը 23 հասարակ փարսախ է կամ 20 ծովային փարսախ. արդ կը հարցուի գիտնալ թէ երկիրս շրջապատը քանի՞ հասարակ և քանի՞ ծովային փարսախ է :

Պատ. 9000 հասարակ և 7200 ծովային փարսախ :

ԲԱԺԱՆՈՒՄՆ

48. ԲԱԺԱՆՈՒՄՆԸ գործողութիւն մ'է որ կը սորվեցնէ թէ, թիւ մը ուրիշ թուոյ մը մէջ քանի՞ անգամ կը պարունակի : Ընչպէս եթէ ըսեմք 6ը 24 ին մէջ քանի՞ անգամ կայ, յայտնի է որ 4 անգամ, վասն զի 6ը 24 էն 4 անգամ կրնանք հանել :

24
 6
 18
 6
 12
 6
 6
 0

Ուր յայտնի կը տեսնենք որ 6ը 24 էն 4 անգամ ելած է, ըսել է թէ բաժանումը բարձմամբ ալ կրնանք կատարել, բայց յայտնի է որ եթէ բաժանելին մեծ ըլլա՞ր, ա՞ն ատեն գործողութիւնը բարձմամբ կատարելը ինչո՞ւ գծուար և երկայն կըլլար:

Այն թիւը զոր պիտի բաժնենք՝ կ'ըսուի բաժանելի, և այն թիւը որով պիտի բաժնենք՝ բաժանարար, գործողութենէն երածն ալ բանորդ վերի օրինակին մէջ 24ը բաժանելի է, 6ը բաժանարար 4ը քանորդ:

Այս նշանը (:) բաժանելու կ'ըսուի, ձախ կողմ մը բաժանելին աջ կողմն ալ բաժանարարը կը գրուի: Ինչպէս $24:6=4$

Երբեմն այս նշանն ալ (\div) կը գործածուի $24\div 6=4$:

Երբեմն այս նշանն ալ (—) բայց այս ատեն բաժանելին վրան ու բաժանարարը տակը գրելու է այսպէս $\frac{24}{6}=4$: անանկ որ $24:6$, $24\div 6$, $\frac{24}{6}$ իրեքն ալ կը ցուցնեն թէ պէտք է 6ը 24 ին մէջ բաժնել:

49. Բաժանման մէջ չորս պատահում կայ:

Ա. Միաթուանշանով իր տասը անգամէն փոքր թիւ մը բաժնել:

Բ. Բազմաթուանշան թիւ մը միաթուանշանով բաժնել:

Գ. Որ և իցէ թիւ մը մէկ կամ աւելի զրոյով վերջացող միութեամբ բաժնել:

Դ. Բազմաթուանշան թիւ մը բազմաթուանշանով բաժնել:

50. ՊՍՏԱՀՈՒՄ Ա. Միաթուանշանով իր տասը անգամէն փոքր թիւ մը բաժնելու համար պէտք է.

Աղէկ սորված ըլլալ բազմապատկութեան աղիւսակը: Վասն զի եթէ մէկը գիտնայ որ 7 անգամ 4ը 28 կընէ, հարկաւ գիտնալու է որ 28 ին մէջ 7ը 4 անգամ կայ, կամ 4ը 7 անգամ կայ: Նմանապէս կը գիտնայ որ 30 ին մէջ 7ը 4 անգամ կայ, 4ը 7 անգամ կայ և 2 կաւելնայ:

51. ՊՍՏԱՀՈՒՄ Բ. Բազմաթուանշան թիւ մը միաթուանշանով բաժնելու համար պէտք է.

Ա. Բաժանելին գրել և բաժանարարը անոր աջ կողմը մէջ տեղը կեդրոնահայեաց գիծ մը և բաժանարարին տակ հորիզոնական գիծ մը:

Բ. Նայիլ թէ բաժանարարը քանի անգամ կայ բաժանելոյն ձախ կողմի մէկ կամ երկու թուանշաններուն մէջ (որուն Ա. մասնական բաժանելի կ'ըսուի) և քանորդը գրել հորիզոնական գծին տակ:

Գ. Քանորդը բաժանարարով բազմապատ-

կել և արտադրեալը Ա. մասնական բաժանելիէն հանել և մնացորդին աջ կողմը իջեցնել բաժանելուն յաջորդ թուանշանը որով Բ. մասնական բաժանելի մը կը կազմուի :

Գ. Այս Բ. բաժանելին բաժանարարով բաժնել քանորդը առջի քանորդին աջ կողմը գրելը և բաժանարարով բազմապատկել արտադրեալը Բ. մասնական բաժանելիէն հանել :

Ե. Մնացորդին աջ կողմը իջեցնել բաժանելուն յաջորդ թուանշանը, և այսպէս գործողութիւնը յառաջ տանիլ մինչեւ որ բաժանելուն բոլոր թուանշանները մէկիկ մէկիկ վար իջած ըլլան :

Զ. Ի վերջոյ եթէ մնացորդ աւելնայ քանորդին առջև բաժանման երրորդ նշանը գնելով վրան մնացորդը և տակը բաժանարարը գրել :

Օրինակ. բաժնել 32055ը 7 ուլ :

Ա. մաս. բաժանելի	32,0,5,5,	7 բաժանարար
	28	4379 $\frac{3}{7}$ քանորդ
Բ. » »	40	
	35	
Գ. » »	55	
	49	
Դ. » »	65	
	63	
	2	

Վերի կանոնին համեմատ բաժանելին ու բաժանարարը շարելէն վերջը 7 բաժանարարը Ա. մաս. բաժանելուն 52 ինժեջ բաժնեցի գտայ 4 քանորդ, զոր իր տեղը գրի և բազմապատկելով 7 ուլ, 28 արտադրեալը 52էն հանեցի մնաց 4. այս 4 ին աջ կողմը բաժանելուն յաջորդ 0 թուանշանը առնելով 40 եղաւ որ է Բ. մաս. բաժանելի զոր 7 ուլ բաժնելով 5 քանորդ գտայ. այս 5ը 4 ին աջ կողմը գրեցի և 7 ուլ բազմապատկեցի գտայ 55 զոր 40էն հանելով մնաց 5 ասոր աջ կողմը բաժանելուն յաջորդ 5 թուանշանը առնելով եղաւ 55 որ է Գ. մաս. բաժանելի, այս 55ը 7 ուլ բաժնելով գտայ 7 քանորդ զոր առջի գտած քանորդիս աջ կողմը գրի. այսպէս շարունակելով գտայ 4379 $\frac{3}{7}$ բովանդակ քանորդ :

52. Գիտե՛ք՝ Ա. Գործողութեան աստն եթէ բաժանելուն յաջորդ թուանշանը վար առնենք՝ բաժանարարը մէջը չ'սարունակի, պէտք է .

Քանորդին մէջ զրո մը գնել և բաժանելուն յաջորդ թուանշանը վար առնելով գործողութիւնը յառաջ տանիլ :

Օրինակ. բաժնել 24354ը 6 ուլ :

Գործողութիւն	
24354	6
24	4059
35	
30	
54	
54	
0	

53. Գիտելիք Բ. Գործողութիւնը համառօտ կերպով կատարելու համար պէտք է .

Առանց մասնական արտադրեալները գրելու ու հանելու մտքով կատարել :

Օրինակ. բաժնել 417316 ը 7 ով :

$$\begin{array}{r} 417316 \overline{)7} \\ \underline{59616} \\ 7 \end{array}$$

Բաժնել հետեւեալները .

- | | |
|-------------------|-------------------|
| 1. 450146 : 6 = | 6. 14275 : 4 = |
| 2. 156431 : 6 = | 7. 29416 : 5 = |
| 3. 4800018 : 8 = | 8. 7400656 : 6 = |
| 4. 597744 : 9 = | 9. 8004157 : 7 = |
| 5. 88888888 : 9 = | 10. 1427598 : 8 = |

54. ՊԱՏԱՀՈՒՄ Գ. Որ և իցէ թիւ մը մէկ կամ աւելի զրօյով վերջացող միութեամբ, այսինքն 10, 100, 1000 եւ այլն թիւերով բաժնելու համար պէտք է .

Բաժանարարին ծայրը քանի զրօ կայ նէ բաժանելոյն աջ կողմէն այնչափ թուանշան կտրել . որով ձախ կողմը մնացածը քանորդ և աջ կողմը մնացածը մնացորդ կըլլայ :

Օրինակ Ա.

$$1743 : 10 = 174 \frac{3}{10} \quad | \quad 18109 : 100 = 181 \frac{9}{100}$$

Օրինակ Գ.

$$8715000 : 1000 = 8715$$

Հետեւեալ բաժանումները կատարել .

- | | |
|----------------------|--------------------|
| 1. 6059 : 100 = | 5. 2743 : 10 = |
| 2. 82004 : 100 = | 6. 14506 : 100 = |
| 3. 67400 : 1000 = | 7. 874000 : 1000 = |
| 4. 8974157 : 10000 = | 8. 159870 : 1000 = |

55. ՊԱՏԱՀՈՒՄ Գ. Բազմաթուանշան թիւ մը բազմաթուանշանով բաժնելու համար պէտք է .

Ա. Բաժանելին ու բաժանարարը ըստ կանոնի շարեւէն վերջը բաժանելոյն ձախ կողմէն բաժանարարին թուանշաններուն որքանութեանը չափ կամ թէ որ այս չափը բաժանարարէն պզտիկ է՝ հատ մ' ալ աւելի զատել որ կըլլայ Ա. մասնական բաժանելի :

Բ. Ա. մասնական բաժանելոյն ձախ կողմի մէկ կամ երկու թուանշաններուն մէջ բաժանարարին ձախ կողմի առաջին թուանշանը բաժնել առանց քանորդը գրելու, մնացորդը (թէ որ կայ) Ա. մասնական բաժանելոյն երկրորդ կամ երրորդ թուանշանին յարել և տեսնել թէ բաժանարարին երկրորդ թուանշանն ալ անոր մէջ այնչափ անգամ կա՞յ մի :

Գ. Թէ որ կայ՝ բաժանարարին յաջորդ թուանշաններն ալ Ա. մասնական բաժանելոյն յաջորդ թուանշաններուն մէջ նայել որ առջի քանորդին չափ գտնուին :

Դ. Իսկ թէ որ չգտնուին նորէն սկսել գործողութիւնը և բաժանարարին ձախ կողմի առաջ

Ղին թուանշանով քանորդը հետզհետէ մէյմէկ պակսեցնել մինչեւ որ բաժանարարին բոլոր թուանշաններն Ա. մասնական բաժանելոյն մէջ էն առջի գտնուած քանորդին հաւասար գլտնուին :

Ե. Գտնուած քանորդը իր տեղը գրել, բաժանարարով բազմապատկել և արտադրեալը Ա. մասնական բաժանելիէն հանել :

Զ. Մնացորդին քով իջեցնել բաժանելոյն յաջորդ թուանշանը որով Բ. մասնական բաժանելի կըլլայ, և մի և նոյն կերպով Բ. մասնական բաժանելոյն մէջ բաժանարարը բաժնել :

Է. Սյապէս շարունակել մինչեւ որ բաժանելոյն բոլոր թուանշանները մէկիկ մէկիկ վար իջած ըլլան :

Օրինակ Ա. բաժնել 768 ը 24 ով :

$$\begin{array}{r}
 \text{Գործող} \\
 768 \overline{) 24} \\
 \underline{72} \\
 48 \\
 \underline{48} \\
 0
 \end{array}$$

Բաժանելին ու բաժանարարը ըստ կանոնի շարերէն յետոյ 76 ը զատեցի որ եղաւ Ա. մասնական բաժանելի որուն մէջ 24 ը բաժնեցի սյապէս. 2 ը 7 ին մէջ 5 անգամ կայ, 1 կաւելնայ. ասոր աջ կողմը յաջորդ 6 թուանշանն առնելով եղաւ 16. բաժանարարին երկրորդ թուանշանը

4 նայ 16 ին մէջ 5 անգամ կայ. ուստի 5 ը գրեցի. $24 \times 5 = 72$ զոր 76 էն հանելով մնաց 4 ասոր աջ կողմը յաջորդ 8 թուանշանն ալ առնելով եղաւ 48 որուն մէջ 24 ը բաժնեցի սյապէս, 2 ը 4 ին մէջ 2 անգամ կայ բան չաւելնար, 4 ն ալ 8 ին մէջ երկու անգամ կայ, ուստի 2 ն ալ գրեցի 5 ին քով. $24 \times 2 = 48$ զոր 48 էն հանելով բան չմնաց որով քանորդն եղաւ 52 :

Օրինակ Բ. բաժնել 2958 ը 34 ով :

$$\begin{array}{r}
 \text{Գործող} \\
 2958 \overline{) 34} \\
 \underline{272} \\
 238 \\
 \underline{238} \\
 0
 \end{array}$$

Բաժանելին ու բաժանարարը ըստ կանոնի շարերէն յետոյ բաժանելոյն ձախ կողմէն երեք զատեցի, վասն զի տեսայ որ երկու թուանշանը բաժանարարէն պզտիկ է. 54 ը 295 ին մէջ բաժնեցի սյապէս. 5 ը 29 ին մէջ 9 անգամ կայ 2 կաւելնայ, 2 ը յաջորդ թուանշանին տամ կըլլայ 25. 4 ը 25 ին մէջ 9 անգամ է ը կայ, անոր համար նորէն սկսայ, 5 ը 29 ին մէջ 8 կայ ըսեմ 5 կաւելնայ, սյա 5 ը յաջորդ 5 ին հետ 55 կըլլայ 4 ը 55 ին մէջ 8 անգամ կայ. ուստի 8 ը գրեցի. $54 \times 8 = 272$ զոր 295 էն հանելով կը մնայ 25. յաջորդ 8 թուանշանը վար առնելով եղաւ 258 որուն մէջ 54 ը բաժնեցի սյապէս. 5 ը 25 ին մէջ 7 անգամ կայ 2 կաւելնայ տամ 8 ին կըլլայ 28. 4 ն ալ 28 ին մէջ 7 անգամ կայ ուստի 7 իր տեղը գրեցի $54 \times 7 = 258$ զոր 258 էն հանելով մնաց 0 ով քանորդն եղաւ 87 :

Օրինակ Գ. բաժնել 1918940 ը 278 ով :

$$\begin{array}{r}
 \text{Գործող} \\
 1918940 \overline{) 278} \\
 \underline{1668} \\
 2509 \\
 \underline{2502} \\
 710 \\
 \underline{556} \\
 154 \text{ մնացորդ}
 \end{array}$$

2 ը 19 ին մէջ 9 անգամ կայ 1 կաւելնայ, տամ յաջորդ 1 ին կըլլայ 11, որուն մէջ 7 ը 9 անգամ է իկայ, անոր համար նորէն սկսիմ և ըսեմ 2 ը 19 ին մէջ 8 անգամ կայ 5 կաւելնայ տամ 1 ին կըլլայ 51 որուն մէջ 7 ը 8 անգամ է իկայ, ասանկ մէյ մէկ պակսեցնելով գտայ որ 6 է Ա. քանորդը $278 \times 6 = 1668$ որ 1918

էն հանելով մնաց 250. յաջորդ թուանշանն վար առնելով բաժնեցի գտայ 9 քանորդ. $278 \times 9 = 2502$ զոր 2509 էն հանելով կը մնայ

7. յաջորդ թուանշանն վար առնելով եզաւ 71, որուն մէջ բաժանարարը չի պարունակիր անոր համար քանորդին մէջ 0 մը գրել, և շարունակելով գտայ 6902 քանորդ, 154 մնացորդ:

56. Գեորգիէ՛ Ա. Եթէ բաժանարարին ծայրը զրօններ ըլլան պէտք է.

Ա. Զրօնները զատել և նոյնչափ թուանշան ալ բաժանելոյն աջ կողմէն, և ձախ կողմը մնացածներուն վրայ ընել գործողութիւնը:

Բ. Եթէ մնացորդ չաւելնայ՝ բաժանելոյն աջ կողմի զատուածները մնացորդ սեպել. իսկ եթէ մնացորդ աւելնայ, այն մնացորդին առջեւ առնել զատուածներն ալ:

Ա. բաժ. 4863ը 800ով.	Բ. 146734ը 12000ով.
Գործող. 48,63 8,00	146,734 12,000
48	26
0	12 քանորդ
	2734 մնացորդ

57. Գեորգիէ՛ Բ. Եթէ գործողութիւնը լմնալէն յետոյ բաժանելոյն աջ կողմը զրօններ աւելնան, պէտք է.

Այն աւելցած զրօնները քանորդին առջեւ շարել:

Օրինակներ.

Ա. բաժ. 288000ը 12ով.	Բ. 2600000ը 80ով.
Գործող. 288000 12	260000,0 8,0
48	32500 քնդ.
0	

Հետեւեալ բաժանումները ընել.

- | | |
|----------------------|----------------------|
| 1. 172158 : 13 = | 6. 41578 : 17 = |
| 2. 1000000 : 22 = | 7. 167002 : 23 = |
| 3. 7774532 : 37 = | 8. 594158 : 140 = |
| 4. 9465490 : 3400 = | 9. 8741500 : 6300 = |
| 5. 333333333 : 470 = | 10. 1420000 : 4400 = |

58. Որ և իցէ բաժանման մէջ եթէ բաժանարարը քանորդով բազմապատկենք արտադրեալը կըլլայ բաժանելի թիւը: Վասն զի թիւ մը ուրիշ թուով մը բաժնել ըսելը՝ բաժանելի թուոյն մէջ բաժանարարին քանի անգամ ըլլալը փնտռել ըսել է. ուստի հարկաւ եթէ բաժանարարը այնչափ անգամ կրկնենք, արտադրեալը հաւասար պիտի ըլլայ բաժանելոյն: Ուրեմն՝ բաժանման մէջ բաժանելին կրնանք արտադրեալ մը սեպել, բաժանարարն ու քանորդն ալ երկու արտադրիչները:

59. Փորձ ԲԱԶՄԱՊԱՏԿՈՒԹԵԱՆ. Արտադրեալը եթէ արտադրիչներուն մէկովը բաժնենք միւսը ելնէ՛ ուղիղ է:

Փորձ.	Փորձ.	
32	800 32	800 25
25	64 25	75 32
160	160	50
64	160	50
800	0	0

60. Բաժանման փորձը դնելէն յառաջ հոս մէկ քանի գիտելիքներ դնենք որ ամենա հարկաւոր է բաժանման գործողութեան ատեն . պէտք է գիտնալ որ ,

Ա. Բաժանման մէջ որ և իցէ մնացորդ չկրնար ո՛չ բաժանարարէն մեծ և ոչ անոր հաւասար ըլլալ, գոնէ անկէ 1 պակաս ըլլալու է : Վասն զի եթէ մեծ ըլլայ, ան ատեն բաժանարարը մէջը կը պարունակի, որով քանորդը աւելցնել հարկ կ'ըլլայ, եթէ մնացորդը բաժանարարին հաւասար ըլլայ, քանորդին վրայ միութիւն մը աւելցնել պէտք կ'ըլլայ :

Բ. Ամեն մէկ մասնաւոր քանորդով բաժանարարին արտադրեալը չ'կրնար մասնաւոր բաժանելիէն մեծ ըլլալ : Եթէ մեծ ըլլայ մասնաւոր քանորդը, մեծ գրած ենք, պակսեցնելու է :

Գ. Մասնաւոր քանորդը 9 էն մեծ թիւ չը կրնար ըլլալ : Վասն զի եթէ 10 անգամ ըլլայ կամ ալ աւելի, ան ատեն բաժանելոյն աջ կողմի մէկ թուանշանը գուրս ալ ձգենք, դարձեալ բաժանարարը մնացածին մէջ գոնէ 1 անգամ կը պարունակի :

Դ. Ա. մասնական բաժանելին զատելէն ետքը աջ կողմի մնացած թուանշաններուն համբանքէն մէկ աւելի կ'ըլլայ քանորդին թուանշաններուն որքանութիւնը :

Ինչպէս . 3785321 : 127 օրինակին մէջ կը սեմ որ քանորդը հինգ թուանշաններէ պիտի բաղկանայ : Վասն զի առաջին մասնական բաժանելին է 378 որուն աջ կողմը չորս թուանշան մնաց 1 ալ կըլլայ հինգ :

61. ՓՈՐՁ ԲԱԺԱՆՄԱՆ ՓՈՐՁԸ ԸՆԵՐՈՒ ՀԱՄԱՐ ԱՅՏԱՔ Է .

Քանորդն ու բաժանարարը իրարու հետ բազմապատկել և արտադրելոյն վրայ մնացորդը (թէ որ կայ) գումարել, եթէ գումարը բաժանելոյն հաւասար ելնէ շիտակ է :

Գործող	Փոշ
97405 : 23 = 4235	4235
54	23
	<hr style="width: 50%; margin-left: auto; margin-right: 0;"/>
80	12705
115	8470
0	<hr style="width: 50%; margin-left: auto; margin-right: 0;"/>
	97405

62. ՓՈՐՁ Բ. Քանորդը բաժանարար ընելով բաժնել, եթէ ելած քանորդը առջի բաժանարարին հաւասար ըլլայ շիտակ է . սա ալ գիտնալ որ եթէ մնացորդ կար առաջ մնացորդը բաժանելիէն հանել և յետոյ բաժնել :

Գործող	Փոշ
97405 : 23 = 4235	97405 : 4235 = 23
54	8470
	<hr style="width: 50%; margin-left: auto; margin-right: 0;"/>
80	12705
115	12705
0	<hr style="width: 50%; margin-left: auto; margin-right: 0;"/>
	0

Օրէնի Բ.	
487051	35
137	13915 բնդ.
320	
55	
201	
26	մեդ.

Փռն Ա.	
13915	
35	
69575	
41745	
487035	
26	
487051	

Փռն Բ.	
487051	
26	
487025	13915
69575	35
0	

ԳՈՐԾԱԾՈՒԹԻՒՆ ԲԱԺԱՆՄԱՆ

63. Բաժանման գործողութիւնը հետեւեալ դիպուածոց մէջ տեղի կունենայ :

Ա. Թուոց արժէքը դիտնալով միութեան արժէքը գտնել :

ԿԱՆՈՆ. Թուով իր արժէքը բաժնելու է , քանորդը միութեան արժէքն է :

Ինչպէս. եթէ 7 օխա խահուէն 84 շրշ արժէ , մէկ օխան քանի՞ շրշ կընէ :

84 : 7 = 12 շրշ :

Բ. Փոքր տեսակի միութիւնները իրենց մեծագոյն տեսակին վերածել :

ԿԱՆՈՆ. Փոքր տեսակի միութիւնները իրենց ստորաբաժանմունքով բաժնելու է , քանորդն է մեծ տեսակի թիւը :

Ինչպէս. 840 վարան քանի՞ շրշ կընէ :

840 : 40 = 21 շրշ :

Գ. Երբեմն ալ Ա. ին հակառակ միութեան

արժէքը դիտնալով թուոց արժէքը գտնելու առեւն , և այս ան առեւն կը պատահի երբ խնդրոյն պայմաններուն վրայ մտածելով կը տեսնենք որ գործողութեան պատասխանը իր համասեռ թիւէն քիչ ըլլալու է :

ԿԱՆՈՆ. Միութեան արժէքը թուով բաժնելու է , քանորդն է պատասխան :

Ինչպէս. եթէ մէկ հոգի 30 օրէն պատ մը շինէ , 5 մարդ քանի՞ օրէն կրնան շինել :

Յայտնի է որ եթէ 1 մարդը 30 օրէն լմնցնէ 5 մարդը 30 օրէն 5 անգամ քիչ օրէն կրնան լմնցնել :

Ուստի 30 : 5 = 6 օրէն :

64. Գեղեւէտ. Գանորդին տեսակը սրոշելը միայն խնդիրէն կախում ունի որ կ'ըլլայ երբեմն բաժանելոյն երբեմն ալ ուրիշ տեսակէ մը : Եթէ բաժանելին ու բաժանարարը տարասեռ են , քանորդը բաժանելոյն տեսակէն կ'ըլլայ : Եթէ բաժանելին ու բաժանարարը համասեռ են , քանորդը ուրիշ տեսակէ մը կ'ըլլայ :

Օրէնի Ա.

Պ. մրդ. Պ. 1740 : 5 = 348

Օրէնի Բ.

Պ. Պ. օխա 4608 : 64 = 72

Եւստիւսիւս. Գանորդը երբեմն ալ կը պատահի որ բաժանարարին տեսակէն կ'ըլլայ :

Ք. ա. ա. ա.

Ինչպէս. 1517 : 37 = 41

Ա. Օրինակին մէջ կըսեմ այսպէս . եթէ 5 մարդոց 1740 զրշ. հաւասարապէս բաժնեմ, ա՛մէն մէկուն քանիկա՞ն զրշ. կ'իյնայ . քանորդը զրշ. բաժանելը՞յն տեսակէն ըլլալու է :

Բ. ին մէջ . եթէ մէկ օխա բանը 64 զրշ. ըլլայ, 4608 զրշ. ուլ քանի՞ օխա կրնամ գնել . քանորդը օխա՞ ուրիշ տեսակէ է :

Գ. ին մէջ . Տեղ մը ունինք որուն մակերեւոյթն է 1517 քռ. արշ. լայնութիւնը 37 արշըն . երկայնութիւնը քանի՞ արշըն է . քանորդ արշընը բաժանարարին տեսակէն է :

ԴԻՏՈՂՈՒԹԻՒՆՔ

ԲԱԶՄԱՊԱՏԿՈՒԹԵԱՆ ԵՒ ԲԱԺԱՆՄԱՆ ՎՐԱՅ

65. ԴԻՏ. Ա. Բազմապատկութեան մը արտադրեալը կը մեծնայ կամ կը պզտիկնայ՝ որչափ որ մեծնայ կամ պզտիկնայ իր արտադրիչներէն մէկը :

ԴԻՏ. Բ. Բայց արտադրեալը չ'փոխուիր երբ արտադրիչներէն մէկը որչափ մեծնայ միւսը այնչափ պզտիկնայ նէ :

ԴԻՏ. Գ. Որչափ բաժանելին մեծնայ կամ պզտիկնայ, բաժանարարը նոյնը մնալով, քանորդն ալ այնչափ անգամ կը մեծնայ կամ կը պզտիկնայ :

ԴԻՏ. Դ. Եթէ բաժանելին նոյնը պահելով ինչ փոփոխութիւններ որ ընենք բաժանարար

ըին վրայ, անոր ներհակ փոփոխութիւնը կըլլայ քանորդին վրայ . այսինքն եթէ բաժանարարը մեծնայ, քանորդը այնչափ անգամ կը պզտիկնայ, բաժանարարը պզտիկնայ՝ քանորդը այնչափ կը մեծնայ :

ԴԻՏ. Ե. Վերի Գ. Դ. դիտողութիւններէն կը հետեւցենք թէ, երբ թէ բաժանելին և թէ բաժանարարը մի և նոյն թուով մեծնան կամ պզտիկնան, քանորդին վրայ փոփոխութիւն մը չըլլար : Վասն զի եթէ միայն բաժանելին մեծցնենք քանորդը կը մեծնայ (Գ.) եթէ միայն բաժանարարը մեծցնենք՝ քանորդը կը պզտիկնայ (Գ.) արդ՝ քանորդը մէկ կողմանէ մեծնալով միւս կողմանէ ալ այնչափ անգամ պզտիկնալով հարկաւ անփոփոխ պիտի մնայ . բաժնունին ալ նէ նմանապէս :

66. ԲԱԺԱՆՄԱՆ ՎՐԱՅ ԽՆԴԻՐՆԵՐ

+ 1. Թէ որ 18 օխա շաքարը 234 զրշ. ըլլայ, մէկ օխան քանի՞ զրշ. կընէ :

Պատ. 13 զրշ. :

2. Եթէ ծառայի մը տարեկանը 6480 զրշ. ըլլայ, ամսականը քանի՞ զրշ. կ'ըլլայ և օրականը քանի՞ :

Պատ. 540 և 18 :

3. Հայր մը մեռնելով իր 7 որդւոյը թո՛ւ

դուց 7246302 զուրուշ. ամեն մէկուն որչափ կ'իջնայ :

Պատ. 4035186 :

4. Մէկը 7246302 զըշ. ժառանգութիւն ձը գեր է անանկ որ ժառանգները 4035186 ական զըշ. առեր են. քանի՞ ժառանգ կար :

Պատ. 7 :

5. Աշխատաւորի մը չարաթականը 108 զըշ. ըլլայ նէ, օրականը քանի՞ կ'ըլլայ : (Աշխատութեան չարաթը 6 օր է) :

Պատ. 18 :

6. Արջըն մը չուխան 64 զըշ. ըլլայ նէ, ըստը քանի՞ զըշ. կ'ընէ, կիրահը քանի՞ :

Պատ. 8, 4 :

7. 345000 տրամը քանի՞ օխա կընէ :

Պատ. 862 օխա 200 տրամ :

8. 1000000 ստակը քանի՞ փարա, զըշ. քէսէ կ'ընէ :

Պատ. $333333\frac{1}{3}$ փր. $8333\frac{1}{3}$ զըշ. 16 քէսէ 333 զըշ. 13 փր. 1 ստակ :

9. 8600 շիլինը քանի՞ անգղիական լիրա կընէ, (մէկ լիրան 20 շիլին է) :

Պատ. 430 :

10. Եթէ ցորենին գրիւը 12 զուրուշ ըլլայ, 6520 զուրուշով քանի՞ գրիւ ցորեն կրնամ գնել :

Պատ. $343\frac{1}{12}$ գրիւ :

11. Զրամբարի մը մէջ 1080 օխայ ջուր կայ. եթէ օրը 12 օխա ջուր առնուի որչափ ժամանակէն կը հասնի :

Պատ. 90 օրէն :

12. Զրամբարի մը մէջ 1080 օխա ջուր կայ 3 ամիսէն հատցնելու համար օրը քանի՞ օխա ջուր առնելու է :

Պատ. 12 օխա :

13. 763 թիւը անծանօթ թուով մը բազմապատկեցի արտագրելովը 19838 եղաւ, որն է այն անծանօթ թիւը :

Պատ. 26 :

14. Երկրիս բոլորովը 9000 փարսակ է. մարդ մը որչափ ժամանակէն կրնայ պարտիլ, թէ որ մէկ օրուան մէջ, գիշեր ցորեկ միակերպ երթալով 16 փարսակ տեղ երթայ :

Պատ. 1 տարի 197 օր 12 ժամ :

15. Աւազան մը երեք ծորակ ունի, թէ որ մէկը բացուի 27 ժամէն կը պարպուի, թէ որ երեքն ալ մէկէն բացուին քանի՞ ժամէն կը պարպուի, (ենթադրելով որ ծորակներուն մեծութիւնը մի և նոյն է) :

Պատ. 9 ժամէն :

16. Մարդ մը դործ մը 48 օրէն կը լինցընէ. 10 մարդ քանի՞ օրէն կը լինցընեն, նոյն դործը :

Պատ. 4 օր և 9 ժամ ու կէս գրեթէ :

17. Ձի մը մարգագեանի մը խոտը 3 ա-
միա 8 օրէն կը հատցունէ. 256 ձի քանի՞ օրէն
կրնան հատցունել նոյն խոտը :

Պատ. 4 ու կէս ժամէն գրեթէ :

18. Տեղւոյ մը մակերեւոյթն է 264 քա-
ռակուսի ոտք, լայնութիւնը 11 ոտք, նոյն
տեղւոյն երկայնութիւնը քանի՞ ոտք է :

Պատ. 24 ոտք :

19. Ձրշղջի մը պարունակութիւնն է 756
խորանարդ ոտք, երկայնութիւնը 9 ոտք, լայ-
նութիւնը 7 ոտք. բարձրութիւնը քանի՞ ոտք է :

Պատ. 12 ոտք :

20. Մարդ մը 2920 ֆր. տարեկան եկամուտ
ունի, կ'ուզէ օրը 1 ֆր. խնայողութեամբ մէկ-
դի դնել, օրը քանի՞ ֆր. ծախք ընելու է :

Պատ. 7 ֆր. :

21. 84 զրշի գումար մը հաւասար որքա-
նութեամբ 5 նոցով և 2 նոցով վճարուեցաւ,
ամեն մէկէն քանի՞ կան հատ էր :

Պատ. 12 ական :

67. ՉՈՐՄ ԳՈՐԾՈՂՈՒԹԵԱՆ ՎՐԱՅ ԽԱՌՆ
ԽՆԴԻՐՆԵՐ

1. 230 օխա շաքար առինք օխան 8 զրշ. էն
և փոխարէնը խահուէ պիտի տանք որուն օխան
14 զրշ. է, քանի՞ օխա խահուէ տալու է :

Պատ. 131 օխա 171 արամ :

2. 65 Գաղղիական ոսկի ունինք 88 զրշ. նոց
զորոնք պիտի փոխանակենք Օսմ. լիբայի հետ
որոնց ամէն մէկը կարժէ 107 զրշ. քանի՞ լիբա
տալու է :

Պատ. 53 ոսկի 45 զրշ. 32 փր. ողջ գրամ,
կամ 49 զրշ. ընթացիկ գրամ :

3. Բաժանելոյն և բաժանարարին գումա-
րըն է 40 և քանորդն է 7. իրչափ է բաժանե-
լին և բաժանարարը :

Պատ. Բաժանելի 35, բաժանարար 5 :

4. Բաժանելոյն և քանորդին գումարն է
56 և բաժանարարը 6. իրչափ է բաժանելին
և քանորդը :

Պատ. Բաժանելի 48, քանորդ 8 :

5. Մնգամ մը 8 օխա իւղ առինք և տուինք
115 զրշ. ուրիշ անգամ 15 օխա առինք և տը-
ուինք 213 զրշ. որը՞ աժան է :

Պատ. վերջինը :

6. 14 գործաւոր, հաւասար աւուրչէքով,
15 օր բանելով գործ մը ընցուցին և առին
4200 զրշ. ամէն մէկուն օրականը քանի՞ է :

Պատ. 20 զրշ. :

7. Վաճառական մը չորս կտոր չուխա ծա-
խու առաւ 1853 ֆր. ի մէթըր 17 ֆր. ի Ա. կտո-
րը 28 մէթր էր, Բ. ը 24, և Գ. ը 30. չորրորդ
կտորը քանի՞ մէթր էր :

Պատ. 27 մէթր :

8. Կտոր մը չուխա առինք 324 ֆր. և 432 ֆր. ծախելով մէթր գլուխ 9 ֆր. շահեցանք . քանի՞ մէթր էր :

Պատ. 12 մէթր :

9. Պատուհան մ'ունինք որուն երկայնութիւնն է 6 ոտք , լայնութիւնը 4 ոտք , երեսը շատ է թէ բոլորովորդ :

Պատ. Տարասեռ ըլլալնուն յայտնի չէ :

10. Մէկը օրը կը ծախսէ 4 զրշ. կերակուրի համար, ամիսը 125 զրշ. տանը վարձքին համար. և ամբողջն մէջ 865 զրշ. զգեստին համար, որ չափ է տարեկան ծախքը :

Պատ. 3825 զրշ. :

11. Մարդ մը մեռնելու ատեն թողուց 3448 զրշ. իրեն երեք հաւատարիմ ծառայից , բայց այսու պայմանաւ որ Ա. ը առնու կէսը , Բ. ը մնացածին երրորդ մասը և Գ. ը մնացածը . ի՞նչ է ամեն մէկուն բաժինը :

Պատ. 2724 . 908 . 1816 :

12. Երեք տեսակ ցորեն ունինք Ա. ին գրիւք 22 զրշ. Բ. ինը 25 զրշ. և Գ. ինը 19 զրշ. ասոնք հաւասարապէս իրար խառնենք մէկ գրիւք քանի՞ կուգայ :

Պատ. 22 զրշ. :

13. 20 օխա գինի ունինք որուն օխան 3 զրշ. է , քանի՞ օխա ջուր խառնելու է որ օխան 4 զրշ. ի իջնայ :

Պատ. 5 օխա :

14. Երեք հոգի ընկերութիւն ընելով վաւարկեցան 360 զրշ. և հետեւեալ կերպով բաժնեցին իրենց մէջ , Բ. ին առածը Ա. ին առածէն 50 զրշ. էվէլ է և Գ. ին առածը Ա. էն 40 զրշ. էվէլ . ամեն մէկը ի՞նչ առին :

Պատ. Ա. ը 90 , Բ. ը 140 , Գ. ը 130 :

15. Երեք հոգի 50 զրշ. ծախք ըրին անանկ որ Ա. ին և Բ. ին ծախսածներուն գումարն է 40 . և Ա. ին և Գ. ին ծախսածներուն գումարն է 30 զրշ. ամեն մէկը որչափ ծախք ըրին :

Պատ. Ա. ը 20 , Բ. ը 20 , Գ. ը 10 :

16. 1000 զրշ. բաժնուեցաւ երեք հոգիի . Բ. ը Ա. էն 120 զրշ. էվէլ առաւ և Գ. ն ալ Բ. էն 160 զրշ. էվէլ . ամեն մէկը որչափ առին :

Պատ. Ա. ը 200 , Բ. ը 320 , Գ. ը 480 :

17. Արեւուն լոյսը մեզի կը հասնի 8 վայրկենի 13 երկվայրկենի մէջ , արեւուն երկրէս ունեցած հեռաւորութիւնն է 34600000 փարսախ . որչափ ճամբայ կրնէ լոյսը մէկ երկվայրկենի մէջ :

Պատ. 70182 ու կէս փարսախ :

18. Շողեհաւ մը հանդարտ ջուրի վրայ մէկ ժամէն 9 մղոն կառնէ , հոսանքին զօրութեամբն ալ 4 մղոն . արդ՝ եթէ շողեհաւը հոսանքն ի վար 13 ժամ երթայ , քանի՞ մղոն գացած կըլլայ :

Պատ. 169 մղոն :

19. Հոսանքին դէմ 13 ժամ երթայ քանի՞ մղոն դացած կըլլայ :

Պատ. 65 մղոն :

20. Վաճառական մը հինգ խանութար խահուէ գնեց 2090 շրշի. օխան քանի՞ ծախելու է որ բոլորէն 770 շրշ. վաստըկի :

Պատ. 13 շրշի :

21. Ճանապարհորդ մը կ. Պօլիսէն կ'ելնէ ժամը 8 մղոն քալելով. 120 մղոն երթալէն ետքը ուրիշ մը կ'ելնէ նոյն ճամբէն և ժամը 12 մղոն կը քալէ . արդ՝ Բ. ը Ա. ին քանի՞ մղոնէն պիտի հասնի :

Պատ. 360 մղոնէն :

22. Երկու ճամբորդ մի և նոյն ատեն մէկը Ադրիանուպօլիսէն և միւսը կ. Պօլիսէն կ'ելնեն . Ա. ը ժամը 8 մղոն կը քալէ և Բ. ը 7. քանի՞ ժամէն ետքը կը հանդիպին , գիտնալով որ երկու քաղաքներուն հեռաւորութիւնը 1560 մղոն է :

Պատ. 104 ժամէն :

23. Կառքի մը մեծ անիւը մէկ անգամ դառնալուն 4 կանգուն տեղ կ'առնէ , իսկ փոքրը մէկ անգամէն 3 կանգուն . կառքը 4800 կանգուն տեղ դացեր է անիւները քանի՞ կան անգամ դարձած են :

Պատ. Մեծը 1200 և փոքրը 1600 :

24. Մէկը 1200 կանգուն չուխա ունէր ո.

րոնց ամեն մէկ կանգունը 50 շրշի պիտի ծախէր , բայց սյս չուխան ջուրը կ'յնալով 160 կանգուն պակսեցաւ . արդ՝ կանգունը քանի՞ ծախելու է որ վաս չընէ :

Պատ. 57 շրշ. 28 փր. գրեթէ :

25. Երկու խանութ ունինք մէկուն ամսական վարձքն է 450 շրշ. և միւսինը 740 . այս երկու խանութներուն 7 ամսուան բերած վարձքը 75 գործաւորներու հաւասարապէս բաժնեմ , ամեն մէկուն ի՞նչ կ'յնայ :

Պատ. 111 շրշ. 3 փր. գրեթէ : (ամբողջ շտապ)

26. 270000 աղիւսէ կոյտ մը կայ որուն երկայնութիւնն է 150 աղիւս , լայնութիւնը 60 , քանի՞ կարգ իրարու վրայ շարուած է :

Պատ. 30 կարգ :

27. Անձանօթ գումար մը ստակ բերի 167 մարդու հաւասարապէս բաժնեցի , ամեն մէկուն 256 ական շրշ. ինկաւ և 105 շրշ. ալ աւելցաւ . քանի՞ շրշ. էր :

Պատ. 42857 :

28. Բաժանարարն է 671 և քանորդը 5061 իսկ մնացորդ 598 . ի՞նչ է բաժանելին :

Պատ. 3396529 :

29. Զուրը օդէն 775 անգամ ծանր է , սընդիկը ջուրէն 14 անգամ . կը հարցուի թէ սնդիկը օդէն քանի՞ անգամ ծանր է :

Պատ. 18050 :

30. 9 անդամ 14 ին արտադրեալին վրայ
ինչ թիւ գումարելու է որ 150 ըլլայ :

Պատ. 24 :

31. 15 ով ո՞ր թիւը բաժնելու է , որ քա-
նորդը 140 ըլլայ :

Պատ. 2100 :

32. Ի՞նչ թիւ 4 ով բազմապատկելու և 5
ով բաժնելու է որ քանորդը 20 ըլլայ :

Պատ. 25 :

33. Երեք թուոց արտադրեալն է 948000 և
երկու թիւերն են 125 և 24. ո՞րն է երրորդ
թիւը :

Պատ. 316 :

34. 100 զրշը եթէ մէկ տարուան մէջ 10
զշ շահ բերէ , հապա 4000 զշը երկու տար-
ուան մէջ քանի՞ շահ կը բերէ :

Պատ. 800 զշ :

35. Երկու տեսակ գինի կայ , որոց մէկն է
100 օխա 90 փարանոց , միւսը 150 օխա 120
փարանոց . ասոնք իրար խառնենք նէ , օխան
քանի՞ փարանոց գինի կըլլայ :

Պատ. 108 :

36. Երկու մարդ մէկտեղ ճամբայ ելան մի
և նոյն ուղղութեամբ և մի և նոյն տեղէ և քա-
լեցին ժամը 7 մղոն առնելով . մէկը 3 ժամը
անդամ մը 1 ժամ կը հանգչէր , միւսը 4 ժա-
մը անդամ մը 1 ժամ կը հանգչէր . 120 ժամ

ճանապարհորդելէն վերջը իրարմէ որքա՞ն հե-
ռացան :

Պատ. 42 մղոն :

36. Թնդանօթի ուումը մը՝ որ մէկ փարսախս
տեղը 20 երկվայրկեանի մէջ կառնէ արեգակին
հասնելու քանի՞ տարի պէսք է , (գիտնալով
որ արեգակին երկրէս ունեցած հեռաւորու-
թիւնը 34600000 փարսախս է և տարին 365 օր
սեպելով) :

Պատ. 21 տարի 344 օր 6 ժամ 13 վայր-
կեան 20 երկվայրկեան :



ԽԱՌՆ ԹԻԻ

68. Երբ մեծագոյն տեսակի միութեանց
քով իրենց փոքրագոյն տեսակի միութիւններն
ալ գտնուին՝ կ'ըսուի Խառն Թի- :

Ինչպէս . 124 զրշ 18 փր . 2 ստակ : 8 խան-
թար 22 օխա 150 տրամ : Նմանապէս 2 տարի
8 ամիս 20 օր 10 ժամ 35 վայրկեան և 30
երկվայրկեան :

Խառն թիւերն ալ ամբողջ թուոց պէս ու-
նին չորս գործողութիւններ . Յաւելումն , Բար-
ձումն , Բազմապատկութիւն , Բաժանումն . ա-
սոնց վրայ խօսելէն յառաջ գնենք հոս գրամ-
ներու , կշիռներու և չափերու աղիւսակ մը :

Դրո՛՛՛ Ծանկասարանի .	Կշէրտ Ծանկասարանի .
1 բեռ = 100000 զշ.	1 չէքի = 180 օխա
1 քէսէ = 500 "	1 խնթ = 44 "
1 զրշ. = 40 փարա	1 օխա = 400 տրամ
1 փր. = 3 ստակ	1 տրմ. = 4 տէնկ
	1 տէնկ = 4 կուտ
	կամ քուաթ
	1 քուաթ = 4 ցորեն
	1 1/2 տրամ կամ 24
	քուաթ = 1 մխալ*

Չո՛՛՛ Ծանկասարանի .

1 (մէյմար արշընը) կնգ.	
ճարտարապետական	= 24 մատ
1 մատ	= 12 դիծ
1 դիծ	= 12 կէտ
1 (գուլաճ) գրկաչափ	= 2 1/4 մէյմար արշընը կամ 54 մատ
1 (չուհաճը) արշընը կնգ.	= 8 բուպ
1 բուպ	= 2 կիրահ
1 էնտաղէ	= 8 բուպ
1 բուպ	= 2 կիրահ

Ծանօթո՛՛թիւն. Չուհաճը արշընըն էնտաղէէն քիչ մը մեծ է, անանկ որ էնտաղէն որ 16 կիրահ է, չուհաճը արշընըն աւնոր կիրահով 17 կիրահէ մտ կուգայ : Մէյմար արշընըն ալ գրեթէ 19 կիրահ :

* Մխալ և քուաթ բառերը ընդհանրապէս գոհարեղ ինաց մէջ կը գործածուին :

Դրո՛՛՛ Գաղշէոյ .	Դրո՛՛՛ Անդշէոյ .
1 լիրա = 20 ֆրանգ	1 լիրա = 20 շելին
1 ֆրգ. = 20 սու կմ: 100 սթմ:	1 շելին = 12 բէնս
1 սում. = 10 սանթիմ	1 բէնս = 4 ֆրթկ.

Ե. Ծանկ .

1 դար	= 100 տարի
1 տարի	= 12 ամիս կամ 365 օր
1 օր	= 24 ժամ
1 ժամ	= 60 վայրկեան
1 վայրկեան	= 60 երկվայրկեան

ՅԱԻԵԼՈՒՄՆ ԽԱՌՆ ԹՈՒՌՅ

69. Խառն թիւերը գումարելու համար պէտք է .

Ա. գումարելիները անանկ կերպով իրարու տակ դրել որ համասեռ տեսակները իրարու տակ գան և ստորագծել :

Բ. փոքր տեսակէն սկսեալ գումարել, թէ որ ասոր գումարին մէջ իրմէ անմիջապէս վեր եղած տեսակի միութենէն գտնուի՝ նոյն տեսակին վրայ գումարել. մնացորդը, թէ որ կայ, տակը դրել, ապա թէ ոչ զրօ մը :

Գ. Այսպէս շարունակել մինչեւ որ ամենէն մեծ տեսակը հասնինք որուն գումարն իր տակը գրել :

Օրինակ Ա. գումարել 180 զրշ. 30 փր. 1 ստակ :

355 շրշ. 28 փր. 2 ստակ = 400 շրշ. 20 փր. 158
 շրշ. 14 փր. 1 ստակ :

Գործու

180	30	1	Սուաջ ստակները գումարեցի եղաւ 4 ստակ, որ կընէ 1 փարա 1 ստակ, 1 ստա- կը ստակներուն տակը գրեցի և 1 փա- րան ալ փարաներուն հետ գումարեցի եղաւ 95 փարա, որ կընէ 2 շշ. 15 փարա. 15 փարան փարաներուն տակը գրեցի և 2 շշն ալ զէներուն հետ գումարեցի և 2 շշն ալ զէներուն հետ գումարեցի եղաւ 1095 շշ. որով բոլոր գումարը եղաւ 1095 շշ. 15 փր. 1 ստակ :
355	28	2	
400	20	0	
158	14	1	
<u>1095</u>	<u>13</u>	<u>1</u>	

Օրէնակ Բ.

արշըն	մաս	գիծ	կէտ	էնտաղէ	բուպ	կերազ
20	20	10	10	10	5	1
18	14	8	7	20	6	1
4	5	9	0	18	7	0
1	10	10	9	6	6	1
<u>45</u>	<u>4</u>	<u>3</u>	<u>2</u>	<u>57</u>	<u>1</u>	<u>1</u>

Օրէնակ Գ.

տարի	ամիս	օր	ժամ	վայրկեան	երկվայրկեան
20	10	25	20	50	30
5	5	10	10	30	10
10	8	15	12	20	15
8	7	13	17	4	0
<u>45</u>	<u>8</u>	<u>5</u>	<u>12</u>	<u>44</u>	<u>55</u>

70. ԽԱՌՆ ԹՈՒՈՅ ՅՍԻԵԼՄԱՆ ՎՐԱՅ
 ԽՆԴԻՐՆԵՐ

1. Մարդ մը 1320 շրշ. 16 փր. 1 ստի. դեր-
 ձակին տալիք ունի, 1560 շրշ. 30 փր. 2 ստի.

ոսկերչին, 495 շրշ. 20 փր. կոշկահարին, 218
 շրշ. 10 փր. 2 ստի. նարարավաճառին և 104 շրշ.
 5 փր. 2 ստակ ալ մսավաճառին, բոլորը քանի՞
 շուրուշ է :

Պատ. 3699 շրշ. 3 փր. 2 ստակ :

2. Նարարավաճառէն անդամ մը 4 օխա 125
 տրամ բրինձ առինք, ուրիշ անդամ 6 օխա 300
 տրամ, անգամ մ'ալ 5 օխա 250 տրամ, ամե-
 նը քանի՞ օխա կընէ :

Պատ. 16 օխա 275 տրամ :

3. Մարդ մը 1823 ին մայիսի 8 ին ցորեկ-
 ուան ժամը 6 ին ծնաւ. ո՞ր ատեն 60 տարեկան
 և 6 ամսուան կըլլայ :

Պատ. 1883 նոյեմբեր 8 ին ցորեկուան ժա-
 մը 6 ին :

ԲԱՐՉՈՒՄՆ ԽԱՌՆ ԹՈՒՈՅ

71. Խառն թիւերը իրարմէ հանելու հա-
 մար պէտք է .

Ա. փոքր թիւը մեծ թուոյն տակը գրել,
 անանկ որ համասեռ տեսակները իրարու տակ
 դան և ստորագծել :

Բ. փոքր տեսակէն սկսեալ ամեն մէկ տե-
 սակը իր վրայի տեսակէն հանել, և մնացածը
 տակը գրել. թէ որ փոքր թուոյն այս ինչ տե-
 սակը մեծ թուոյն համասեռ տեսակէն մեծ ըլ-
 լայ իրմէ անմիջապէս վեր եղած տեսակէն միու-

Թիւն մը առնել և փոքր տեսակին վերածելով հանել :

Գ. Այսպէս շարունակել մինչեւ ամենէն մեծ տեսակը , որուն տարբերութիւնն ալ էր տակը գրել :

Օրէնսի Ա. Հանել 375 զըշ. 35 փր. 1 ստակէն 200 զըշ. 38 փր. 2 ստակը :

Գ. Բ. Գ.

375	35	1	Հոս 2 ստակը 1 ստակէն չեղնելուն հա-
200	38	2	մար փարսներէն փարս մը առի և ստա-
174	36	2	կի վերածեցի ըրաւ 5 ստակ. 1 ստակ ալ
			կար եղաւ 4 ստակ. 2 ը հանեցի մնաց 2,
			զոր ստակներուն տակը գրեցի. նոյնպէս

5/4 փարսէն 58 փարսն չեղնելուն զըշ.ներէն միութիւն մը առի փարսի վերածեցի եղաւ 74 փր. ուսկէց 58 ը հանելով մնաց 56 փր. զոր փարսներուն տակ գրեցի, այսպէս ալ 574 էն 200 ը հանեցի մնաց 174 զըշ. որով մնացորդը եղաւ 174 զըշ. 56 փարս 2 ստակ :

Օրէնսի Բ.

օխա	տրամ	տէնկ	կուտ	էնտ.	բուպ	կիրահ
6	0	0	0	34	7	0
3	180	3	2	20	6	1
2	219	0	2	14	0	1

Օրէնսի Գ.

72. ԽԱՌՆ ԹՈՒՈՅ ԲԱՐՁՄԱՆ ՎՐԱՅ ԽՆԴԻՐՆԵՐ

1. Վաճառքով լեցուն սնտուկ մը կշռեցինք 10 օխա 314 տրամ 3 տէնկ եկաւ , վերջը միայն

սնտուկը կշռեցինք 1 օխա 375 տրամ եկաւ , որչափ է վաճառքին ծանրութիւնը :

Պատ. 8 օխա 339 տրամ 3 տէնկ :

2. Մեր վերջին թաղաւորը ԼԵՒՈՆ Զ. մեռաւ 'ի փարիզ 1393 նոյեմբեր 23 ին. մինչեւ (1873) քանի՞ տարի է :

Պատ. 479 տարի 1 ամիս 8 օր :

3. Արեգակնային տարին է 365 օր 5 ժամ 48 վայրկեան և 45 երկվայրկեան, լուսնային տարին է 354 օր 8 ժամ 48 վայրկեան և 35 երկվայրկեան. կուղենք իմանալ ասոնց տարբերութիւնը :

Պատ. 10 օր 21 ժամ 10 երկվայրկեան :

4. Մէկը ունէր 52 էնտաղէ 6 բուպ 1 կիրահ բեհէկ , ծախեց 35 էնտաղէ 7 բուպը , որչափ մնաց քովը :

Պատ. 16 էնտաղէ 7 բուպ 1 կիրահ :

ԲԱՉՄԱՊԱՏԿՈՒԹԻՒՆ ԽԱՌՆ ԹՈՒՈՅ

73. Խառն թուոց բազմապատկութիւնը երկու կերպով կըլլայ , մէյ՛մը վերածմամբ , մէյ՛մ՝ ալ քանորդական մասամբ :

Ա. ՎԵՐԱԾՄԱՄԲ

74. Բազմապատկութեան մէջ երեք պատահում կայ :

Ա. Խառն թիւ մը ամբողջով բազմապատկելը

Բ. Ամբողջ թիւ մը խառն թուով բազմապատկել :

Գ. Խառն թիւ մը խառն թուով բազմապատկել :

75. ՊՍՏԱՀՈՒՄ Ա. Խառն թիւ մը ամբողջով բազմապատկելու համար պէտք է .

1^o Ա. Բազմապատկելին փոքրագոյն տեսակին վերածել և բազմապատկողով բազմապատկել :

Բ. Արտադրեալը իր մեծագոյն տեսակին վերածել :

2^o Ա. Բազմապատկելին փոքր տեսակէն սկսեալ բազմապատկողով բազմապատկել, եւ թէ արտադրեալին մէջ իրմէ անմիջապէս վեր եղած տեսակի միութիւն պարունակի, մեծ տեսակի արտադրեալին վրայ աւելցնել :

Բ. Այսպէս շարունակել մինչև որ բազմապատկելոյն տեսակները լմնան :

Օրինակ. Մէկ օխա բանը 14 զըշ. 25 փարա 1 ստակ ըլլայ, 9 օխան քանի՞ զըշ. կընէ :

1. Գործողութիւն		2. Գործողութիւն	
14 ռ.	1756	ռ.	փր. ստ.
×40	9	14	25 1
560	15804 3	126	225 9
+25	526,8 4,0	5	3
585 փր.	28 131 ռ. 28 փր.	131	28 0
×3			
1755			
+1			
1756 ստկ.			

Օրինակ Բ. Մէկ էնտագէ չուխան 35 զըշ. 24 փարա ըլլայ 158 էնտագէն քանի՞ զըշ. կընէ :

1. Գործողութիւն		2. Գործողութիւն	
35		ռ.	փր.
×40		35	24
1400		280	192
+24		175	120
1424 փր.		35	24
158		5530	3792
141392		94	
7120		5624	32
1424			
22499,2 4,0			
32 5624 ռ. 32 փր.			

76. ՊՍՏԱՀՈՒՄ Բ. Ամբողջ թիւ մը խառն թուով բազմապատկելու համար պէտք է .

Ա. Բազմապատկողը իր փոքրագոյն տեսակին վերածելով բազմապատկելոյն հետ բազմապատկել :

Բ. Արտադրեալը բաժնել բազմապատկողին մէջ գործածուած ստորաբաժանմանց արտադրեալովը քանորդը պատասխանն է :

Օրինակ Ա. Օխա մը բանը 26 զըշ. ըլլայ, 8 օխա 150 արամը քանի՞ կ'ընէ :

Գործող
 8 օրս
 ×400
 3200 արմ.
 +150
 3350
 ×26
 20100
 6700

8 օրան 150 արամը արամի վերածեցե
 եղաւ 5550 արամ, որն որ 26 ով բազ
 մնապատկերով գտայ 87100, այս ճիշդ
 պատասխանէն 400 անգամ մեծ է, վա
 սըն զի բազմապատկած տուննիս 5550
 արամը իրբև օրս սեպելով 400 ան
 գամ մեծ սեպած եղանք. անոր համար
 պէտք է 400 անգամ պզտիկցնել :

871,00 | 4,00
 217 $\frac{3}{4}$ շ.

Օրէնի Բ. խանթար մը շաքարը 316 զրշ. ընէ
 նէ 48 խնթ. 25 օրս 250 արմ.ը քանի՞ զրշ. կընէ :

	Գործող-ի	
48 խնդ.	855050	44
×44	316	400
192	5130300	17600
192	855050	
2112	2565150	
+25	2701958,00	176,00
2137 օրս	941	15352 շ. 1 Գր.
×400	619	
854800	915	
+250	358	
855050 արմ.	6	

77. ՊԱՏԱՀՈՒՄ Գ. խառն թիւ մը խառն թը
 ով բազմապատկելու համար պէտք է .

Ա. Երկու Սրտադրիչներն ալ իրենց փոք
 րադոյն տեսակներուն վերածելով բազմապատ
 կել :

Բ. Սրտադրեալը՝ գործողութեան մէջ գոր
 ծածուած ստորաբաժանմանց արտադրեալովը
 բաժնել, քանորդը պատասխանն է :

Օրէնի. Սրշըն մը թաւիշը 60 զրշ. 13 փարա
 1 ստակ ըլլայ, 25 արշըն 6 բուպ 1 կիրահը քա
 նի՞ զրշ. կընէ :

	Գործող-ի	
60 շ.	25 արշ.	7240 40
×40	×8	413 3
2400	200	21720 120
+13	+6	7240 8
2413 Գր.	206 բպ.	28960 2
×3	×2	2990120 1920
7239	412	1070 1557 շ. 14 Գր.
+1	+1	1101
7240 ստ.	413 կեր.	1442 680

Բ. ՔԱՆՈՐԴԱԿԱՆ ՄԱՍԱՄԲ

78. Գանորդական մասունք ըսելով թուոյ
 մը բաժանարարները կը հասկցուի :
 Ինչպէս . 40 ին քանորդական մասերն են ,
 1, 2, 4, 5, 8, 10, 20, և 40, նոյնպէս 400 ին

քանորդական մասերն են 1, 2, 4, 5, 8, 10, 20, 40, 50, 80, 100, 200 և 400 :

79. ՊԱՏԱՀՈՒՄ Ա. խառն թիւ մը ամբողջով բազմապատկելու համար պէտք է .

Ա. Բազմապատկողով բազմապատկելոյն մեծ տեսակը բազմապատկել :

Բ. Բազմապատկելոյն փոքր տեսակները անանկ մասերու բաժնել որ իր գլխաւոր միութեան քանորդական մասերն ըլլան, ետքը ամեն մէկ մաս գլխաւոր միութեան քանիերորդ մասն է նէ բազմապատկողին ալ այնքաներորդ մասն առնել և արտադրելոյն վրայ գումարել, գումարը կ'ըլլայ պատասխանը :

Օրինակ Ա. Օխա մը բանը 20 ղըշ 10 փարա ըլլայ, 8 օխան քանի՞ ղըշ կ'ընէ :

Գործաւորներ

20 ղշ	10 փր
8	
<hr/>	
160	20 ղշ են 8 օխայով արտադրեալը
2	10 փր են » » »
<hr/>	
162	

Առաջ 20 ղ 8 ով բազմապատկեցի եղաւ 160 ղշ 10 փարան ղշ են չորրորդ մասն է ուստի 8 են ալ չորրորդ մասը առի, եղաւ 2, այս 2 ղ 160 են վրայ գումարելով գտայ 162 ղուրուշ պատասխան :

Օրինակ Բ. Էնտաղէ մը չուխան 64 ղըշ 17 փր ըլլայ նէ, 20 Էնտաղէն քանի՞ ղըշ կ'ընէ :

Գործաւորներ

64 ղշ	17 փր			
20				
<hr/>				
1280		64 ղշ		
5		10 փր	} 17	
2	20	5 "		20 : 4=5
1		2 "		20 : 8=2. 20
<hr/>			20 : 20=1	
1288	20			

64 ղ 20 ով բազմապատկեցի եղաւ 1280 ղշ 17 փարան ղշ են քանորդական մասերը չըլլալուն մասերու բաժնեցի 10, 5, 2, փր որովհետեւ 10 փարան ղշ են չորրորդ մասն է 20 են ալ չորրորդ մասը առի որ է 5. 5 նալ ղշ են ութերորդ մասն է 20 են ութերորդ մասը կ'ընէ 2 ղշ 20 փր. Տեսց 2 փարան որն որ ղշ են քանիերորդ մասն է, ուստի 20 են քանիերորդ մասը 1 կ'ընէ սա ալ գրեցի և գումարելով պատասխանը գտայ 1288 ղուրուշ 20 փարայ :

80. ՊԱՏԱՀՈՒՄ Բ. Ամբողջ թիւ մը խառն թիւով բազմապատկելու համար պէտք է .

Ա. Բազմապատկողին մեծ տեսակով բազմապատկելին բազմապատկել :

Բ. Բազմապատկողին փոքր տեսակները գլխաւոր միութեան քանորդական մասերն ընելով ամեն մէկ մաս գլխաւոր միութեան քանիերորդ մասն է նէ բազմապատկելոյն այնքաներորդ մասը առնել արտադրելոյն վրայ գումարել :

Օրինակ. Ա. Օխա մը թէյը 84 շրշ. ըլլայ, 7 օխա 350 տրամը քանի՞ շրշ. կընէ :

Գործող.

84 շ.	
7 օխա 350 տրամ:	
588	7 օխա
42	200 տրամ:
21	100 "
10	20 50 "
661	20

Առաջ 84 ը 7 ուլ բազմապատկեցի, ետքը 350 տրամը երգիւստը միութեան մասերուն զատեցի եղաւ 200, 100, 50 տրամ: 200 տրամը օխային կէսն է 84 ին ալ կէսը կընէ 42, դրեցի 42 ղ. 100 տրամը օխային չորրորդ մասն 84 ին ալ չորրորդ մասը կընէ 21. 50 ը օխային ութերորդ մասն է. 84

ին ալ ութերորդ մասը կընէ 10 ղ. 20 փր. որ ամենը գումարը ըլլալ գտայ պատասխանը 661 ղ. 20 փր:

Օրինակ. Բ. Մէկ շրշ. ուլ 3 օխա բան առնուի, 7 շրշ. 19 փր. 2 ստակով որչափ կառնուի :

Գործող.

3 օխա	
7 ղ. 19 փր. 2 սակ.	
21	7 ղ. տրամ
0 300	10 փր. } 19
0 240	8 " }
0 30	1 " }
0 10	1 սակ. } 2
0 10	1 " }
22	190

Պատ. 22 օխա 190 տրամ:

81. ՊԵՏԱՀՈՒՄ Գ. Խառն թիւ մը խառն թիւով բազմապատկելու համար պէտք է.

Ա. Բազմապատկողը ամբողջ թիւ սեպելով ըստ առաջին պատահման դործողութիւնը ընել:

Բ. Յետոյ բազմապատկողին փոքր տեսակները քանորդական մասերու զատելով բոլոր բազմապատկելոյն այնքաներորդ մասերը առնել և արտադրելոյն վրայ գումարել, գումարը պատասխանն է :

Օրինակ. Օխա մը շաքարը 6 շրշ. 16 փր. ըլլայ նէ, 8 օխա 270 տրամը քանի՞ շրշ. կընէ :

Գործող.

6 ղ. 16 փր.	
8 օխա 270 տրամ	
48	6x8
2	10 փր. } 16
1	5 " }
0 8	1 " }
3 8	200 տրամ.
0 32	50 " } 270
0 12 ¹⁶ / ₂₀	20 " }

55 ղ. 20 ¹⁶/₂₀ փր. Պատ.

6 ղ. 16 փր. 8 օխայով բազմապատկեցի, յետոյ 16 փարանքանորդական մասերու զատեցի 10, 5, 1. 10, փարան ղ. ին չորրորդ մասը ըլլալով 8 ին ալ չորրորդ մասը առի եղաւ 2. 5 ին ալ ղ. ին ութերորդ մասն է 8 ին ութերորդ մասը 1 կ'ըլլայ առ ալ գրեցի, 1 ը ղ. ին քառասներորդ մասն է 8 ին ալ քառասներորդ մասը կ'ըլլայ 8 փր. 270 տրամն ալ քանորդական մասերու զատեցի 200, 205. 200 տրամը օխային կէսն է 6 ղ. 16 փր. ին ալ կէսը առի եղաւ 5 ղ. 8 փարա. 50 տրամը օխային ութերորդ մասն է 6 ղ. 16 փր. ին ալ ութերորդ մասը առի եղաւ 52 փր. 20 տրամը օխային քաններորդ մասն է ուստի 6 ղ. 16 փր. ին քաններորդ մասը առի եղաւ 12 ¹⁶/₂₀ փր. ասոնք ընդ ամենը գումարելով եղաւ 55 ղ. 20 փարա որ է պատասխան:

82. Գիտելէ՛ք. Գործողութեան դիւրութեանը

համար փոխանակ ամեն ժամանակ իր գլխաւոր միութեան հետ բաղդատելու կրնանք իրմէ յառաջ եղած քանորդական մասին հետ բաղդատել, ու անոր դիմաց գտնուող արժէքին այնքաներորդ մասը առնել:

Օրինակ. Մէկ օխան թէ որ 58 զրշ. 13 փր. 1 ստակ ըլլայ, 74 օխա 375 տրամը ի՞նչ կընէ:

Գործար.

58 զշ. 13 փր. 1 ստ.

74 օխա. 375 տրամ

232

406

4292

18 20

3 28

1 34

0 24 2

29 6 2

14 23 1

7 11 2

3 25 2 $\frac{1}{2}$

58x74

10 փր.

2 ”

1 ”

1 ստ.

200 տրամ.

100 ”

50 ”

25 ”

} 13

} 375

4371 զշ. 14 փր. $\frac{1}{2}$ ստ. պատ.

կրեմ 1 փր. 2 փարային կէան է, 2 փր. ին դիմացը գտնուած 5 զշ. 28 ին կէտը կառնեմ կըլլայ 1 զշ. 54 փր. դարձեալ փոխանակ ընելու թէ 1 ստակը զշ. ին 120 երորդ մասն է, կրեմ 1 ըստակը 1 փր. ին երրորդ մասն է, 1 փր. ին դիմացը եղող 1 զշ. 54 փր. ին երրորդ մասը կառնեմ կըլլայ 24 փր. 2 ստակ. նոյնպէս

Մեծ տեսակները բաղդ մտպատկելէն յետոյ 15 փարան քանորդական մասերու զատեցի 40 փարան զշ. ին չորրորդ մասն է 74 ին ալ չորրորդ մասը կընէ 18 զշ. 20 փր. վերջը 2 փր. և փոխանակ 40 փարային հետ բաղդատելու կրանեմ 2 փր. և 40 փր. ին հինգերորդ մասն է, աւոր համար 10 փր. ին դիմացը գտնուած 18 զշ. 20 փր. ին հինգերորդ մասը կառնեմ կըլլայ 5 զշ. 28 փարա. դարձեալ փոխանակ ընելու թէ 1 փր. և զշ. ին քառասներորդ մասն է

տրամներն ալ փոխանակ օխային հետ բաղդատելու իրենցմէ վեր եզրդներուն հետ բաղդատելով կառնեմ իրենց արժէքը այսպէս ընելով գտայ ինչպէս պատահանը 1571 զշ. 14 փր. կէս ստակ:

83. ԽՍՈՒՆ ԹՈՒՌՈՅ ԲՍ.ՉՄՍ.ՊՍ.ՏԿՈՒԹԵԱՆ ՎՐԱՅ ԽՆԴԻՐՆԵՐ

1. Գործաւոր մը օրը 15 զրշ. 30 փր. առնելու սակարկութիւն ըրած էր, 12 օր աշխատեցաւ քանի՞ զրշ. պիտի առնէ:

Պատ. 189 զրշ.:

2. Ծառայի մը աւուրչէքը 12 զրշ. 25 փր. է. տարին քանի՞ զրշ. կընէ, (կիրակիներն ալ հաշուելով):

Պատ. 4608 զրշ. 5 փր.:

3. Եթէ մէկ օխա թէյը 84 զրշ. արժէ, 4 օխա 275 տրամը քանի՞ զրշ. կ'ընէ:

Պատ. 393 զրշ. 30 փր.:

4. Ժամացոյցի ոսկի շղթայ մը պիտի առնենք որն որ 35 տրամ 3 տէնի 2 քաւթ կը կըռէ, եթէ մէկ տրամը 38 զրշ. սակարկութիւն ընենք յիշեալ շղթային քանի՞ զրշ. տալու է:

Պատ. 1363 զրշ. 10 փր.:

5. Աշխատաւոր մը օրը 14 զրշ. առնելու սակարկութիւն ըրած էր, 14 օր 8 ժամ 30 վայրկեան բանեցաւ. քանի՞ զրշ. պիտի առնէ օրը 10 ժամ աշխատելով:

Պատ. 207 զրշ. 36 փարա:

6. Դարձեալ բանուոր մը օրը 14 զրշ. 25 փր.

Կառնէր, 21 օր 5 ժամ 40 վայրկեան բանինէ քանի՞ ղրչ. պիտի առնէ օրը 11 ժամ բանելով :

Պատ. 314 ղրչ. 26 փարա :

7. Թէ որ մէկ լիրան 118 ղրչ. 30 փր. ըլլայ, 175 լիրան քանի՞ ղրչ. կրնէ :

Պատ. 20781 ղրչ. 10 փարա :

8. Մէկ Ֆրանգը 5 ղրչ. 12 փր. ըլլայ, 342 Ֆրանգը քանի՞ ղրչ. կրնէ :

Պատ. 1812 ղրչ. 24 փարա :

9. Արեգակնային տարին 365 օր 5 ժամ 48 վայրկեան և 52 երկվայրկեան է. լուսնային տարին 354 օր 8 ժամ 48 վայրկեան և 30 երկվայրկեան է. այս երկու տարիներուն տարբերութիւնը որչափ է և 34 տարուան մէջ տարբերութիւննին որչափ կըլլայ :

Պատ. 10 օր 21 ժամ 22 երկվայրկեան :

1 Արեգակնային տարի 4 օր 12 ժամ 23 վայրկեան 36 երկվայրկեան :

ԲԱԺԱՆՈՒՄՆ ԽԱՌՆ ԹՈՒՈՅ

84. Խառն թուոց բաժանման մէջ երկու տեսակ կայ. մէկը երբ բաժանելին ու բաժանարարը համասեռ ըլլան (որ առեն քանորդը տարասեռ կըլլայ), մէկն ալ երբ տարասեռ ըլլան (որ առեն քանորդը բաժանելոյն տեսակէն կըլլայ) (64) չափի վերաբերեալ թիւերէն դատ) :

Այս երկու տեսակներն ալ երեք պատահում ունին :

Ա. Խառն թիւ մը ամբողջով բաժնել :

Բ. Ամբողջ թիւ մը խառն թուով բաժնել :

Գ. Խառն թիւ մը խառն թուով բաժնել :

Ա. ԲԱԺԱՆԵԼԻ ԵՒ ԲԱԺԱՆԱՐԱՐ ՀԱՄԱՍԵՌ

85. ԿԱՆՈՆ. Երբ բաժանելին ու բաժանարարը համասեռ են, երեք պատահման մէջ ալ պէտք է.

Երկուքն ալ իրենց մի և նոյն փոքրագոյն տեսակին վերածել և յետոյ ամբողջ թուոց պէս բաժնել :

Օրինակ Ա. Պարահան. Օխան 5 ղրչ. ըլլայ, 32 ղրչ. 25 փարայով քանի՞ օխա կ'առնուի :

Գործընթիւն

5 ղչ.	32 ղչ.	13,05	2,00
×40	×40	12	6 օխա
200 փր.	1280	105	210 տրամ
	+25	400	
	1305 փր.	420,00	Պ. 6 օխ. 210 տմ.

Օրինակ Բ. Պարահան. Լնտաղէն 46 ղրչ. 10 փր. ըլլայ 3075 ղրչ. ու վ. քանի՞ Լնտաղէ կ'առնուի :

Գործողություն

46	3075	12300,0	185,0
<u>×40</u>	<u>×40</u>	1200	66 էնտ. 3 բուղ 1 կերակ
1840	123000	90	
<u>+10</u>		<u>×8</u>	
1850		720	
		165	
		<u>×2</u>	Պ. 66 էնտ. 7 բեթե 4 բու.
		330	

Օրինակ Գ. Պարսկաստան. Օխան 6 զրշ. 16 փր. Ըլայ, 55 զրշ. 8 փարսյով որքան կառնուի :

Գործողություն

6	55	2208	256
<u>×40</u>	<u>×40</u>	160	8 օխ. 250 տրամ
240	2200	<u>×400</u>	
<u>+16</u>	<u>+8</u>	64000	
256	2208	1280	Պար. 8 օխ. 250 տրամ.

Բ. ԲԱԺԱՆԵԼԻ ԵՒ ԲԱԺԱՆԱՐԱՐ ՏԱՐԱՍԵՌ

86. ՊԱՏԱՀՈՒՄ Ա. Խառն թիւ մը ամբողջով բաժնելու համար պէտք է .

1. Ա. Բաժանելին իր փոքրագոյն տեսակին վերածել և բաժանարարով բաժնել :

Բ. Ելած քանորդն ալ իր մեծագոյն տեսակին վերածել :

+ 2. Ա. Բաժանարարով բաժանելոյն մեծ տեսակը բաժնել, եթէ մնացորդ ըլլայ իրմէ անմիջապէս վար եղած տեսակին վերածել :

Բ. Բաժանարարով դարձեալ բաժնել, մնացորդ թէ որ ըլլայ, հետոյ հետէ իրմէ վար եղած տեսակին վերածելով բաժնել :

Օրինակ. 9 օխա բան առինք և տուինք 131 զրշ. 28 փարա. օխան քանիք եկաւ :

1. Գործողություն

431	5268	9
<u>×40</u>	3	58,5 փր. 1 ստ
5240	<u>×3</u>	4,0
<u>+28</u>	25	14 շ. 25 փր. 1 ստ
5268	9	

Պատ. 14 շ. 25 փր. 1 ստակ

2. Գործողություն

մնաց	131 շ. 28 փր.	9
	5 շ.	
	<u>×40</u>	14 շ. 25 փր. 1 ստակ
	200	
	<u>+ 28</u>	
	228	
մնաց	3 փր.	
	<u>×3</u>	
	9	
	0	

87. ՊԱՏԱՀՈՒՄ Բ. Ամբողջ թիւ մը խառն թուով բաժնելու համար պէտք է .

Բաժանարարը իր փոքրագոյն տեսակին վերածել և այս բաժանարարին ստորաբաժանմունքով բաժանելին ալ բազմապատկել, յետոյ բաժնել :

Օրինակ. 1053 զըշով. 14 արշըն 5 ըուպ գնես նէ, արշընը քանի՞ կ'ուգայ :

	Գործողութիւն	
14	1053	8424 117
× 8	× 8	234 72
-----	-----	-----
112	8424	0
+ 5		

117		

Պատ. 72 շ.

88. Գիտէ՞ք. փոխանակ բաժանարարին ըստորաբաժանմունքով բաժանելին բազմապատկելու և վերջը բաժնելու՝ կրնանք յառաջ բաժնել և քանորդը այն ստորաբաժանմունքով բազմապատկել :

Առնենք վերի օրինակը .

	Գործողութիւն	
14	1053	117
× 8	0 9 × 8 = 72	72

112		
+ 5		

117		

Պատ. 72 շ.

89. ՊԱՏԱՀՈՒՄ Գ. Խառն թիւ մը խառն թըւով բաժնելու համար պէտք է .

Ա. Երկուքն ալ իրենց փոքրագոյն տեսակին վերածել :

Բ. Բաժանելոյն ստորաբաժանմունքներով բաժանարարը բազմապատկել և բաժանարարին ստորաբաժանմունքներով ալ բաժանելին, և յետոյ բաժնել :

Օրինակ. Ժամացոյցի ոսկի շղթայ մը առինք որ կը կշռէր 24 տրամ 2 քռաթ, տուինք 800 շրշ. 10 փարա . ոսկիին տրամը քանի՞ եկաւ :

	Գործողութիւն	
800	24	12804,0 392,0
× 40	× 4	1044 32 շ. 26 փր.
-----	-----	-----
32000	96	260
+ 10	+ 2	40
-----	-----	-----
32010	98	10400
× 4	× 40	2560
-----	-----	-----
128040	3920	208

Պատ. 32 շ. 27 փր. և մտ.

90. ԽԱՌՆ ԹՈՒՈՅ ԲԱՅԱՆՄԱՆ ՎՐԱՅ ԽՆԴԻՐՆԵՐ

1. Խահուէին օխան եթէ 12 շրշ. ըլլայ, 130 շրշ. 30 փարայով քանի՞ օխա կրնանք գնել : Պատ. 10 օխա 358 տրամ :

2. Էնտաղէն 36 զրշ ըլլայնէ, 173 զրշ. 25 փարայով ո՞րքան կընամ գնել:

Պատ. 4 Էնտաղէ 6 բուպ 1 կիրահ գրեթէ:

3. Մէկ քիլոկրամը 312 տրամ է, 12 խանթար՝ 12 օխա 316 տրամը քանի՞ քիլոկրամ կ'ընէ:

Պատ. 693 քիլոկրամ, 100 տրամ:

4. Աւազանի մը մէջ 2053 օխա 200 տրամ ջուր կայ, եթէ օրը 14 օխա 150 տրամ ջուր առնուի, քանի՞ օրէն կը հատնի աւազանին մէջի ջուրը:

Պատ. 9րեթէ 143 օրէն:

5. Գործաւոր մը աւուրչէքը 12 զրշ. 20 փր. կտրած էր օրը 12 ժամ աշխատելու դաշամը. 254 զրշ. 10 փր. առաւ, ո՞րչափ ատեն աշխատեցաւ:

Պատ. 20 օր 4 ժամ:

6. Եթէ մէկ Անգղիական լիրան արժէ 118 զրշ. 25 փարա և Օսմանեան լիրան 104 զրշ. 30 փարա, 100 Անգղիական լիրայով քանի՞ Օսմանեան լիրա կընանք առնել:

Պատ. 113 լիրա 24 ու կէս զրշ:

7. Ծրար մը կտաւը՝ որ 40 եարտա է 124 զրշ. 20 փարայի առնուեր է, մէկ Էնտաղէն քանի՞ վրայ հաշուած է. (մէկ եարտան 1 Էնտաղէ 3 բուպ 1 կիրահ է):

Պատ. 2 զրշ. 6 փարա:

8. Ֆրանքը 5 զրշ. 25 փր. էն, 20587 զրշ. 20 փարայով քանի՞ փր. կ'առնուի:

Պատ. 3660 ֆրանք:

9. Գաղղիական 20 ֆրանքնոց ոսկին 106 զրշ 12 փր. էն 77173 զրշ. 32 փարայով քանի՞ Գաղղիական լիրա կ'առնուի:

Պատ. 726:

* 10. 350 քրիմից, որոց ամեն մէկը կ'արժէ 58 զրշ. 32 փր. կուզենք փոխանակել մէծիտի յէի հետ որուն գինն է 23 զրշ. 28 փր. քանի՞ մէծիտ պիտի առնենք:

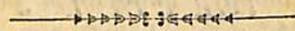
Պատ. 868 մէծիտ 8 զրշ. 16 փարա:

11. 1000 բօլը ամեն մէկը 108 զրշ. 16 փարայէն քանի՞ Օտմ լիրայ կընանք առնել որն որ արժէ 122 զրշ. 24 փր.:

Պատ. 885 ոսկի 80 զրշ. 30 փր. ողջ դրամ կամ 99 զրշ. ընթացիկ դրամ:

* 12. 1500 Օտմ լիրայով որ արժէ 124 զրշ. 10 փր. քանի՞ Անգղիական լիրա կընանք առնել, որուն գինն է 136 զրշ. 4 փր.:

Պատ. 1369 Անգղ. լիրա և 54 զրշ. 4 փր.:



ՀԱՍԱՐԱԿ ԿՈՏՈՐԱԿ

91. Կոտորակ կ'ըսուի միութեան հաւա-
սար մասերէն մէկը կամ աւելին : Ինչպէս թէ
որ խնձորը 6 հաւասար մասերու բաժնենք ա-
նոնցմէ մէկը կամ աւելին խնձորին կտորները
կ'ըսուին :

92. Կոտորակները երկու թուով կը գրուին
մէկը վրան և միւսը անոր տակը մէջ տեղէն
հորիզոնական գիծ մը քաշուած ինչպէս $\frac{4}{6}$, $\frac{1}{3}$, $\frac{2}{5}$:
Երբեմն ալ խոտոր գիծ մը կը քաշուի որուն
ձախ կողմը քիչ մը վերօք մէկը , աջ կողմը միւսը
կը գրուի . ինչպէս $\frac{1}{6}$, $\frac{1}{3}$, $\frac{2}{5}$:

93. Վերի թուոյն կ'ըսուի համարէն և վարի-
նին յայտարար և երկուքը մէկէն եղբւր հոգորակաց :
Յայտարարը կը ցուցնէ թէ ամբողջը կամ միու-
թիւնը քանի հաւասար մասերու բաժնուեր է,
իսկ համարիչը՝ թէ այն հաւասար մասերէն
քանի հատ առնուեր է . ինչպէս $\frac{3}{4}$ զրշ. կը
ցուցնէ թէ մէկ զրշ. ը 4 հաւասար մաս եղած
է և անոնց մէջէն 3 հատ առնուած է . կամ
թէ 3 զրշ 4 հաւասար մաս եղած է :

94. Կոտորակ մը կարդալու համար պէտք է .

Առաջ համարիչը կարդալ և յետոյ յայտա-
բարը՝ որուն ծայրը աւելցնել երբեք մասնիկը .
 $\frac{2}{3}$ կը կարդացուի երկու եփնեբորք : Երբ յայտա-
բարը 2, 3, 4 ըլլայ անա տեն ըսելու է երբեք

կամ կէ . երբեք , արբեք ինչպէս $\frac{1}{2}$, $\frac{2}{3}$, $\frac{1}{4}$ կը
կարդացուին Էի երբեք կամ կէ . երկու երբեք
Էի արբեք :

95. Հասարակ կոտորակները երկու տեսակ
են յարու և արեւոյն : Յատուկ կոտորակը այն
է՝ որուն համարիչը յայտարարէն փոքր է . ինչ-
պէս $\frac{1}{6}$, $\frac{5}{7}$, $\frac{3}{8}$: Առերեւոյթ կոտորակը այն է՝ ո-
րուն համարիչը յայտարարէն մեծ է . ինչպէս
 $\frac{7}{4}$, $\frac{6}{3}$, $\frac{8}{6}$:

96. ԽՆԴԻՒՆՆԵՐ

1. Կարդալ $\frac{2}{7}$, $\frac{5}{9}$, $\frac{9}{10}$, $\frac{1}{2}$, $\frac{2}{3}$, $\frac{2}{4}$ կոտորակները :
2. Բան մը 7 հաւասար կտոր ընենք կտոր-
ներուն անունը ի՞նչ կըլլայ և ի՞նչպէս կը գրուի :
3. $\frac{5}{8}$ օխա ըսելով ի՞նչ կիմանաս :
4. $\frac{3}{5}$ զրշ. ըսելով ի՞նչ կիմանաս :
5. Հետեւեալ կոտորակաց մէջ յատուկնե-
րը և առերեւոյթները իրարու քով կարդաւ-
շարէ . $\frac{5}{7}$, $\frac{9}{3}$, $\frac{1}{7}$, $\frac{10}{7}$, $\frac{2}{5}$, $\frac{8}{9}$, $\frac{9}{4}$, $\frac{5}{2}$:

97. Նախարարուի կ'ըսուի այն ճշմարտու-
թիւնը որն որ ուղիւղ ըսուած բացատրութեան
մը կարօտ է :

98. Աղիւղ կ'ըսուի նախադասութեան մը
ճշմարտ ըլլալը ցուցնելու համար պէտք ե-
ղած բացատրութիւնը :

99. Հեղեմու կ'ըսուի մէկ կամ աւելի նա-
խադասութիւններէ ծագած հետեւութիւնը :

100. ՆԱԽԱԴԱՍՈՒԹԻՒՆ Ա. Կոտորակի մը հա-

մարիչը երբ աւելցնենք կոտորակը կաւելնայ :

101. ԱՊԱՅՈՅՅ. Առնենք $\frac{3}{7}$ ը որուն համարիչն վրայ 2 գումարենք կ'ըլլայ $\frac{5}{7}$. այս երկու կոտորակաց կտորներուն մեծութիւնը մի և նոյնը ըլլալէն կը հետեւի թէ ուսկից որ շատ կտոր առնուած է այն մեծ է, ուրեմն $\frac{3}{7} > \frac{2}{7}$ * :

102. ՀԵՏԵՒԱՆՔ. կոտորակ մը այս ինչ անգամ մեծցնելու համար համարիչը նոյն թուով բազմապատկելու է. ինչպէս $\frac{13}{7} \times 2 = \frac{26}{7} = \frac{6}{7}$:

103. ՆԱԽԱԴԱՍՈՒԹԻՒՆ Բ. կոտորակի մը համարիչը երբ պակսեցնենք կոտորակը կը պակսի :

104. ԱՊԱՅՈՅՅ. Առնենք $\frac{5}{7}$ կոտորակը և համարիչէն 2 պակսեցնենք ան ատեն կոտորակը կը պզտիկնայ և կըլլայ $\frac{3}{7}$. այս երկու կոտորակաց մէջ կտորներուն մեծութիւնը մի և նոյնը ըլլալէն կը հետեւի թէ ուսկից որ քիչ կտոր առնուած է այն փոքր է, ուրեմն $\frac{3}{7} < \frac{5}{7}$:

105. ՀԵՏԵՒԱՆՔ. կոտորակ մը այս ինչ անգամ պզտիկցնելու համար համարիչը նոյն թուով բաժնելու է. ինչպէս $\frac{6}{11} : 3 = \frac{2}{11} = \frac{2}{11}$:

106. ՆԱԽԱԴԱՍՈՒԹԻՒՆ Գ. կոտորակի մը յայտարարը երբ աւելցնենք կոտորակը կը պակսի :

107. ԱՊԱՅՈՅՅ. Առնենք $\frac{3}{4}$ կոտորակը որուն յայտարարին վրայ 2 աւելցնենք կոտորակը կը պզտիկնայ և կըլլայ $\frac{3}{6}$. այս երկու կոտորակաց

* Այս (>) նշանը անհասարակ է որուն բաց կողմը մեծ և միւս կողմը փոքր քանակութիւնը կը գրուի :

մէջ մէկը շատ մասերու բաժնուելով և անկէ առնուածները իրարու հաւասար ըլլալով կը հետեւի թէ որուն յայտարարը որ փոքր է այն մեծ է, ուրեմն $\frac{3}{4} > \frac{2}{6}$:

108. ՀԵՏԵՒԱՆՔ. կոտորակ մը այս ինչ անգամ պզտիկցնելու համար յայտարարը նոյն թուով բազմապատկելու է. ինչպէս $\frac{5}{8} : 3 = \frac{5}{24} = \frac{5}{24}$:

109. ՆԱԽԱԴԱՍՈՒԹԻՒՆ Դ. կոտորակի մը յայտարարը երբ պակսեցնենք կոտորակը կը մեծնայ :

110. ԱՊԱՅՈՅՅ. Առնենք $\frac{4}{8}$ կոտորակը որուն յայտարարէն 2 պակսեցնենք կոտորակը կը մեծնայ և կըլլայ $\frac{4}{6}$. այս երկու կոտորակները տարբեր մասերու բաժնուելով և անոնցմէ առնուածները իրարու հաւասար ըլլալէն կը հետեւի թէ, որ ամբողջ որ շատ կտորներու բաժնուեր է մասունքները մանր ըլլալով միւսէն փոքր կըլլայ. ուրեմն $\frac{4}{8} < \frac{4}{6}$:

111. ՀԵՏԵՒԱՆՔ. կոտորակ մը այս ինչ անգամ մեծցնելու համար յայտարարը նոյն թվուով բաժնելու է. ինչպէս $\frac{2}{9} \times 3 = \frac{2}{3} = \frac{2}{3}$:

112. ՆԱԽԱԴԱՍՈՒԹԻՒՆ Ե. երբ կոտորակի մը թէ համարիչը և թէ յայտարարը մի և նոյն թուով թէ բազմապատկենք և թէ բաժնենք կոտորակին արժէքին վրայ փոփոխութիւն մը չըլլար :

113. ԱՊԱՅՈՅՅ. Որովհետեւ համարիչը մեծ

ցընելով կոտորակը կը մեծցնենք (100) և յայտարարը մեծցնելով կոտորակը կը պզտիկցնենք (106) ըսել է որ՝ մէկը մեծնալով և միւսը նոյն թուով պզտիկնալով իրարու հաւասար կըլլան. առնենք $\frac{2}{6}$ կոտորակը որուն երկու եզրերն ալ 2 ու բազմապատկենք կըլլայ $\frac{2 \times 2}{6 \times 2} = \frac{4}{12}$ որն որ $\frac{2}{6}$ ին համազօր է: Կամ թէ կոտորակին երկու եզրերը մէկ թուով բաժնենք արժէքը նոյն կը մնայ. որովհետեւ համարիչը պզտիկցնելով կոտորակը կը պզտիկցնենք (103) և յայտարարը պզտիկցընելով կոտորակը կը մեծցնենք (109), ըսել է որ մէկը մեծնալով և միւսը նոյն թուով պզտիկնալով փոփոխութիւն չըլլար. առնենք $\frac{6}{8}$ կոտորակը որուն երկու եզրերն ալ 2 ու բաժնենք կըլլայ $\frac{6:2}{8:2} = \frac{3}{4}$ որն որ $\frac{6}{8}$ ին համազօր է:

114. Գիտէ՞ք. Կոտորակի մը երկու եզրերուն վրայ երբ միևնոյն թիւը գումարենք կոտորակը կ'աւելնայ և միութեան կը մօտենայ:

115. ԱՊՍՏՈՅՑ. Առնենք $\frac{4}{7}$ կոտորակը և երկու եզրերուն վրայ 5 գումարենք կըլլայ $\frac{4+5}{7+5} = \frac{9}{12}$. արդ $\frac{4}{7}$ ը ամբողջ ըլլալու $\frac{3}{7}$ պէտք է. և $\frac{9}{12}$ ը ամբողջ ըլլալու $\frac{3}{12}$. այս $\frac{3}{7}$, և $\frac{3}{12}$ կոտորակաց համարիչը հաւասար ըլլալէն յայտնի է թէ որուն յայտարարը փոքր է ան մեծ է. կոտորակաց առաջինը $\frac{4}{7}$ ը ամբողջ ըլլալու շատ կուգէ և $\frac{9}{12}$ ը ամբողջ ըլլալու քիչ կուգէ ուրեմն կը հետեւի թէ $\frac{9}{12} > \frac{4}{7}$:

1. $\frac{3}{7}$ ին կէսը ո՞րն է. երկպատիկը ո՞րն է =
Պատ. $\frac{3}{14} \cdot \frac{6}{7} =$
2. $\frac{2}{3}$ ը մե՞ծ է թէ $\frac{4}{6}$ =
Պատ. Հաւասար են =
3. $\frac{3}{5}$ ին տեղ $\frac{3}{10}$ գրեմ նէ մե՞ծ գրած կըլլամ թէ փոքր և ո՞րչափ =
Պատ. 2 անգամ փոքր =
4. Կէսին կէսը ի՞նչ կընէ =
Պատ. $\frac{1}{4}$ =
5. 6 գործաւոր $\frac{5}{7}$ ական զըչ. առին, 9 գործաւոր $\frac{3}{7}$ ական զըչ. որո՞նց առածը շատ է =
Պատ. Առաջիններուն =
6. Որ և իցէ կոտորակ մը ինչո՞վ բազմապատկելու է որ համարիչին չափ ամբողջ տայ =
Պատ. Յայտարարովը =

ՎԵՐԱԾՈՒՄՆ ԿՈՏՈՐԱԿԱՅ

117. Կոտորակներուն վրայ առանց արժէք նին փոխելու եղած գործողութիւնները Քբա՞նն հարցուցող կ'ըսուին և չորս հատ են =
- Ա. Աւերելոյթ կոտորակաց մէջէն ամբողջները հանել.
 - Բ. Ամբողջները կոտորակի վերածել:
 - Գ. Կոտորակները պարզել:

Դ կոտորակները հասարակ յայտարարի վերածել :

118. ՎԵՐԱԾՈՒՄՆ Ա. Առերևոյթ կոտորակաց մէջէն ամբողջը հանելու համար պէտք է Յայտարարը համարիչին մէջ բաժնել, քանորդը ամբողջ սեպել և մնացորդը (թէ որ կայ) համարիչ ընել, յայտարարն ալ դարձեալ յայտարար :

ինչպէս $\frac{20}{7}$ ին մէջ քանի՞ ամբողջ կայ $= \frac{20}{7} = 5$ ամբողջ : Նոյնպէս $\frac{10}{7}$ զրէին մէջ քանի՞ զր : կայ $= \frac{10}{7} = 2 \frac{5}{7}$ զուրուշ :

119. ԱՊԱՅՈՅՅ. Առնենք $\frac{30}{5}$ կոտորակը և ըսենք որովհետեւ 5 հինգերորդը մէկ ամբողջ մ'է անոր համար 30 հինգերորդն ալ այնչափ ամբողջ պիտի ընէ որչափ որ 5 կայ 30 ին մէջ այսինքն 6 անգամ. ուրեմն՝ $\frac{30}{5} = 6$:

120. ՎԵՐԱԾՈՒՄՆ Բ. Ամբողջները կոտորակի վերածելու համար պէտք է .

Ամբողջը ծանուցեալ յայտարարով բազմապատկել արտադրեալը համարիչ ընել, յայտարարն ալ դարձեալ յայտարար :

ինչպէս 4 ը հինգերորդի վերածել. $4 = \frac{4 \times 5}{5} = \frac{20}{5}$:

121. ԱՊԱՅՈՅՅ. Որովհետեւ մէկ ամբողջը 5 հինգերորդ է անոր համար 4 ամբողջն ալ այնչափ հինգերորդ պիտի ընէ որչափ որ միութիւն կայ 4 ին մէջ այսինքն 4 անգամ 5՝ հինգերորդ կամ 20 հինգերորդ :

122. ԳԻՒԵԼԷ՛. կոտորակ ունեցող ամբողջները առերևոյթ կոտորակի վերածելու համար, ամբողջը յայտարարով բազմապատկելով համարիչը վրան գումարելու է, գումարը համարիչ ընելու է յայտարարն ալ յայտարար :

ինչպէս $3 \frac{1}{2}$ ը քանի՞ կէս կընէ $= 3 \frac{1}{2} = \frac{3 \times 2 + 1}{2} = \frac{7}{2}$:

ԾՆՈՒՅԻՆ՝ ԲԻՆ. Ամբողջները կոտորակի վերածելու ատեն եթէ ծանուցեալ յայտարար չըլլայ՝ ըստ հաճոյից յայտարար մը ընտրելու է :

ինչպէս 7 ը կոտորակի վերածել .

$7 = \frac{14}{2} = \frac{7}{1} = \frac{70}{10} = \frac{42}{6}$ եւ այլն :

123. ՎԵՐԱԾՈՒՄՆ Գ. կոտորակ մը պարզել ըսելը նոյն կոտորակին համազօր ուրիշ անանկ կոտորակ մը գտնել ըսել է որուն երկու եզրերը առջի կոտորակին երկու եզրերէն փոքր ըլլայ . ինչպէս $\frac{16}{24}$ ին պարզ ձեւն է (8 ով բաժնելով) $\frac{2}{3}$: Պարզելու համար երկու եզրերն ալ մի և նոյն թուով բաժնելու է :

ինչպէս $\frac{36 : 2}{48 : 2} = \frac{18 : 3}{24 : 3} = \frac{6 : 2}{8 : 2} = \frac{3}{4}$:

կոտորակ մը իր ամենապարզ ձեւին անստենը վերածուած կըլլայ երբ երկու եզրերն իրարու նախակու կըլլան . ինչպէս $\frac{8}{12}$ ին ամենապարզ ձեւն է $\frac{2}{3}$. վստան զի 2 ը և 3 ը իրենց մէջ նախնական են :

124. ՆՊԻՆՈՒՅԻՆ ԲԻՆ՝ ըսելով կը հասկցուի այն թիւերը որոնք միութենէն և իրենցմէ զատ

Ճիշդ բաժանարարներ չունին . ինչպէս 1, 2, 3, 5, 7, 11, 13, եւ այլն :

125. Նախնական թիւերը արտադրեալ թիւերէն որոշելու համար, կը մտածենք որ ամեն զոյգ թիւերը 2 բաժնուելով նախնական չեն կրնար ըլլալ, հետեւաբար ամեն նախնական թիւ տարազոյգ թուոց մէջ ըլլալու են (2 էն զատ) :

Ուստի տարազոյգ թիւերը շարենք, նախ. 1. 2. 3. 5. 7. 9. 11. 13. 15. 17. 19. 21. 23. 25. 27. 29. 31. 33. 35. 37. 39. 41. 43. 45. 47. 49. 51. 53. 55. 57. 59. 61. 63. 65. 67. 69 3 ին ջրովէն սկսեալ ամեն երրորդ թիւերը 3 ու կը բաժնուին, նախնական չեն, ուստի աւրենք. 5 ին ջրովէն սկսեալ ամեն հինգերորդ թիւերը 5 ու կը բաժնուին, նախնական չեն, ուստի աւրենք .

7 ին ջրովէն սկսեալ ամեն եօթներորդ թիւերը 7 ու կը բաժնուին, նախնական չեն, ուստի աւրենք, ասանկով նախնականները կը մնան :

Եթէ թիւերը աւելի շատ ըլլային 11 ու, 13 ու, 17 ու են. ալ կը նայէինք :

Այս կերպով նախնական թիւերը որոշելուն կ'ըսուի ճաշ Երատոսիէնէայ :

126. ԲԱԺԱՆԱԿԱՆ ՈՒԹԻՒՆ ԹՈՒՈՅ

2 ու բաժանական են, այսինքն առանց մնացորդի կը բաժնուին այն ամեն թիւերը որոնց աջակողմեան վերջի թուանշանը

զոյգ կամ զրօ է: Ինչպէս 158 ը 2 ու բաժանական է. վասն զի աջակողմեան վերջին թուանշանը 8 է. նոյնպէս 59970 ը բաժանական է. վասն զի ծայրի թուանշանը 0 է:

5 ու բաժանական են այն ամեն թիւերը որոնց թուանշաներուն գումարը 5 ու բաժանական է: Ինչպէս 528 ը 5 ու բաժանական է. վասն զի $5+2+8=15$ ը 5 ու բաժանական է. նոյնպէս 74811 ը բաժանական է. վասն զի $7+4+8+1+1=21$ ը 5 ու բաժանական է:

4 ու բաժանական են այն ամեն թիւերը երբ աջ կողմի երկու թուանշանները 4 ու ճիշդ բաժնուին. կամ ծայրերին երկու զրօ ըլլան: Ինչպէս 5116 ը 4 ու բաժանական է. վասն զի աջ կողմի երկու թուանշանները՝ 16 ը 4 ու բաժանական է. նոյնպէս 7820 ը 4 ու ճիշդ կը բաժնուի. վասն զի 20 ը 4 ու բաժանական է. վերջապէս 94700 ը բաժանական է. վասն զի աջ կողմը երկու զրօ կայ:

Ասանկ ալ 25 ու բաժանական են երբ աջ կողմի երկու թուանշանները 25 ու ճիշդ բաժնուին, կամ ծայրերին երկու զրօ ըլլան: Ինչպէս 6875 ը 25 ու բաժանական է. վասն զի աջ կողմի երկու թուանշանները՝ 75 ը 25 ու կը բաժնուի. նոյնպէս 8550 ը բաժանական է. վասն զի 50 ը 25 ու ճիշդ կը բաժնուի. վերջապէս 172500 ը բաժանական է աջ կողմը երկու զրօ ըլլալուն համար:

5 ու բաժանական են այն ամեն թիւերը որոնց աջակողմեան վերջի թուանշանը 0 կամ 5 է: Ինչպէս 7465 ը 5 ու բաժանական է. վասն զի աջակողմեան վերջի թուանշանը 5 է. նոյնպէս 415870 բաժանական է. վասն զի վերջի թուանշանը 0 է:

6 ու բաժանական են այն ամեն թիւերը երբ թէ աջակողմեան վերջի թուանշանը զոյգ կամ զրօ է եւ թէ թուանշաններուն գումարը 5 ու բաժանական է. կամ համառօտ բեւրով երբ թէ՛ 2 ու, եւ թէ՛ 5 ու միանգամայն բաժանական է: Ինչպէս 528 ը 6 ու բաժանական է. վասն զի ծայրի թուանշանը զոյգ է, թուանշաններուն գումարն ալ $5+2+8=15$ ը 5 ու բաժանական. նոյնպէս 6750 ը 6 ու բաժանական է. վասն զի ծայրի թուանշանը 0 է եւ թուանշաններուն գումարն ալ $6+7+5+0=18$ ը 5 ու բաժանական:

8 ու բաժանական են այն ամեն թիւերը երբ աջ կողմի

երեք թուանշանները 8 ով ճիշդ բաժնուին կամ ծայրերին երեք զրո ըլլայ: Ինչպէս 78584 բ ճիշդ կը բաժնուի վասն զի առաջարկեալ թուոյն աջ կողմի 584 բ 8 ով ճիշդ կը բաժնուի: Ինչպէս 46800 բ 8 ով կը բաժնուի: վասն զի աջ կողմի երեք թուանշանը 800 բ 8 ով կը բաժնուի: վերջապէս 595000 բ 8 ով բաժանական է: վասն զի աջ կողմի երեք զրո կայ:

9 ով բաժանական են այն ամեն թիւերը որոնց թուանշաններուն գումարը 9 ով բաժանական է: Ինչպէս 7812 բ 9 ով բաժանական է վասն զի 7+8+1+2=18 բ 9 ով բաժանական է: Ինչպէս 55885 բ բաժանական է վասն զի 5+5+8+8+5=27 բ 9 ով կը բաժնուի:

Թուոյ մը 7 ով բաժանական ըլլալը իմանալու համար պէտք է: այն թիւը աջ կողմէն սկսեալ երեքական դասերու բաժնելու ամեն մէկ դասի միւտորը՝ 1 ով, տասնաւորը՝ 5 ով, հարիւրաւորը 2 ով բազմապատկել: զոչդ դասերուն արտադրեալներուն գումարը տարազոյց դասի արտադրեալներուն գումարէն հանել եթէ մնացորդ չմնայ, կամ մնացորդը 7 ով բաժնուի՝ առաջարկեալ թիւն ալ կը բաժնուի:

Ինչպէս. 8741245912 թիւը. դասերու բաժնենք կ'ըլլայ, 8, 741, 245, 912: աջ կողմէն սկսեալ 1 ով, 5 ով, 2 ով հետջեակ բազմապատկենք կ'ըլլայ,

Տարւոյ՛ դասի Զոյ՛ դասի

Թուանշանները	Թուանշանները
2x1=2	5x1=5
4x5=5	4x5=12
9x2=18	2x2=4
4x1=4	8x1=8
4x5=12	29
7x2=14	
30	

Երջնայէս. 417255 թիւը

5x1=5	7x1=7	18
5x5=9	4x5=5	48
2x2=4	4x2=8	
18	48	

0 մնացորդ ըլլալուն առաջարկեալ թիւը կը բաժնուի:

Թուոյ մը 11 ով բաժանական ըլլալը իմանալու համար պէտք է: Ինչպէս թուոյն զոյգ տեղի գումարը տարազոյց տեղի գումարէն հանել եթէ մնացորդ չմնայ, կամ մնացորդը 11 ով բաժնուի, Ինչպէս 951546 թիւը

9	5	14
4	5	14
4	6	
44	44	0 մնացորդ ըլլալուն առաջարկեալ թիւը 11 ով կը բաժնուի:

Երջնայէս 6170518 թիւը

6	4	24
7	0	2
5	1	
8	2	22 բ 11 ով կը բաժնուի հետեւաբար առաջարկեալ թիւն ալ:
24		

Բաժանականութեան վրայ թիւերէ +

Ա. Որ և եղէ թուոյ մը թուանշաններուն տեղը փոխելով տարբերութիւնը 9 ով կը բաժնուի հետեւաբար 5 ով ալ: Ինչպէս. 12, թուանշաններուն տեղը փոխելով կ'ըլլայ 21, ուսկէ 12 բ հանելով կը մնայ 9 որն որ 9 ով կը բաժնուի: 15՝ փոխելով 51. 51-15=18:9=2, 17 շրջելով 71. 71-17=54:9=6: 125 շրջելով կ'ըլլայ 521, 512, 215, 251. 521-512=9:9=1: 521-251=90:9=10 եւայլն:

Բ. Երկու զանազան թուոց մէջ երկուքին մէկը կամ իրենց գումարը, կամ իրենց տարբերութիւնը՝ 5 է կամ 5 ով բաժանական թիւ մը: Ինչպէս. 5. 4 առջի թիւը 5 է: 1. 2 գումարը 5 է: 4. 7 տարբերութիւնը 5 է: 12. 15 առջի թիւը՝ 12 բ 5 ով բաժանական է: 14. 15 ետքի թիւը՝ 15 բ 5 ով կը բաժնուի: 10. 11 գումարը 21 որ 5 ով կը բաժնուի: 20. 26 տարբերութիւնը՝ 6 բ 5 ով կը բաժնուի:

Գ. Որ և եղէ թիւ մը երբ շրջենք, այլէն ձախ, ձախէն ալ և իրարու քով դնենք՝ 11 ով կը բաժնուի, Ինչպէս. 12 շրջ.

Ջենք կըլայ 21. իրարու քով զնենք՝ կըլայ 1221, 2112 որոնք
44 ով կը բաժնուին: 20՝ շջենք՝ կըլայ 02. իրարու քով զը-
նելով 2002. 220 որոնք 44 ով բաժանական են:

127. կոտորակները պարզելու համար եր-
կու եզրերը իրենց մեծագոյն հասարակ բա-
ժանարարով բաժնելու է:

128. կոտորակի մը երկու եզրերուն մեծա-
գոյն հասարակ բաժանարարը դանելու համար
մեծագոյնը փոքրագոյնով բաժնելու է, թէ որ
մնացորդ չաւելնայ այն կոտորակին երկու եզ-
րերուն մեծագոյն հասարակ բաժանարարը
փոքրագոյն եզրը եղած կըլայ: Իսկ թէ որ
մնացորդ աւելնայ՝ այն մնացորդը փոքրագոյ-
նին մէջ բաժնել և մնացորդ (թէ որ ըլլայ)
առջի մնացորդին մէջ բաժնել և այսպէս հետ-
զհետէ ամեն մնացորդ իրմէ առջի մնացոր-
դին մէջ բաժնել մինչեւ որ ճիշդ բաժանման
մը հասնինք. ան ատեն վերջի բաժանման բա-
ժանարարը առաջարկեալ կոտորակին մեծա-
գոյն հասարակ բաժանարարը եղած կըլայ:

Օրինակ Ա. Պարզել $\frac{56}{72}$ կոտորակը:

Գործողութիւն

	1	3	2
72	56	46	8
56	48	16	
46	8	0	

$$\frac{56 : 8}{72 : 8} = \frac{7}{9}$$

Ուրեմն՝ մեծագոյն հասարակ բաժանարարը
8 է և կոտորակին ամենապարզ ձեւը $\frac{7}{9}$:

Օրինակ Բ. Պարզել $\frac{18}{59}$ կոտորակը:

Գործողութիւն

59	18	5	3	2	1
54	15	3	2	2	
5	3	2	1	0	

$$\frac{18 : 1}{59 : 1} = \frac{18}{59}$$

Մեծագոյն հասարակ բաժանարարը միու-
թիւն ըլլալէն կը հետեւի որ $\frac{18}{59}$ ը անպարզելի է:

129. ՎԵՐԱԾՈՒՄՆ Դ. կոտորակները հասարակ
յայտարարի վերածելը ըսելը նոյն կոտորակներուն
յայտարարները իրարու հաւասար ընել ըսել է:
կոտորակները հասարակ յայտարարի վերածելու
համար, յայտարարները (թէ որ իրարու նախ-
նական են նէ) իրարու հետ բազմապատկելով
արտագրեալը հասարակ յայտարար դնելու է:
Ամեն մէկ կոտորակին յայտարարը հասարակ
յայտարարին մէջ բաժնել քանորդը իր համա-
րիչովը բազմապատկելով համարիչ ընելու է:

Օրինակ $\frac{2}{3}, \frac{1}{2}, \frac{3}{5}$ կոտորակները հասարակ
յայտարար ընել:

Գ. Գ. Գ. Գ. Գ.

3 × 2 × 5 = 30 հասարակ յայտարար

30 : 3 = 10 × 2 = 20 Ա. համարիչ

30 : 2 = 15 × 1 = 15 Բ. ”

30 : 5 = 6 × 3 = 18 Գ. ”

որով կոտորակները կըլլան $\frac{20}{30}, \frac{15}{30}, \frac{18}{30}$ ։

5, 2, 5, յայտարարները իրարու հետ բազմապատկենք կըլլայ 50 որ է հասարակ յայտարար. սյս 50 ին մէջ 5ը բաժնենք և ելած 10 քանորդը 2ով բազմապատկենք կըլլայ 20 որ է Ա. համարիչ: 50 ին մէջ 2ը բաժնենք և ելած 15 քանորդը 1ով բազմապատկենք կըլլայ 15 որ է Բ. համարիչ: նոյնպէս միւս համարիչն ալ կըլլայ 18 համարիչ որով կոտորակները կըլլան $\frac{20}{30}, \frac{15}{30}, \frac{18}{30}$ ։

130. Գ. Գ. Գ. Գ. Գ. Թէ որ յայտարարներէն մէկը կամ աւելին միւս յայտարարներուն մէջ ճիշդ բաժնուին, բաժնողները ջնջել և մնացածները իրարու հետ բազմապատկել և արտադրեալը հասարակ յայտարար դնել. իսկ համարիչները գտնելու համար վերի կանոնին հետեւելու է:

Օրինակ $\frac{1}{2}, \frac{2}{3}, \frac{4}{5}, \frac{3}{4}, \frac{7}{10}$ կոտորակները հասարակ յայտարարի վերածել:

Գ. Գ. Գ. Գ. Գ.

$\frac{1}{2}, \frac{2}{3}, \frac{4}{5}, \frac{3}{4}, \frac{7}{10} \cdot 3 \times 4 \times 10 = 120 =$
 $\frac{60, 80, 96, 90, 84,}{120}$

ԿՈՏՈՐԱԿԱՅ ՓՈՔՐԱԳՈՅՆ ՀԱՍԱՐԱԿ ՅԱՅՏԱՐԱՐԸ ԳՏՆԵԼ

131. ԿԱՆՈՆ. կոտորակաց փոքրագոյն հասարակ յայտարարը գտնելու համար պէտք է.

Բաժնողները ջնջելէն յետոյ, մնացածները իրենց նախնական արտադրիչներուն վերածել, որոնցմէ միայն անոնք առնելու է որոնք որ թուով աւելի կը գտնուին, յետոյ զանոնք բազմապատկել արտադրեալը կըլլայ կոտորակաց փոքրագոյն հասարակ յայտարար:

Օրինակ $\frac{1}{2}, \frac{1}{3}, \frac{3}{4}, \frac{7}{12}, \frac{5}{18}, \frac{7}{32}$ կոտորակները հասարակ յայտարարի վերածել:

Գ. Գ. Գ. Գ. Գ.

$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{3}$	$\frac{3}{4}$	$\frac{7}{12}$	$\frac{5}{18}$	$\frac{7}{32}$	12	2	18	2	32	2
						6	2	9	3	16	2
						3	3	3	3	8	2
						1		1		4	2
										2	2
										1	

$2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 5 \times 5 = 288 = \frac{144, 96, 216, 468, 80, 65}{288}$

132. ԽՆԴԻՐՆԵՐ

1. $\frac{27}{4}$ զըշ. ըսելով ի՞նչ կիմանաս: Պատ. $6 \frac{3}{4}$ զըշ:

2. $\frac{1372}{85}$ օխա ըսելով քանի՞ օխա կը հասկը-
ցուի :

Պատ. $16 \frac{12}{85}$ օխա :

3. 14ը կոտորակի վերածէ :

Պատ. $\frac{28}{2}$, $\frac{70}{5}$, $\frac{140}{10}$ և այլն :

4. 43 ամբողջը չորրորդ ըրէ :

Պատ. $\frac{172}{4}$:

5. 18 ը իրարու հետ միացնուր :

Պատ. $\frac{540}{20}$:

6. Պարզէ՞ $\frac{30}{40}$, $\frac{50}{64}$, $\frac{15}{61}$, $\frac{18}{50}$ կոտորակները :

Պատ. $\frac{3}{4}$, $\frac{25}{32}$, $\frac{1}{4}$, $\frac{24}{25}$.

7. $\frac{2382}{4023}$ կոտորակին ամենապարզ ձևը որն է :

Պատ. $\frac{2}{3}$:

8. $\frac{534}{612}$ օխան պարզէ :

Պատ. $\frac{89}{102}$:

9. Գտնել թիւ մը որ 60 ին և 144 ին մէջ
ճիշդ բաժնուի և այն թիւը ամենէն մեծը ըլլայ :

Պատ. 12 :

10. Գտի՛ր թիւ մը որ 29 ին մէջ բաժնենք 5
աւելնայ և 22 ին մէջ բաժնենք 4 աւելնայ :

Պատ. 6 :

11. $\frac{1312}{8960}$ ը մե՞ծ է թէ $\frac{2}{3}$ ը :

Պատ. $\frac{1312}{1960}$ ը :

12. Ո՞րն է այն թիւը որ 4 ով, 5 ով, 8 ով,
9 ով ճիշդ բաժնուի և այն թիւը ամենէն պըղ-
տիկը ըլլայ :

Պատ. 360 :

13. Մարդ մը համարիչ մը (թէղպիհ) ու-
նէր 3 ախան 4 ախան 5 ախան համրեց միշտ 1
պակեցեցաւ, քանի՞ հատ էր համրիչին կուտը :

Պատ. 59 :

14. Գտնել թիւ մը որ 5 ով, 6 ով, 8 ով
բաժնուի ամենէն ալ 3 աւելնայ :

Պատ. 123 :

15. $\frac{3}{8}$, $\frac{4}{9}$, $\frac{10}{13}$, $\frac{27}{50}$, $\frac{48}{63}$ կոտորակները իրենց մե-
ծութեան կարգաւ շարէ :

Պատ. $\frac{48}{63} > \frac{10}{13} > \frac{27}{50} > \frac{4}{9} > \frac{3}{8}$:

ԿՈՏՈՐԱԿԱՆ ԱՐԺԵՔԸ ԳՏՆԵԼ

133. ԿԱՆՈՆ. կոտորակի մը արժեքը գտնե-
լու համար պէտք է .

Ստորաբաժանմանց թիւը յայտարարով
բաժնել և քանորդը համարիչով բազմապատ-
կել :

Օրէն՝ Ա. $\frac{3}{4}$ ՂԸ. քանի՞ վարա է :

Գոյնը 40 : 4 = 10 × 3 = 30 վարա :

Օրէն՝ Բ. $\frac{16}{25}$ օխան քանի՞ տրամ է :

Գոյնը 400 : 25 = 16 × 16 = 256 տրամ :

134. Գիտելէ՛ք երբ ստորաբաժանմունքը յայտարարով ճիշդ չբաժնուի պէտք է .

Նախ ստորաբաժանմունքը համարիչով բազմապատկել և արտադրեալը յայտարարով բաժնել, եթէ մնացորդ աւելնայ համարիչ ընել, առջի յայտարարն ալ դարձեալ յայտարար . և այս կոտորակն ալ հետզհետէ իր փոքրագոյն տեսակին վերածել :

Օրինակ Ա. $\frac{7}{11}$ օխան քանի՞ տրամ եւայլն կընէ :

$$7 \times 400 = 2800 : 11 = 254 \frac{6}{11} \text{ տրամ}$$

$$6 \times 4 = 24 : 11 = 2 \frac{2}{11} \text{ տէնկ}$$

$$2 \times 4 = 8 : 11 = 0 \frac{8}{11} \text{ կուտ}$$

$$8 \times 4 = 32 : 11 = 3 \text{ ցորեն}$$

Պատ. 254 տրամ 2 տէնկ և գրեթէ 3 ցորեն :

ՓՈՔԻ ՏԵՍԱԿՆԵՐԸ ՄԵՎ ՏԵՍԱԿԻ ՎԵՐԱՄԵԼ

135. ԿԱՆՈՆ. փոքր տեսակները իրենց մեծ տեսակին վերածելու համար պէտք է .

Փոքր տեսակի թիւը համարիչ ընել և մեծ տեսակի միութիւններն ալ յայտարար . յետոյ պարզել, (123—128) եթէ կարելի է :

Օրինակ Ա. 25 փրն. զըշի. վերածել :

$$Գործու. 25 = \frac{25}{40} = \frac{5}{8} \text{ զըշ :$$

136. Գիտելէ՛ք եթէ մէկ քանի տեսակ միութիւններ դանուին պէտք է .

Ամենը փոքրագոյն տեսակի վերածելով համարիչ ընել որուն յայտարար տալ մեծագոյն տեսակին միութիւնները :

Օրինակ Բ. 13 փր. 1 ստակը զըշ. ի վերածել :
փր. ստ.

$$Գործու. 13+1=13 \times 3+1=40 = \frac{40}{120} = \frac{1}{3} \text{ զըշ :$$

137. ԽՆԴԻՐՆԵՐ

1. $\frac{3}{4}$ զըշ. ըսելով քանի՞ փարա կիմանաս :
Պատ. 30 փարա :

2. $\frac{5}{8}$ օխա ըսելով քանի՞ տրամ կ'իմանաս :
Պատ. 250 տրամ :

3. $\frac{5}{9}$ զըշ. ըսելով քանի՞ փարա կը հասկցուի :
Պատ. 22 փարա :

4. $\frac{5}{11}$ տարին ամիսի եւայլն վերածէ :
Պատ. 5 ամիս 13 օր 15 ժամ 16 վայրկեան

21 $\frac{9}{11}$ երկվայրկեան :

5. $\frac{1}{7}$ օխան տրամի եւայլն վերածէ :
Պատ. 228 տրամ 2 տէնկ 1 $\frac{1}{7}$ կուտ :

6. $\frac{9}{14}$ էնտաղէն ըուպի եւայլն վերածէ :
Պատ. 5 $\frac{1}{7}$ ըուպ :

7. 7 շիլին 8 բէնս 3 ֆարթինկը լերայի կոտորակ ընելու է :

Պատ. $\frac{371}{960}$ լիրա :

8. 7 ամիս 20 օր 8 ժամը տարիի կոտորակ ընել :

Պատ. $\frac{691}{1080}$ տարի :

9. 176 տրամ 3 տէնկ 2 կուտը օխայի վերածել :

Պատ. $\frac{283}{610}$ օխա :

10. 10 մատ 8 գիծ 6 կէտը կանգունի վերածէ :

Պատ. $\frac{257}{576}$ կանգուն :

ԶՈՐՍ ԳՈՐԾՈՂՈՒԹԻՒՆ ԿՈՏՈՐԱԿԱՅ

ՅՍԻԵԼՈՒՄՆ

138. ԿԱՆՈՆ. կոտորակները գումարելու համար պէտք է .

Ա. թէ որ յայտարարները հաւասար ըլլան, համարիչները գումարել գումարը համարիչ ընել յայտարարներէն մէկն ալ յայտարար :

Բ. իսկ եթէ հաւասար չըլլան, հասարակ յայտարարի վերածել (129) յետոյ գումարել :

Օրինակ Ա. Գումարել $\frac{4}{13}, \frac{2}{13}, \frac{5}{13}, \frac{1}{13}$, կոտորակները :

Գործու. $\frac{2}{13} + \frac{3}{13} + \frac{4}{13} + \frac{1}{13} = \frac{10}{13}$:

Օրինակ Բ. Գումարել $\frac{4}{5}, \frac{1}{2}, \frac{3}{4}, \frac{3}{7}$ կոտորակները :

$$\text{Գործու. } \frac{4}{5} + \frac{1}{2} + \frac{3}{4} + \frac{3}{7} = \frac{112+70+105+60}{140} = \frac{347}{140} = 2\frac{67}{140}$$

139. ԳԻՒԵԼԷ. եթէ կոտորակաց հետ ամբողջ գտնուի պէտք է .

Ամբողջները զատ գումարել նոյնպէս ալ կոտորակները, որոնցմէ եթէ ամբողջ գտնուի, ամբողջներուն գումարին վրայ աւելցնել :

Օրինակ. Գումարել $2\frac{1}{2}, 3\frac{1}{4}, 5\frac{2}{3} = 2+3+5=10$:

$$\frac{1}{2} + \frac{1}{4} + \frac{2}{3} = \frac{6+3+8}{12} = \frac{17}{12} = 1\frac{5}{12} ;$$

Ծանօթութիւն. կրնանք նաեւ ամբողջները իւրենց կոտորակին հետ միացնել (122) և նոր գտնուած կոտորակները գումարել :

Առնենք վերի օրինակը .

$$2\frac{1}{2} = \frac{5}{2} ; \quad 3\frac{1}{4} = \frac{13}{4} ; \quad 5\frac{2}{3} = \frac{17}{3} ;$$

$$\frac{5}{2} + \frac{13}{4} + \frac{17}{3} = \frac{50+59+60+8}{12} = \frac{137}{12} = 11\frac{5}{12} ;$$

140. ԿՈՏՈՐԱԿԱՅ ՅՍԻԵԼՄԱՆ ՎՐԱՅ

ԻՆԴԻՐՆԵՐ

1. Գումարել $\frac{4}{13}, \frac{2}{13}, \frac{5}{13}, \frac{7}{13}$ կոտորակները :

Պատ. $1\frac{5}{13}$:

2. Գումարել $\frac{5}{7}, \frac{1}{4}, \frac{3}{5}, \frac{4}{11}$ կոտորակները :
Պատ. $1 \frac{1420}{1573}$:

3. Գումարել $7 \frac{1}{3} + 5 \frac{7}{8} + 3 \frac{1}{4} + 4 + \frac{7}{9}$:
Պատ. $21 \frac{17}{72}$:

4. Որն է այն թիւը որուն վրայ էր $\frac{2}{5}$ ը գումարելով 21 կ'ըլլայ :
Պատ. 15 :

5. Որն է այն թիւը որուն $\frac{1}{3}$ ը և $\frac{1}{4}$ ը 7 է :
Պատ. 12 :

6. Որն է այն թիւը որուն $\frac{1}{2}$ ը և $\frac{2}{3}$ ը և $\frac{3}{7}$ ը 67 է :
Պատ. 42 :

7. Մարդ մը գործ մը 7 օրէն կրնայ լմնցընել, ուրիշ մը նոյն գործը 5 օրէն. երկուքը մէկէն մէկ օրէն գործոյն որ մասը կրնան կատարել :

Պատ. $\frac{12}{55}$ մասը :

8. Երկու աղբիւր կը վազեն աւազանի մը մէջ. առաջինը մինակ վազելով 5 ժամու մէջ կը լեցնէ աւազանը, երկրորդը մինակ վազելով 6 ժամէն, երկուքը մէկէն 1 ժամու մէջ աւազանին քանի՞երորդ մասը կրնան լեցնել :

Պատ. $\frac{11}{30}$ աւազան :

9. Յիշեալ աւազանը քանի՞ ժամէն կրնան լեցնել :

Պատ. $2 \frac{8}{11}$ ժամէն :

10. Արտավայրի մը խոտը ձի մը 4 շաբա-

թէն կրնայ ուտել, կով մը 5 շաբաթէն ոչ խար մը 11 շաբաթէն. թէ որ իրեքը մէկտեղ ուտեն քանի՞ շաբաթէն կրնան հատցնել արտավայրին խոտը :

Պատ. $1 \frac{78}{119}$ շաբաթէն :

11. Գործ մը 3 մարդ 8 օրէն կրնան լմնցնել 4 կին 9 օրէն, 6 տղայ 10 օրէն, 8 աղջիկ 12 օրէն. թէ որ մարդ մը, կին մը, տղայ մը և աղջիկ մը մէկտեղ բանին՝ մէկ օրուան մէջ գործին որ մասը կրնան լմնցնել. և ամբողջ գործը քանի՞ օրէն :

Պատ. մէկ օրէն $\frac{139}{1440}$ ը. ամբողջը $10 \frac{50}{139}$ օրէն :

12. Մարդ մը գործ մը $3 \frac{1}{2}$ ժամէն կրնայ լմնցնել, ուրիշ մը նոյն գործը $4 \frac{1}{3}$ ժամէն երկուքը մէկտեղ քանի՞ ժամէն կրնան լմնցնել :

Պատ. $1 \frac{14}{37}$ ժամէն :

ԲԱՐՁՈՒՄՆ

141. ԿՍՆՈՆ. կոտորակները իրարմէ հանելու համար պէտք է .

Ա. թէ որ յայտարարները հաւասար են, փոքր համարիչը մեծ համարիչէն հանել մնացորդը համարիչ ընել յայտարարներէն մէկն ալ յայտարար .

Բ. իսկ եթէ հաւասար չըլլան, հասարակ

յայտարարի վերածել և նոր գտնուած համա-
բիշները իրարմէ հանել,

Օրինակ Ա. Հանել $7\frac{5}{6}$ էն $6\frac{2}{6}$ ը :

$$Գործու. \quad \frac{5}{6} - \frac{2}{6} = \frac{3}{6} = \frac{1}{2} :$$

Օրինակ Բ. Հանել $7\frac{5}{6}$ էն $7\frac{1}{11}$ ը :

$$Գործու. \quad \frac{5}{6} - \frac{7}{11} = \frac{55}{66} - \frac{42}{66} = \frac{13}{66} :$$

142. Գիտելէ՛ք Ա. Եթէ կոտորակաց հետ ամ-
բող գտնուի, մէկ կոտորակի վերածելու և
ըստ կանոնի հանելու է :

Օրինակ. Հանել $7\frac{1}{2}$ էն $5\frac{3}{4}$ ը :

$$Գործու. \quad 7\frac{1}{2} = \frac{15}{2} : 5\frac{3}{4} = \frac{23}{4} : \frac{15}{2} = \frac{23}{4} = \frac{30}{4} - \frac{23}{4} = \frac{7}{4} = 1\frac{3}{4} :$$

143. Գիտելէ՛ք Բ. Երբ մեծ թուոյն կոտորա-
կը փոքր թուոյն կոտորակէն մեծ ըլլայ կըր-
նանք ամբողջը ամբողջէն հանել, կոտորակն
ալ կոտորակէն : Բայց երբ հանելի քանակու-
թեան կոտորակը նուազելի կոտորակէն մեծ
ըլլայ հանելիին ամբողջէն միութիւն առնե-
լով իր կոտորակին հետ միացնելու է, յետոյ
ամբողջը ամբողջէն կոտորակն ալ կոտորակէն
հանելու է :

Օրինակ Ա. Հանել $7\frac{3}{4}$ էն $6\frac{1}{3}$ ը :

$$Գործու. \quad 7 - 6 = 1 : \frac{3}{4} - \frac{1}{2} = \frac{3-4}{12} = \frac{-1}{12} : 1\frac{5}{12} :$$

Օրինակ Բ. Հանել $12\frac{5}{12}$ էն $7\frac{5}{11}$ ը :

$$Գործու. \quad 11\frac{17}{12} - 7\frac{5}{11} \quad 11 - 7 = 4 :$$

$$\frac{17}{12} - \frac{5}{11} = \frac{187-60}{132} = \frac{127}{132} \quad 4\frac{127}{132} :$$

144. ԿՈՏՈՐԱԿՍՅ ԲԱՐՉՄԱՆ ՎՐԱՅ ԽՆԴԻՐՆԵՐ

1. $\frac{1}{7}$ էն հանել $7\frac{5}{9}$ ը :

$$\text{Պատ. } \frac{1}{63} :$$

2. $3\frac{2}{5}$ էն հանել $2\frac{1}{7}$ ը :

$$\text{Պատ. } \frac{29}{35} :$$

3. $7\frac{3}{8}$ էն հանել $\frac{11}{13}$ ը :

$$\text{Պատ. } 6\frac{55}{104} :$$

4. Բանի մը որչափը կը մնայ թէ որ իր $\frac{3}{7}$ ը
հանենք :

$$\text{Պատ. } \frac{4}{7} :$$

5. Բանի մը որչափը կը մնայ թէ որ $\frac{1}{3}$ ն ու $\frac{1}{4}$ ը
հանենք :

$$\text{Պատ. } \frac{5}{12} :$$

6. Գործոյ մը $\frac{1}{3}$ ը և $\frac{1}{4}$ ը կատարեցինք, նոյն
գործոյն կէսէն որչափ աւելի է կատարածնիս :

$$\text{Պատ. } \frac{1}{12} :$$

7. Գործոյ մը $\frac{1}{6}$ ը և $\frac{2}{7}$ ը կատարեցինք, նոյն

գործոյն կէսէն ո՞րչափ պակաս է կատարածնիս :

Պատ. $\frac{1}{21}$:

8. Թուոյ մը վրայ $6\frac{3}{5}$ գումարելով $8\frac{4}{9}$ եղաւ, ինչ էր այն թիւը :

Պատ. $1\frac{38}{45}$:

9. Գաւազանի մը կէսը ջուրին մէջն է $\frac{2}{9}$ րտղին մէջ, ջուրէն վեր մնացածը գաւազանին ո՞ր մասն է :

Պատ. $\frac{5}{18}$ մասը :

10. Աւազանի մը մէջ աղբիւր մը կը վազէ որն որ 7 ժամէն կը լեցնէ, այս աւազանը ծորակ մ'ալ ունի որն որ 9 ժամէն կը պարպէ, եթէ աղբիւրը և ծորակը բաց ըլլան մէկ ժամուան մէջ աւազանին ո՞ր մասը կը լեցուի և ամբողջ աւազանը քանի՞ ժամէն :

Պատ. Մէկ ժամէն $\frac{2}{63}$, ամբողջը $31\frac{1}{2}$ ժամէն :

11. Դարձեալ աւազանի մը մէջ երկու աղբիւրէ ջուր կը վազեն, որոնցմէ Ա. ը մինակ վազելով 7 ժամէն կը լեցնէ, Բ. ը մինակ վազելով 8 ժամէն կը լեցնէ. այս աւազանը ծորակ մ'ալ ունի որն որ 5 ժամէն կը պարպէ եթէ աղբիւրները և ծորակը բաց ըլլան, աւազանը քանի՞ ժամէն կը լեցուի :

Պատ. $14\frac{11}{19}$ ժամէն :

ԲԱԶՄԱՊԱՏԿՈՒԹԻՒՆ

145. ԿԱՆՈՆ. կոտորակները իրարու հետ բազմապատկելու համար պէտք է .

Համարիչներուն արտադրեալը համարիչ ընել, նոյնպէս ալ յայտարարներուն արտադրեալը յայտարար :

Օրինակ. Բազմապատկել $\frac{5}{7}$ ը $\frac{3}{4}$ ով :

Գործող. $\frac{5}{7} \times \frac{3}{4} = \frac{5 \times 3}{7 \times 4} = \frac{15}{28}$:

146. ԳԻՊԵԼԷՒ Ա. Եթէ կոտորակաց հետ ամբողջ գտնուի, պէտք է .

Մէկ կոտորակի վերածել և ըստ կանոնի բազմապատկել :

Օրինակ. Բազմապատկել $3\frac{1}{2}$ ը $4\frac{1}{3}$ ով :

Գործող. $3\frac{1}{2} \times 4\frac{1}{3} = \frac{7}{2} \times \frac{13}{3} = \frac{91}{6} = 15\frac{1}{6}$:

147. ԳԻՊԵԼԷՒ Բ. Երբ կոտորակաց մէկուն համարիչը միւսին յայտարարին հաւասար ըլլայ՝ կրնանք զանոնք ջնջել և իրենց տեղ միութիւն սեպելով գործողութիւնը ընել :

Օրինակ. Բազմապատկել $\frac{3}{4}$ ը $\frac{4}{5}$ ով :

Գործող. $\frac{3}{4} \times \frac{4}{5} = \frac{3}{5}$:

148. Գիտէ՛լէ՛ Գ. Երբ կոտորակաց մէկուն համարիչը միւսին յայտարարին հետ հասարակ բաժանարար ունենայ՝ կրնանք զանոնք նոյն հասարակ բաժանարարով բաժնել և քանորդ նին իրենց տեղը սեպելով գործողութիւնը կատարել :

Օրինակ Ա. Բազմապատկել $\frac{6}{7}$ ը $\frac{15}{18}$ ուլ :

Գործու. $\frac{1}{7} \times \frac{2}{18} = \frac{1}{1} \times \frac{2}{9} = \frac{2}{9}$:

Օրինակ Բ. $\frac{8}{15}$ ը $\frac{10}{24}$ ուլ բազմապատկէ :

Գործու. $\frac{2}{15} \times \frac{5}{36} = \frac{2}{3} \times \frac{2}{7} = \frac{4}{21}$:

149. Ինչո՞ւն է Երկու յատուկ կոտորակաց արտադրեալը նոյն կոտորակաց թէ՛ մէկէն և թէ՛ միւսէն փոքր է .

Առնենք $\frac{5}{7}$ և $\frac{3}{4}$ կոտորակները որոնց արտադրեալն է $\frac{15}{28}$ որն որ թէ՛ $\frac{5}{7}$ էն և թէ՛ $\frac{3}{4}$ էն փոքր է կ'ըսեմ :

150. ԱՊՍՅՈՅՅ. Վասն զի երբ $\frac{5}{7}$ ը բազմապատկելի սեպենք $\frac{15}{28}$ արտադրեալը անոր չորս մասին երեքը եղած կըլլայ : նոյնպէս եթէ $\frac{3}{4}$ ը բազմապատկելի սեպենք $\frac{15}{28}$ արտադրեալը անոր եօթը մասին հինգը եղած կըլլայ : ուրեմն $\frac{15}{28}$ ը փոքր է $\frac{5}{7}$ էն ալ, $\frac{3}{4}$ էն ալ :

151. ԿՈՏՈՐԱԿԱՅ ԲԱԶՄԱՊԱՏԿՈՒԹԵԱՆ ՎՐԱՅ ԽՆԴԻՐՆԵՐ

1. Բանի մը ժամն $2\frac{1}{2}$ շրշ : Ըլլայ նէ, $4\frac{3}{4}$ ժամն քանի՞ շրշ կընէ :

Պատ. 11 շրշ : 35 փարա :

2. Մէթըրը 15 ֆր. ըլլայ նէ $4\frac{3}{4}$ մէթըր քանի՞ ֆր. կընէ . և քանի՞ շրշ : եթէ 1 ֆրը. $4\frac{4}{5}$ շրշ : Ըլլայ :

Պատ. 71 $\frac{1}{4}$ ֆր. 342 շրշ :

3. 44 ին $\frac{2}{3}$ ը ո՞րն է :

Պատ. 29 $\frac{1}{3}$:

4. Ո՞րն է $\frac{5}{7}$ ին $\frac{3}{5}$ ը :

Պատ. $\frac{3}{7}$:

5. 8 $\frac{4}{7}$ ին $\frac{3}{5}$ ին $\frac{1}{7}$ ին $\frac{4}{15}$ ին կէսը ի՞նչ կ'ընէ :

Պատ. $\frac{21}{215}$:

6. 100 էն ի՞նչ թիւ պակսեցնելու է որ կէսին կէսը 17 $\frac{1}{2}$ ըլլայ :

Պատ. 30 :

7. Անիւ մը մէկ ժամէն 20 $\frac{1}{4}$ անգամ կը դառնայ, ուրիշ մը մէկ ժամէն 17 $\frac{1}{2}$ անգամ կը դառնայ . 6 ժամ 43 վայրկեանի մէջ Ա. ը Բ. էն քանի՞ անգամ աւելի կը դառնայ :

Պատ. 18 $\frac{9}{16}$ անգամ :

8. Մարդու մը օրականն է 11 $\frac{2}{3}$ շրշ : ամսականը քանի՞ կընէ :

Պատ. 350 :

9. Ճամբորդ մը երեք օրուան մէջ 48 փարսախ տեղ ունի քալելիք. առաջին օրը ճամբուն $\frac{2}{5}$ ը կերթայ, երկրորդ օրը $\frac{1}{3}$ ը. ամեն մէկ օր քանի՞ փարսախ զնայ :

Պատ. Ա. օրը $19\frac{1}{5}$. Բ. օրը 16. Գ. օրը $12\frac{4}{5}$:

10. Երկու ճամբորդ միեւնոյն ատենի մէջ մէկը Կ. Պօլիսէն և միւսը Ադրիանուպօլսէն ճամբայ կ'եղնեն և իրարու դիմաց կերթան օրը 10 ժամ քալելով, Ա. ը մէկ ժամուան մէջ $3\frac{1}{2}$ մղոն կ'առնէր և միւսը $5\frac{1}{5}$ մղոն. ասոնք երեք օրէն ետքը իրարու պատահեցան. դրանել քաղաքներուն հեռաւորութիւնը :

Պատ. 261 մղոն :

11. Մէկը $\frac{5}{6}$ արշըն չուխա առաւ արշընը 72 զրշի որուն $\frac{3}{4}$ ը բարեկամին ծախեց. քանի՞ զրշի ծախեց և որչափ մնաց քովը :

Պատ. 45 զրշի ծախեց. $\frac{5}{24}$ արշըն մնաց :

12. Մէկը $\frac{5}{6}$ արշըն չուխա առաւ արշընը 72 զրշի $\frac{3}{4}$ արշընը բարեկամին ծախեց. քանի՞ զրշի ծախեց և որչափ մնաց քովը :

Պատ. 54 զրշի ծախեց. $\frac{1}{12}$ արշըն մնաց :

13. Մարդ մը կտակ ըրաւ իր տղոցը որ մեռնելէն վերջը իր ստացուածքը իրենց մէջ բաժնեն այսպէս. Ա. ը ընդունի ստացուածքին $\frac{3}{7}$ ը, Բ. ը Ա. ին $\frac{1}{3}$ ը, Գ. ը Բ. ին $\frac{3}{5}$ ը և Դ. ը Գ. ին $\frac{5}{6}$ ը մնացածն ալ եկեղեցիին. արդ՝ ամեն մէկուն և եկեղեցիին ստացուածքին քա-

նի՞երորդ մասը պիտի իյնայ և քանիկան զրշ պիտի առնեն եթէ ստացուածքը 420000 զրշ ըլլայ :

Պատ. Բ. ը $\frac{1}{7}$ ը, Գ. ը $\frac{3}{35}$ ը, Դ. ը $\frac{1}{14}$ ը, եկեղեցին $\frac{19}{70}$ ը : Ա. ը 180000 : 60000 : 36000 : 30000 : 114000 :

ԲԱԺԱՆՈՒՄՆ

152. ԿԱՆՈՆ. կոտորակ մը ուրիշ կոտորակով բաժնելու համար պէտք է .

Բաժանարարը չըջել, այսինքն համարիչը յայտարար և յայտարարը համարիչ ընել, և բաժանելիով բաղմապատկել :

Օրէնսի. $\frac{5}{7}$ ը $\frac{3}{4}$ ուլ բաժնել :

Գ. շ. շ. շ. $\frac{5}{7} : \frac{3}{4} = \frac{5}{7} \times \frac{4}{3} = \frac{20}{21}$:

153. ԱՊՍՅՈՅՑ. Առնենք $\frac{5}{7}$ և $\frac{3}{4}$ կոտորակները և բաժանարար $\frac{3}{4}$ ին 4

$\frac{5}{7} : 3 = \frac{5}{7 \times 3}$
 $\frac{5}{7 \times 3} \times 4 = \frac{5 \times 4}{7 \times 3}$

յայտարարը ջնջենք կը մնայ 3 ամբողջ, որով եթէ $\frac{5}{7}$ ը բաժնենք կըլլայ $\frac{5}{7 \times 3}$. բայց այս $\frac{5}{7 \times 3}$

քանորդը ճշմարիտ քանորդէն 4 անգամ փոքր է, վասն զի վտխանակ $\frac{3}{4}$ ուլ բաժնելու 4 անգամ մեծութեամբ այսինքն 3 ուլ բաժնեցինք. ուստի պէտք է $\frac{5}{7 \times 3}$ քանորդը 4 անգամ մեծցընել որ կըլլայ $\frac{5 \times 4}{7 \times 3}$. որուն մէջ կը տեսնենք որ բաժանարարը չըջուեր և բաժանելիով բաղմապատկուեր է :

154. Գիտելէ՛ք թէ որ կոտորակաց հետ ամբողջ գտնուի՝ ամբողջները իրենց կոտորակին հետ միացնելու և ըստ կանոնի բաժնելու է :

Օրինակ՝ Բաժնել $12\frac{1}{2}$ ը $2\frac{1}{2}$ ով :

Գործող. $12\frac{1}{2} : 2\frac{1}{2} = \frac{25}{2} : \frac{5}{2} = \frac{25}{2} \times \frac{2}{5} = \frac{5}{1} = 5 :$

155. ԿՈՏՈՐԱԿԱՅ ԲԱԺԱՆՄԱՆ ՎՐԱՑ

ԽՆԴԻՐՆԵՐ

1. $\frac{3}{8}$ օխա բան առինք և տուինք 14 ղրշ օխան քանի՞ եկաւ :

Պատ. $37\frac{1}{3}$ ղրշ :

2. $\frac{5}{7}$ արշըն ակթղղին համար 33 $\frac{3}{4}$ ղրշ վճարուեր է, արշընք քանի՞ եկեր է :

Պատ. $47\frac{1}{4}$ ղրշ է :

3. Ի՞նչ թիւ է այն որուն $\frac{1}{5}$ ը 20 է :

Պատ. 25 :

4. Երկու թուոց մէկը $17\frac{1}{5}$ է և իրենց քանորդը $\frac{7}{8}$, միւսը ո՞րն է :

Պատ. Բաժանելի սեպենք՝ $19\frac{23}{35}$: Բաժանարար սեպենք՝ $13\frac{1}{20}$:

5. Երկու թուոց մէկը $3\frac{1}{3}$ է միւսը Ա. ին կէսէն կէս եւել, ի՞նչ է քանորդնին :

Պատ. Բաժանելի սեպենք՝ $1\frac{7}{13}$: Բաժանարար սեպենք՝ $\frac{13}{20}$:

6. Աւազանի մը $\frac{5}{7}$ ը $\frac{3}{4}$ ժամէն կը լինայ ամբողջ աւազանը քանի՞ ժամէն կը լինայ :

Պատ. 1 ժամ 3 վայրկեանէն :

7. Ճամբորդ մը 5 ժամէն 4 մղոն կերթայ 10 մղոնը քանի՞ ժամէն կընայ երթալ :

Պատ. $12\frac{1}{2}$ ժամէն :

8. Մարդ մը 286 $\frac{1}{2}$ փարսախ ճամբայ ունի քաղելիք անանկ որ օրը 8 ժամ կը քալէ և 3 ժամ 45 վայրկեանէն 4 փարսախ կ'ընէ, քանի՞ օրէն պիտի հասնի իր տեղը :

Պատ. 33 $\frac{147}{256}$ օրէն :

9. Բանակ մը 80 օրուան պաշար ունէր բայց պատճառաւ մը բանակին $\frac{1}{5}$ ին չափ աւելցաւ և պիտի տեւէ պաշարը 70 օր ամեն մէկուն բաժինը որչափի՞ իջեցնելու է :

Պատ. $\frac{20}{21}$:

10. Երկու ճամբորդ մի և նոյն ժամանակ ուան մէջ մէկը փարիղէն միւսը Լիոնէն ճամբայ կ'եննեն և իրարու դիմաց կերթան. փարիղէն ճամբայ ելնողը օրը $7\frac{1}{2}$ փարսախ ճամբայ կը քալէ և Լիոնէն ելնողը $8\frac{3}{7}$. այս երկու քաղաքներուն հեռաւորութիւնը 108 $\frac{5}{8}$ փարսախ է, քանի՞ օրէն իրարու պիտի հանդիպին :

Պատ. 6 $\frac{731}{802}$ օրէն :

11. Էթէ Լիոնէն ճամբայ ելնողը Ա. ին ետեւէն երթար քանի՞ օրէն անոր կը հասնէր :

Պատ. 116 $\frac{51}{52}$ օրէն :

156. ԿՈՏՈՐԱԿԱՅ ՎՐԱՅ ԽԱՌՆ
ԽՆԴԻՐՆԵՐ

1. 7 դրել առանց 7 թուանշանը գործա-
ծելու :

Պատ. $\frac{14}{2}, \frac{21}{3}, \frac{42}{6}, \frac{63}{9}$ եւ այլն :

2. 17 զրշ ը 9 հոգիի բաժնենք և 7 հոգիին
առաձները իրարու վրայ գումարենք նէ, որ-
չափ կ'ըլլայ :

Պատ. $13 \frac{2}{9}$:

3. Ա. ը առաւ Բ. էն $3 \frac{1}{2}$ զրշ. էվէլ Բ. ն ալ
Գ. ին կրկինէն $7 \frac{1}{2}$ զրշ. էվէլ, բոլոր ստակը 100
զրշ. էր. ամեն մէկուն ի՞նչ ինկաւ :

Պատ. Ա. $43 \frac{6}{10}$. Բ. $40 \frac{1}{10}$. Գ. $16 \frac{3}{10}$:

4. Ա. ը առաւ Բ. էն $10 \frac{1}{2}$ պակաս Բ. ն ալ
Գ. ին եռապատիկէն $5 \frac{1}{2}$ պակաս բոլոր ստակը
50 զրշ. էր. ամեն մէկը որչափ առին :

Պատ. Ա. $14 \frac{6}{11}$. Բ. $25 \frac{2}{11}$. Գ. $10 \frac{3}{11}$:

5. $12 \frac{1}{2}$ ին $7 \frac{3}{4}$ էն ունեցած տարբերութեա-
նը կրկինին վրայ ի՞նչ գումարելու է որ 10 է
հաւասարի :

Պատ. $\frac{1}{2}$:

6. Տեղ մը կայ որուն երկայնութիւնն է 2
կազուն 18 մատ, լայնքը 1 կանդուն 16 մատ
և բարձրութիւնը 3 կանդուն 12 մատ. գտնել
նոյն տեղոյն պարունակութիւնը :

Պատ. $16 \frac{1}{21}$ խորանարդ կանդուն :

7. Մէկը ըսաւ ունեցածիս $\frac{5}{7}$ ը ծախսեցի
մնաց 20 զրշ. ի՞նչ էր ունեցածը :

Պատ. 70 զրշ. :

8. Մէկը առաջին օրը ունեցածին կէսը
ծախսեց, երկրորդ օրը $\frac{1}{10}$ ը և տեսաւ որ 40
զրշ. մնացեր է. ի՞նչ էր ունեցածը :

Պատ. 100 :

9. Նառու մը նառատիք 15 օրուան ուտե-
լիք ունէին բայց պարագաները անանկ բերին
որ 20 օր պիտի տեւէ, օրական բաժիննին որ-
չափի իջեցնելու է .

Պատ. $\frac{3}{4}$ է :

10. Որ և իցէ թիւ մը ինչո՞վ բազմապատ-
կելու է որ նոյն թուոյն $\frac{3}{4}$ ը պակտի :

Պատ. $\frac{4}{3}$ ով :

11. Որ և իցէ թիւ մը ինչո՞վ բաժնելու է
որ քանորդը նոյն թուոյն $1 \frac{1}{2}$ անգամը ըլլայ :

Պատ. $\frac{2}{3}$ ով :

12. Մէկու մը հարցուցին թէ որչափ ստակ
ունիս. պատասխանեց. եթէ ունեցածիս չափ
և ունեցածիս $\frac{1}{2}$ ը և $\frac{1}{4}$ ը ունենայի 70 զրշ. կըլ-
լար, քանի՞ զրշ. ունէր :

Պատ. $25 \frac{5}{11}$:

13. Աւազան մը 3 ծորակ ունի մէկը $1 \frac{1}{2}$ ժա-
մէն կը լեցնէ, միւսը $2 \frac{1}{3}$ ժամէն և միւսը $3 \frac{1}{4}$ ժա-
մէն, երեքը մէկէն քանի՞ ժամէն կընան լեցնել :

Պատ. 43 վայրկենէն :

14. Աւազան մը երեք ծորակ ունի Ա. ը մինակ վազելով 3 ժամէն կը լեցնէ, Բ. ը 4 ժամէն. Գ. ը մինակ վազելով քանի՞ ժամէն կրնայ լեցնել գլխնալով որ երեքը մէկէն $1\frac{1}{3}$ ժամէն կը լեցնեն :

Պատ. 6 ժամէն :

15. Ամանի մը մէջ լեցուն ծովու ջուր կայ որ 13 օխա կը կշռէ Ա. անդամ $\frac{1}{5}$ ը առինք և տեղը պարզ ջրով լեցուցինք, Բ. անդամ $\frac{6}{9}$ ը առինք դարձեալ պարզ ջրով լեցուցինք. արդ ամանին մէջ որքան ծովու ջուր մնաց :

Պատ. 4 օխա :

16. Բանակ մը ամսոյն 12 ին ճամբայ կ'ենէ անանկ որ 29 ին իր տեղը պիտի հասնէր, բայց ճամբայ ելած ատեննին հրաման կուգայ որ ամսոյն 23 ին հասնի, ասանկով օրը $2\frac{1}{2}$ փարսախաւելի ընել պարտաւորեցաւ, գտնել ճամբուն երկայնութիւնը, և առջի ամեն մէկ օրուան ընելիք ճամբանին :

Պատ. 90 փարսախա երկայնութիւնը, առջի ընելիքնին օրը 5 փարսախա :



ՏԱՍԵՈՐԴԱԿԱՆ ԿՈՏՈՐԱԿ

157. Տասնորդական կոտորակ կ'ըսուին միութեան այն հաւասար մասերը որոնք հետզհետէ տասնապատիկ կը նուազին : Կամ թէ այն կոտորակները որոնց յայտարարները 10, 100, 1000, և այլ են . ինչպէս $\frac{5}{10}$, $\frac{1}{100}$, $\frac{4}{1000}$, և այլն :

158. Տասնորդական կոտորակները հասարակ կոտորակներէ սա տարբերութիւնը ունին որ տասնորդականաց միայն համարելը կը գըրուի և յայտարարը զօրութեամբ կ'իմացուի . ինչպէս վերի կոտորակները կը գրուին այսպէս 0,5 . 0,01 . 0,004 :

159. Տասնորդականները ամբողջ թուոց հետ չ'չփոթելու համար անանկ յարմար դատուած է որ, յառաջ ամբողջ մասը գրուի որուն աջ կողմը ստորակէտ մը և ստորակէտէն ետքը տասնորդները, հարիւրորդները, հազարորդները և այլն գրուին : Ինչպէս . հինգ ամբողջ չորս տասնորդ, երկու հարիւրորդ, մէկ հազարորդ կը գրուի այսպէս, 5,421 :

ՏԱՍԵՈՐԴԱԿԱՆՆԵՐԸ ԿԱՐԴԱԼ

160. ԿԱՆՈՆ. Տասնորդականները կարդալու համար պէտք է .

1. Ա. Նախ ամբողջ մասը կարդալ :

Բ. Յետոյ տասնորդները, հարիւրորդները հազարորդները եւ այլն, թէ որ այս ինչ կարգը պակաս ըլլայ ըստ թեամբ անցնիլ: Ինչպէս 25,607056 կը կարդացուի 25 միլիոն, 6 հարիւր, 7 հազար, 5 հարիւր հազար, 6 հարիւր:

2. Ա. կամ թէ նախ ամբողջը կարդալ:

Բ. Յետոյ տասնորդականն ալ իբրեւ ամբողջ թիւ կարդալէն ետքը մտքերնուս 1 և աջ կողմն ալ տասնորդական թուանշաններուն չափ զրօ սեպելով այնքաներորդ ըսել: Ինչպէս, վերի օրինակը կը կարդացուի 25 միլիոն 607056 հարիւր 308 հարիւր հազար:

161. կարդալ հետեւեալ տասնորդականները:

1. 7,25	7. 0,00001
2. 13,518	8. 0,0750
3. 0,05	9. 0,00081
4. 10,01	10. 3000,0003
5. 5418,00045	11. 4,0044
6. 7,03	12. 7,0815

ՏԱՍՆՈՐԴԱԿԱՆՆԵՐԸ ՔՐԵԼ

162. ԿԱՆՈՆ. Տասնորդականները գրելու համար պէտք է.

Ա. Ամբողջը գրել և ստորակէտով զատել:

Բ. Գիտել թէ զորցուած յայտարարին զրօներուն չափ տասնորդական թուանշան կայ, թէ որ կայ՝ ստորակէտին անմիջապէս ետքը գրել, թէ որ չկայ ձախ կողմը զրօներով պակասը լեցնել:

Ինչպէս. երկու ամբողջ քսանեւհինգ հարիւրորդը այսպէս կը գրուի 2,25: Նոյնպէս մէկ ամբողջ տասնեւվեց հազարորդը այսպէս 1,016: 163. Գրել հետեւեալ տասնորդականները:

1. Չորս ամբողջ, ութը՝ տասնորդ:
2. Քսան ամբողջ, երկու՝ հարիւրորդ:
3. Չրօ ամբողջ, հինգ հարիւր չորս՝ միլիոնորդ:
4. Գրել մէթրին հազար մասին 175 ը:
5. Ինչպէս կը գրուի մէթրին տասը հազար մասին 75 ը:
6. Ղըչ ին հազար մասին հարիւր քսան և հինգը գրէ:
7. Հարիւր ամբողջ, վեց՝ տասնորդ, հինգ՝ հազարորդ, հինգ՝ միլիոնորդ. Ինչպէս գրելու է ամենը մէկէն:
8. Չրօ ամբողջ, հարիւր՝ հարիւր հազարորդ:
9. Տասը ամբողջ, տասը՝ հազարորդ:
10. Մէկ ամբողջ, մէկ միլիոնորդ:

ՏԱՄԵՈՐԴԱԿԱՆԱՅ ԱՏՈՐԱԿԷՏԻՆ ՎՐԱՅ

164. Տասնորդականները 10 ով, 100 ով, 1000 ով եւայլն բազմապատկելու համար պէտք է .

Ստորակէտը բազմապատկողին զրօներուն չափ դէպի աջկողմը տանել :

Օրինակներ :

5,678 × 10 = 56,78

0,775 × 100 = 77,5 = 77,5

15,125 × 1000 = 15125, = 15125

165. ԱՊԱՅՈՅՑ. Առաջին օրինակին մէջ կը տեսնենք որ 5ը յառաջ միաւոր էր վերջը տասնաւոր եղաւ . ըսել է թէ 10 անգամ մեծցաւ , 6 տասնորդ էր միաւոր եղաւ այսինքն 1 անգամ մեծցաւ , 7ը հարիւրորդ էր տասնորդ եղաւ , 8ն ալ հազարորդ էր հարիւրորդ եղաւ , որով 5,678 թուոյն բոլոր թուանշանները 10 ական անգամ մեծնալուն կը հետեւի որ նոյն իսկ թիւն ալ 10 անգամ մեծցած է :

166. ՀԵՏԵՒԱՆՔ. Մէկ տասնորդական թուանշանն ունեցող թուոյ մը ստորակէտը ջնջենք 10 անգամ կը մեծնայ , երկու հատ ունեցողինը ջնջենք 100 անգամ , իրեք հատ ունեցողինը՝ 1000 անգամ եւայլն :

167. Տասնորդականները 10 ով, 100 ով, 1000 ով եւայլն բաժնելու համար պէտք է .

Ստորակէտը բաժանարարին զրօներուն չափ դէպի ձախ կողմը տանել :

Օրինակներ :

12,5 : 10 = 1,25

625,7 : 100 = 6,257

1267,15 : 1000 = 1,26715

8974,4 : 10000 = 0,89744

Ստոր ապացոյցը վերինին հակադարձն է .

168. ՀԵՏԵՒԱՆՔ. Որ և իցէ ամբողջ թուոյ մը աջ կողմէն թուանշան մը զատենք՝ 10 ով կը բաժնուի , երկու հատ զատենք՝ 100 ով, երեք հատ՝ 1000 ով, եւայլն :

Մանրանշաններ . Ստորակէտը թէ աջ կողմը և թէ ձախ կողմը տանելու ատեն երբ բաւական թուանշան չգտնուի պակասը զրոյով լեցնելու է :

Օրինակներ :

12,5 × 100 = 1250, = 1250

67,125 : 100 = 0,67125

43,7 × 10 = 437, = 437

3,5 : 10000 = 0,00035

169. Տասնորդական թույ մը աջ կողմը որչափ զրօ աւելցնենք, կամ (թէ որ կայ) պակսեցնենք, տասնորդականին արժէքին վրայ փոփոխութիւն մը չըլլար, միայն թէ ձեւերնին կը փոխուի :

Օրինակներ .

$$\begin{aligned} 5,65 &= 5,6500 = 5,650 \\ 0,01 &= 0,01000 = 0,010000 \\ 42,75 &= 42,750 = 42,750000 \end{aligned}$$

170. ԱՊՍՅՈՅՅ. վասն զի եթէ զատ զատ կարդալու ըլլանք՝ կը տեսնենք որ մի և նոյնը կ'ըլլայ կարդացուածքը. իսկ թէ որ ամենը մէկէն կարդանք՝ կը տեսնենք որ համարիչը որչափ մեծցած է նէ զօրութեամբ իմացուած յայտարարն ալ այնչափ մեծցած է : Ահա այս է տասնորդականաց ամբողջ թիւերէն ունեցած տարբերութիւնը :

171. ՀԵՏԵԻԱՆԲ. Տասնորդականները հասարակ յայտարարի վրայ վերածելու համար պարզապէս տասնորդականաց որքանութիւնը նոյնը ընելու է աջ կողմը զրօներ աւելցնելով :

Օրինակներ .

$$\begin{array}{cccc} 6,5 & 12,13 & 0,995 & 42,4876 \end{array}$$

Հասարակ յայտարարի վերածելով .
6,5000 12,1300 0,9950 42,4875

172. Տասնորդականաց իրարմէ մեծ և սղը տիկ ըլլալը ձախ կողմի առաջին նշանակիչ թուանշաններէն կը հասկցուի :

$$\text{ինչպէս } 0,5 \quad 0,415 \quad 0,65 \quad 0,6779 \quad 0,096$$

Ասոնց մեծէն սկսեալ կարդաւ շարենք կ'ըլլայ $0,6779 > 0,65 > 0,5 > 0,415 > 0,096$

ՀԱՅԱՍՏԱՆԻ ԳՐԱԴԱՐԱՆԻ ՏԱՍՆՈՐԴԱԿԱՆՅ

ՅԱՆԵԼՈՒՄՆ

173. ԿԱՆՈՆ. Տասնորդականները դումարելու համար պէտք է .

Ա. Զանոնք իրարու տակ անանկ գրել որ համակարգ միութիւնները իրարու տակ ըլլան . այսինքն միաւորները միաւորներուն տակ, տասնաւորներն ալ տասնաւորներուն եւայլն, նոյնպէս ալ տասնորդները տասնորդներուն տակ, հարիւրորդներն ալ հարիւրորդներուն եւայլն, որով ստորակէտները մէկ ուղղութեան մէջ կ'ըլլան :

Բ. Ամբողջ թուոց պէս գումարել և գումարին մէջ ստորակէտը նոյն ուղղութեան մէջ պահել :

Օրինակ. Գումարել 16,5 0,571 13,967
4456,12 թիւերը :

Գ ր Ի ն Ի Ե ր :

16,5
0,571
13,967
4456,12

1487,158

174. Գումարել հետեւեալ տասնորդականները :

1. $7,515 + 40,05 + 900,0025 + 70 =$
2. $47,0125 + 50,875 + 1,1 + 100 + 0,0001 =$
3. $3,3 + 44,70 + 0,00105 + 0,975 + 4,4 =$
4. $10,01 + 10,1 + 2754,1 + 9,734002 + 5,5 =$

ԲԱՐՁՈՒՄՆ

175. ԿԱՆՈՆ. Տասնորդականները իրարմէ հանելու համար պէտք է .

Ա. փոքր թիւը մեծին տակը գրել անանկ

որ համակարգ միութիւնները իրարու տակ ըլլան :

Բ. Թեոյ ամբողջ թուոց պէս հանել և մնացորդին մէջ ստորակէտը նոյն ուղղութեան մէջ պահել :

Օրինակ. Հանել 5,145 ը 12,567 էն : 3,678 ը
5,145 էն : 42,304 ը 50,511 էն :

Ա.	Բ.	Գ.
12,567	5,145	50,511
5,145	3,678	42,304
<hr/> 7,422	<hr/> 1,467	<hr/> 8,207

176. Գիշերէի. Թէ որ նուազելին հանելիէն քիչ տասնորդական թուանշան ունենայ կամ բնաւ չունենայ, զրօներով պակասը լեցնելու է :

Օրինակ. Հանել 5,678 ը 7,12 էն : 6,394 ը
8 էն : 6,896 ը 7,5 էն :

Ա.	Բ.	Գ.
7,120	8,000	7,500
5,678	6,394	6,896
<hr/> 1,442	<hr/> 1,606	<hr/> 0,604

177. Հանել հետեւեալ տասնորդականները:

1. 5,333—4,214=

2. 10,335—3,9875=

3. 10—3,450=

4. 1—0,95=

ԲԱԶՄԱՊԱՏԿՈՒԹԻՒՆ

178. ԿԱՆՈՆ. Տասնորդականները բազմապատկելու համար պէտք է .

Ա. Առանց ստորակէտը նկատելու ամբողջ թուոց պէս բազմապատկել :

Բ. Երկու արտադրիչներուն մէջ քանի հատ տասնորդական թուանշան կայ նէ արտադրելոյն աջ կողմէն այնչափ թուանշան զատել :

Օրէնք: Բազմապատկել 12,25 ը 8,5 ով :

Գործ:	12,25
	8,5
	6125
	9800
	104,125

179. ԱՊԱՏՈՅՑ. Վասն զի գործողութեան աւան ստորակէտը չ'նկատելնու համար 12,25 ին տեղ 1225 սեպելով 100 անգամ մեծ եղաւ

(166), որով արտադրեալը 100 անգամ մեծ պիտի ըլլար . նոյնպէս 8,5 ին տեղ 85 սեպելով 10 անգամ մեծ եղաւ , որով արտադրեալը 10 անգամ եւս մեծ պիտի ըլլար , այսինքն $100 \times 10 = 1000$ անգամ մեծ . ուրեմն 104125 արտադրեալը 1000 անգամ պզտիկցնելու է աջ կողմէն երեք թուանշան զատելով (168) որ կ'ըլլայ 104,125 :

180. Գործ: Եթէ արտադրելոյն մէջ զատուելու բաւական թուանշան չ'դանուի , ձախ կողմը զրօ աւելցնելով պակասը լեցնելու է :

Օրէնք: Բազմապատկել 1,075 ը 0,003 ով :

Գործ:	1,075
	0,003
	0,003225

181. ԽՆԴԻՐՆԵՐ

1. Բանի մը օխան 2,25 ֆր. ըլլայ նէ 135,75 օխան քանի՞ ֆր. կ'ընէ . և եթէ մէկ ֆր. ը 4,4 Ղը: ըլլայ, քանի՞ Ղը: կ'ընէ :

Պատ. 305,4375 ֆր. 1343,925 Ղը:

2. Բազմապատկել 1,1 ը 5,005 ով :

Պատ. 5,5055 .

3. Բազմապատկել 5,5 ը 0,0005 ով :

Պատ. 0,00275 :

4. Բազմապատկել 0,01 ը 0,001 ուլ :

Պատ. 0,00001 :

5. Մէկը օրը 8 ֆր. 80 սանթիմ կը վաստկի, 25 օրուան մէջ որչափ կը վաստկի :

Պատ. 220 ֆր. :

6. Էնտազէն 45 ղըշ. և 75 հարիւրորդ արժէ նէ 31,625 էնտազէն քանի՞ ղըշ. կընէ :

Պատ. 1446,84375 .

7. Ռէօմիւրի ջերմաչափին աստիճանը հարիւրամասնեայ ջերմաչափին 1,25° ին հաւասար է. Ռէօմիւրի 17° ը. հարիւրամասնեային քանի՞ աստիճանին կը համապատասխանէ :

Պատ. 21,25 :

+ 8. Հարիւրամասնեայ ջերմաչափին աստիճանը Ռէօմիւրի ջերմաչափին 0,8° ին հաւասար է. հարիւրամասնեային 23° ը. Ռէօմիւրի քանի՞ աստիճանին կը համապատասխանէ :

Պատ. 18,4 :

ԲԱԺԱՆՈՒՄՆ

182. ԿԱՆՈՆ. Տասնորդականները բաժնելու համար պէտք է .

Ա. Դիտել թէ տասնորդական թուանշաններուն որքանութիւնը նոյն է՝, եթէ չէ պակասը զրօններով լեցնել :

Բ. Ստորակէտները վերցնել և ամբողջ թուոց պէս բաժնել :

Օրէն-հէր. Բաժնել 157,95 ը 12,15 ուլ :
605,5 ը 24,22 ուլ : 10 ը 1,25 ուլ :

Գ. Գ. Գ.

Ա.	Բ.	Գ.
157.95:12,15	605,5:24,22	10:1,25
15795:1215=13	605,50:24,22	10,00:1,25
3645	60550:2422=25	1000:125=8
0	12110	0
	0	

183. Ա.ՊԱՅՈՅՑ. Առնենք 157,95 ը զոր 12,15 ուլ բաժնելու համար ստորակէտները ջնջեցինք, որով բաժանելին և բաժանարարը 100 ական անգամ մեծցան. արդ՝ եթէ միայն բաժանելին մեծնար քանորդը կը մեծնար (65 Գ.) եթէ միայն բաժանարարը մեծնար քանորդը կը պզտիկնար (65 Գ.) ուրեմն՝ բաժանման երկու եղբերը հաւասարապէս մեծնալով քանորդին վրայ փոփոխութիւն մը չըլլար (65 Ե.) :

184. Գ.Ե.Լ.Ե. Ա. Եթէ մնացորդ աւելնայ՝ մնացորդին աջ կողմը յաջորդաբար զրօններ դնելով բաժանարարը մէջը բաժնելու է, բայց քանորդին աջ կողմէն այնչափ թուանշան զա-

տելու է իբր տասնորդական՝ որչափ որ յա-
ջորդաբար զրօ աւելցուցինք :

Օրենսի: Բաժնել 5,7904 ը 1,12 ուլ :

Գործու	5,7904 : 1,12
	5,7904 : 1,1200
	57904 : 11200 = 5,17
	19040
	78400
	0

185. Գեղեղե Բ. Իսկ եթէ մնացորդին աջ
կողմը զրօներ դնելով վերջը չ'դույ ան ատեն
երեք, չորս կամ հինգ տասնորդական թուա-
նչան առնելով բաւականանալու է :

Օրենսի: Բաժնել 125,5 ը 1,7 ուլ :

Գործու	125:17=7,3529...
	60
	90
	50
	160
	7

Հոս միաւոր մօտ քանորդնիս է 7 որն որ
թէ և պակաս է ճշմարիտ քանորդէն բայց 1 թ
չափ պակաս չէ, ուստի կրնանք ըսել միաւոր

մօտ քանորդը առ նուազն 7 է և առ առա-
ւելն 8 է. տասնորդ մօտ քանորդը առ նուազն
7,3 է և առ առաւելն 7,4 է եւայլն : Այս տե-
սակ քանորդներուն մէջ սխալը քիչ ըլլալու
համար առ առաւելն սեպելու է՝ եթէ յա-
ջորդ թուանչանը 5 էն մեծ ըլլայ. առ նուազն
սեպելու է՝ եթէ յաջորդ թուանչանը 5 էն
փոքր ըլլայ. իսկ եթէ յաջորդ թուանչանը 5
ըլլայ թէ առ նուազն և եթէ առ առաւելն
կրնանք սեպել :

Ինչպէս	5,789...	= 5,79	գրեթէ
"	0,6578...	= 0,658	"
"	30,9743201...	= 30,9743	"
"	1,104339...	= 1,1044	"
"	418,134652...	= 418,1346	"

186. ԽՆԴԻՐՆԵՐ

1. Քիլոկրամը 7,35 ֆր. ըլլայ, նէ 100 ֆր.
15 սանթիմով քանի՞ քիլոկրամ կ'առնուի :
Պատ. 13,62.. քիլոկրամ :
2. Հինգ հոգի ընկերութիւն ընելով վաստը
կեցան 1003,4 զրշ. ամեն մէկուն որչափ կ'ընայ :
Պատ. 200,68 զրշ. :
3. 4 մէթր 3 տասնորդամէթր և 5 հարիւ-
րորդամէթր կերպասեղէն առինք և սուինք

16. Ֆր. 75 սանթիմ. մէթրը քանի՞ Ֆր. ի եկաւ
և քանի՞ շրջի. Ֆր. ը 4,5 շրջ. էն :

Պատ. 3 Ֆր. 85 սանթիմ. : 17,325 շրջի :

— 4. 570 օխան քանի՞ քիլոկրամ կ'ընէ գիտ-
նալով որ մէկ քիլոկրամը = է 0,78 օխայի :

Պատ. 730,7 քիլոկրամ :

+ 5. Չայնը մէկ երկվայրկենի մէջ գրեթէ
449,85 արշըն տեղ կերթայ, 3148,95 արշըն
տեղը քանի՞ վայրկենէն կերթայ :

Պատ. 7 վայրկենէն :

+ 6. 43 մէթր և 569 հազարորդամէթր եր-
կայնութիւնը 3 հաւասար մաս կտրել :

Պատ. 14,523 :

7. 280 Ֆր. 20 սանթիմը քանի՞ Օսմ. լիրա կ'ը-
նէ լիրան 23 Ֆր. 35 սանթիմ հաշուով :

Պատ. 12 լիրա :

ՏԱՍՆՈՐԴԱԿԱՆԱՑ ԱՐԺԷՔԸ ԳՏՆԵԼ

187. ԿԱՆՈՆ. Տասնորդականաց արժէքը
գտնելու համար պէտք է .

Ա. Տասնորդական թուանշանները ստորա-
բաժանմունքով բազմապատկել արտադրեալը
տասնորդականին արժէքը եղած կըլլայ :

Բ. Եթէ մնացորդ աւելնայ ան ալ հետ-
քէտէ իր փոքրագոյն տեսակին վերածել .

Օրինակ. 0,5 շրջը քանի՞ փարա կ'ընէ : 0,9
տրամը քանի՞ տէնկ կ'ընէ :

Գործարարութիւն

Ա.	Բ.		
0,5	0,9	0,9 տրամը հով բացմապատ-	
40	4	կեցի գառայ 5 տէնկ 0,6 ն ալ	
<hr/>	<hr/>	4 ով եղաւ 2 կուտ մնացած	
20,0 Ֆր.	տէնկ 3,6	0,4 ն ալ 4 ով եղաւ 1,6 ցո-	
	4	րեն.	
	կուտ 2,4		
	4	Պատ. 3 տնկ 2 կուտ	
	ցորեն 1,6	1,6 ցորեն.	

Գործել հետեւեւ գտնորդութեանց արժէքը .

0,25 ռ. 0,7375 ռ. 0,625 օ. 0,75 էնտ. 0,7 տարի.
0,85 Լ. 0,035 էր. 0,0625 ռ. 0,8375 օ. 0,4 էնտ.

ՀԱՍԱՐԱԿ ԿՈՏՈՐԱԿՆԵՐԸ ՏԱՍՆՈՐԴԱԿԱՆԻ ՎԵՐԱԾԵԼ

188. ԿԱՆՈՆ. Հասարակ կոտորակները տաս-
նորդականի վերածելու համար պէտք է .

Ա. Համարիչը յայտարարով բաժնել ելած
ամբողջը կամ թէ որ ամբողջ չ'պարունակի
տեղը զրո մը դնել և ստորակէտով մը զատել :

Բ. Համարիչին և մնացորդներուն առջեւ
յաջորդաբար զրօներ աւելցնելով բաժանումը
չարունակել, քանորդը կ'ըլլայ տասնորդական :

Օրինակներ

Վերածել $\frac{10}{5}, \frac{3}{6}, \frac{8}{5}$ կոտորակները տասնորդականի :

Գործողություններ

$$\frac{2}{5} = 20 : 5 = 0,4 \quad \frac{3}{8} = 30 : 8 = 0,375 \quad \frac{8}{5} = 80 : 5 = 1,6$$

60	30
40	0
0	

189. Գնորդելու երբեմն այսպես զրոներ դնելով և բաժնելով միշտ մնացորդ կ'աւելնայ այն ատեն տասնորդականը պարբերութեան մէջ է կ'ըսուի :

Օրինակներ

Վերածել $\frac{1}{3}, \frac{1}{7}, \frac{5}{12}$ հասարակ կոտորակները տասնորդականի :

Գործողություններ

$$\frac{1}{3} = 10 : 3 = 0,33... \quad \frac{1}{7} = 10 : 7 = 0,142857...$$

10	30
1	20
	60
	40
	30
	0

$$\frac{5}{12} = 50 : 12 = 0,416...$$

20
80
8

190. Պարբերական կ'ըսուի մի և նոյն կարգով կրկնուած մի և նոյն թուանշանները, ինչպէս Ա. օրինակին մէջ պարբերութիւնը 3 է Բ. ին մէջ 142857 և Գ. ին մէջ 6 որ վրանին միջակէտով մը յայտնուած են : Տասնորդականը պարզ պարբերական է երբոր պարբերութիւնը անմիջապէս ստորակէտէն ետքը կ'սկսի ինչպէս սուջի երկու օրինակները . իսկ խառն պարբերական է՝ երբ պարբերութիւնը ստորակէտէն մէկ կամ աւելի թուանշան ետքը կ'սկսի ինչպէս Գ. օրինակը :

191. Գնորդելու Ա. երբոր հասարակ կոտորակ մը պարզելէն ետքը յայտարարը իր նախնական որտաղբիջներուն վերածենք՝ 2 էն և 3 էն զատուրիչ թիւ չ'զանուի՝ այն ատեն նոյն կոտորակին տասնորդականը ճիշդ կըլլայ, և 2 էն կամ 3 էն որն որ աւելի թուով զանուի այնքան թուանշանէն կըլմնայ :

Օրինակներ

Վերածել $\frac{6}{50}, \frac{71}{1800}$ հասարակ կոտորակները տասնորդականի :

Յառաջ կոտորակները պարզելով կը գըտնենք $\frac{1}{35}, \frac{7}{100}$:

Յայտարարները նախնական արտադրիչի վերածենք կունենանք .

25	5	160	2
	5	80	2
	1	40	2
		20	2
		10	2
		5	5
		1	

Ուրեմն՝ հիշդ տասնորդական պիտի ըլլան, և առաջինը երկու թուանշանէն, իսկ երկրորդը հինգ թուանշանէն պիտի ըմնայ :

$\frac{1}{35} = 30 : 25 = 0,12 \quad | \quad \frac{7}{100} = 700 : 160 = 0,04375$

50	600
0	1200
	800
	0

192. Գիտելէ՛ք Բ. Անպարզելի կոտորակի մը յայտարարին նախնական արտադրիչներուն մէջ ոչ 2 և ոչ 5 գտնուի այլ 3·7·11 եւ այլն ան առտեն այն կոտորակին տասնորդականը պարզ պարբերական կ'ըլլայ :

Օրինակներ.

Վերածել $\frac{1}{37}, \frac{5}{11}$ հասարակ կոտորակները տասնորդականի :

Գործնական

27	3	11	11
	9	3	1
	3	3	
	1		

Ուրեմն՝ պարզ պարբերական պիտի ըլլան.

$\frac{1}{37} = 40 : 27 = 0,148... \quad | \quad \frac{5}{11} = 50 : 11 = 0,45...$

130	60
220	5
4	

193. Գիտելէ՛ք Գ. Անպարզելի կոտորակի մը նախնական արտադրիչներուն մէջ 2 և 5 գըտնուելէն ետքը ուրիշ նախնական թիւեր ալ գտնուի անատեն տասնորդականը խառն պարբերական կ'ըլլայ, և 2 էն կամ 5 էն քանի հատ կայնէ՛ այնքան թուանշան ետքը կսկսի պարբերութիւնը :

Օրինակներ.

Վերածել $\frac{7}{12}, \frac{4}{15}$ հասարակ կոտորակները տասնորդականի :

Յայտարարները նախնական արտադրիչի վերածենք :

12	2	15	3
6	2	5	5
3	3	1	
1			

Ուրեմն խառն պարբերական պիտի ըլլան, և առաջինը երկու թուանշան ետքը իսկ երկրորդը մէկ թուանշան ետքը պիտի սկսի պարբերութիւնը :

$$\frac{7}{12} = 70 : 12 = 0,583... \quad | \quad \frac{4}{15} = 40 : 15 = 0,26...$$

100	100
40	40
4	

Փոքր որեւակի զոմիւնները իրենց գլխաւոր զոմիւն տասնորդականը ընէլ :

194. ԿՍՆՈՆ. Փոքր տեսակները իրենց մեծ տեսակին վերածելու համար պէտք է .

Առաջ հասարակ կոտորակի վերածել, ետքը հասարակ կոտորակն ալ տասնորդականի :

Օրինակ. 32 փարան զըշի տասնորդական ընել :

$$\begin{matrix} \text{փր.} & \text{ըշ.} & & \text{ըշ.} \\ \text{Գրեալ.} & 32 = \frac{32}{1} = \frac{4}{5} = 40 : 5 = 0,8 \end{matrix}$$

Օրինակ Բ. 23 փարան զըշի տասնորդականի վերածէ :

$$\begin{matrix} \text{փր.} & \text{ըշ.} & & \text{ըշ.} \\ \text{Գրեալ.} & 23 = \frac{23}{1} = \frac{230}{10} = 230 : 10 = 0,23 \end{matrix}$$

195. Գեղեւէտ փարան զըշի տասնորդականը ընելու համար փարաներուն համարանքը 4 ուլ բաժնելու է քանորդն է տասնորդական . թէ որ 1 մնացորդ ըլլայ քանորդին քով 25 գրելու է, թէ որ 2 մնացորդ ըլլայ գրելու է 50 կամ 5, թէ որ 3՝ 75 :

Ինչպէս 1	փարա	=	0,025	ըշ.
"	2	"	=	0,05 "
"	3	"	=	0,075 "
"	4	"	=	0,10 "
"	5	"	=	0,125 "
"	6	"	=	0,15 "
"	7	"	=	0,175 " և այլն :

Փարաներուն համարանքին 2 1/2 անգամն ալ առնենք զըշին տասնորդականը կ'ըլլայ :

$$\begin{matrix} \text{Ինչպէս 7} & \text{փարա} & = & 7 + 7 + 3,5 & = & 0,175 & \text{ըշ.} \\ \text{" 15} & \text{"} & = & 15 + 15 + 7,5 & = & 0,375 & \text{"} \end{matrix}$$

Նոյնպէս 1	տրամ	=	0,0025	օխա .
"	2	"	=	0,005 "
"	10	"	=	0,025 " և այլն :

Ահա այս կանոններով պատրաստուած են յետագայ աղիւսակները որոնք են .

Ա. ը փարաներուն զըշի. տասնորդականի վերածուածը :

Բ. ը տրամներուն օխայի տասնորդականի վերածուածը :

Գ. ը բուսկներուն էնտողէի տասնորդականի վերածուածը :

ԱՂԻՒՍԱԿ Ա.

Ղարանէ արանորդական կորուսի վերածուած ընտ

1 փարայէն մինչև 59 փարա

փր.	դ.	փր.	դ.	փր.	դ.	փր.	դ.
1	0,025	11	0,275	21	0,525	31	0,775
2	0,050	12	0,300	22	0,550	32	0,800
3	0,075	13	0,325	23	0,575	33	0,825
4	0,100	14	0,350	24	0,600	34	0,850
5	0,125	15	0,375	25	0,625	35	0,875
6	0,150	16	0,400	26	0,650	36	0,900
7	0,175	17	0,425	27	0,675	37	0,925
8	0,200	18	0,450	28	0,700	38	0,950
9	0,225	19	0,475	29	0,725	39	0,975
10	0,250	20	0,500	30	0,750		

ԱՂԻՒՍԱԿ Բ.

Օխայի արանորդական կորուսի վերածուած ընտ

1 արամէն մինչև 599 արամ

արմ.	օխա	արմ.	օխա	արմ.	օխա	արմ.	օխա
1	0,0025	25	0,625	49	0,1225	73	0,1825
2	0,0050	26	0,650	50	0,1250	74	0,1850
3	0,0075	27	0,675	51	0,1275	75	0,1875
4	0,0100	28	0,700	52	0,1300	76	0,1900
5	0,0125	29	0,725	53	0,1325	77	0,1925
6	0,0150	30	0,750	54	0,1350	78	0,1950
7	0,0175	31	0,775	55	0,1375	79	0,1975
8	0,0200	32	0,800	56	0,1400	80	0,2000
9	0,0225	33	0,825	57	0,1425	81	0,2025
10	0,0250	34	0,850	58	0,1450	82	0,2050
11	0,0275	35	0,875	59	0,1475	83	0,2075
12	0,0300	36	0,900	60	0,1500	84	0,2100
13	0,0325	37	0,925	61	0,1525	85	0,2125
14	0,0350	38	0,950	62	0,1550	86	0,2150
15	0,0375	39	0,975	63	0,1575	87	0,2175
16	0,0400	40	1,000	64	0,1600	88	0,2200
17	0,0425	41	0,1025	65	0,1625	89	0,2225
18	0,0450	42	0,1050	66	0,1650	90	0,2250
19	0,0475	43	0,1075	67	0,1675	91	0,2275
20	0,0500	44	0,1100	68	0,1700	92	0,2300
21	0,0525	45	0,1125	69	0,1725	93	0,2325
22	0,0550	46	0,1150	70	0,1750	94	0,2350
23	0,0575	47	0,1175	71	0,1775	95	0,2375
24	0,0600	48	0,1200	72	0,1800	96	0,2400

տրվ:	օխս	տրվ:	օխս	տրվ:	օխս	տրվ:	օխս
97	0,2425	126	0,3150	155	0,3875	184	0,4600
98	0,2450	127	0,3175	156	0,3900	185	0,4625
99	0,2475	128	0,3200	157	0,3925	186	0,4650
100	0,2500	129	0,3225	158	0,3950	187	0,4675
101	0,2525	130	0,3250	159	0,3975	188	0,4700
102	0,2550	131	0,3275	160	0,4000	189	0,4725
103	0,2575	132	0,3300	161	0,4025	190	0,4750
104	0,2600	133	0,3325	162	0,4050	191	0,4775
105	0,2625	134	0,3350	163	0,4075	192	0,4800
106	0,2650	135	0,3375	164	0,4100	193	0,4825
107	0,2675	136	0,3400	165	0,4125	194	0,4850
108	0,2700	137	0,3425	166	0,4150	195	0,4875
109	0,2725	138	0,3450	167	0,4175	196	0,4900
110	0,2750	139	0,3475	168	0,4200	197	0,4925
111	0,2775	140	0,3500	169	0,4225	198	0,4950
112	0,2800	141	0,3525	170	0,4250	199	0,4975
113	0,2825	142	0,3550	171	0,4275	200	0,5000
114	0,2850	143	0,3575	172	0,4300	201	0,5025
115	0,2875	144	0,3600	173	0,4325	202	0,5050
116	0,2900	145	0,3625	174	0,4350	203	0,5075
117	0,2925	146	0,3650	175	0,4375	204	0,5100
118	0,2950	147	0,3675	176	0,4400	205	0,5125
119	0,2975	148	0,3700	177	0,4425	206	0,5150
120	0,3000	149	0,3725	178	0,4450	207	0,5175
121	0,3025	150	0,3750	179	0,4475	208	0,5200
122	0,3050	151	0,3775	180	0,4500	209	0,5225
123	0,3075	152	0,3800	181	0,4525	210	0,5250
124	0,3100	153	0,3825	182	0,4550	211	0,5275
125	0,3125	154	0,3850	183	0,4575	212	0,5300

տրվ:	օխս	տրվ:	օխս	տրվ:	օխս	տրվ:	օխս
213	0,5325	242	0,6050	271	0,6775	300	0,7500
214	0,5350	243	0,6075	272	0,6800	301	0,7525
215	0,5375	244	0,6100	273	0,6825	302	0,7550
216	0,5400	245	0,6125	274	0,6850	303	0,7575
217	0,5425	246	0,6150	275	0,6875	304	0,7600
218	0,5450	247	0,6175	276	0,6900	305	0,7625
219	0,5475	248	0,6200	277	0,6925	306	0,7650
220	0,5500	249	0,6225	278	0,6950	307	0,7675
221	0,5525	250	0,6250	279	0,6975	308	0,7700
222	0,5550	251	0,6275	280	0,7000	309	0,7725
223	0,5575	252	0,6300	281	0,7025	310	0,7750
224	0,5600	253	0,6325	282	0,7050	311	0,7775
225	0,5625	254	0,6350	283	0,7075	312	0,7800
226	0,5650	255	0,6375	284	0,7100	313	0,7825
227	0,5675	256	0,6400	285	0,7125	314	0,7850
228	0,5700	257	0,6425	286	0,7150	315	0,7875
229	0,5725	258	0,6450	287	0,7175	316	0,7900
230	0,5750	259	0,6475	288	0,7200	317	0,7925
231	0,5775	260	0,6500	289	0,7225	318	0,7950
232	0,5800	261	0,6525	290	0,7250	319	0,7975
233	0,5825	262	0,6550	291	0,7275	320	0,8000
234	0,5850	263	0,6575	292	0,7300	321	0,8025
235	0,5875	264	0,6600	293	0,7325	322	0,8050
236	0,5900	265	0,6625	294	0,7350	323	0,8075
237	0,5925	266	0,6650	295	0,7375	324	0,8100
238	0,5950	267	0,6675	296	0,7400	325	0,8125
239	0,5975	268	0,6700	297	0,7425	326	0,8150
240	0,6000	269	0,6725	298	0,7450	327	0,8175
241	0,6025	270	0,6750	299	0,7475	328	0,8200

արմ.	օխա	արմ.	օխա	արմ.	օխա	արմ.	օխա
329	0,8225	347	0,8675	365	0,9125	383	0,9575
330	0,8250	348	0,8700	366	0,9150	384	0,9600
331	0,8275	349	0,8725	367	0,9175	385	0,9625
332	0,8300	350	0,8750	368	0,9200	386	0,9650
333	0,8325	351	0,8775	369	0,9225	387	0,9675
334	0,8350	352	0,8800	370	0,9250	388	0,9700
335	0,8375	353	0,8825	371	0,9275	389	0,9725
336	0,8400	354	0,8850	372	0,9300	390	0,9750
337	0,8425	355	0,8875	373	0,9325	391	0,9775
338	0,8450	356	0,8900	374	0,9350	392	0,9800
339	0,8475	357	0,8925	375	0,9375	393	0,9825
340	0,8500	358	0,8950	376	0,9400	394	0,9850
341	0,8525	359	0,8975	377	0,9425	395	0,9875
342	0,8550	360	0,9000	378	0,9450	396	0,9900
343	0,8575	361	0,9025	379	0,9475	397	0,9925
344	0,8600	362	0,9050	380	0,9500	398	0,9950
345	0,8625	363	0,9075	381	0,9525	399	0,9975
346	0,8650	364	0,9100	382	0,9550		

ԱՂԻՍՍԿ Գ.

Էնտաղէի կամ սրբէի քանորդակոն կորորակէ
 Էրտնաւաձ Բնաց
 1 բուսղէն մինչև 7 բուսղ

բուսղ	Էնտաղէ	բուսղ	Էնտաղէ
1	0,425	5	0,625
2	0,250	6	0,750
3	0,375	7	0,875
4	0,500		

Օրէն-ի. Ա. Մէկ օխան 12 զրշ. 26 փր. ԸԼԿ
 նէ՛ 15 օխա 180 արամը քանի՞ զրշ. կընէ :

Գործաւ-նիւն

12,65 26 փարսյն զրշ. տանորդակա-
 15,45 նըն է 0,65. 180 արամն օխա-
 6325 յի տանորդականն է 0,45 զր
 5060 իրարու հետ բազմապատկելով
 գտայ 195 զրշ. և գրեթէ 48 փր.
 6325
 1265
 195,4425

Օրէն-ի. Բ. Էնտաղէն 4 զրշ. 16 փր. ԸԼԿ նէ,
 7 Էնտաղէ 5 բուսղը քանի՞ զրշ. կընէ :

Գործաւ-նիւն

7,625
 4,4
 30:00
 30500
 33,5500 Պատ. 33 զրշ. 22 փր.

Օրէն-ի. Գ. Օխա մը բանը 7 զրշ. 16 փր. ԸԼԿ
 նէ, 4 օխա 135 արամը ի՞նչ կ'ընէ :

Գրեթեղութիւն

4,3375

7,4

173500

303625

32,09750

Պատ. 32 զրշ. գրեթէ 4 վարայ :

ՏԱՍՆՈՐԳԱԿԱՆՆԵՐԸ ՀԱՍԱՐԱԿ ԿՈՏՈՐԱԿԻ

ՎԵՐԱՅԵԼ

196. ԿԱՆՈՆ. Տասնորդականները հասարակ կոտորակի վերածելու համար պէտք է .

Զօրութեամբ իմացուած յայտարարը ներդրութեամբ դնել և յետոյ պարզել, եթէ կարելի ըլլայ :

Օրէնքներ.

Վերածել 0,625 0,17 0,002 2,500
տասնորդականները հասարակ կոտորակի :

$$0,625 = \frac{625}{1000} = \frac{5}{8}$$

$$0,17 = \frac{17}{100}$$

$$0,002 = \frac{2}{1000} = \frac{1}{500}$$

$$2,500 = \frac{2500}{1000} = 2\frac{1}{2}$$

197. Գեթեղութիւն. Ս. Պարզ պարբերականները հասարակ կոտորակի կը վերածուին երբ պար-

բերութիւնը համարիչ ընենք և պարբերութեան մէջ քանի թուանշան կայ նէ այնչափ 9 յայտարար տանք :

Օրէնքներ.

$$0,\dot{3} = \frac{3}{9} = \frac{1}{3}$$

$$0,0\dot{3} = \frac{3}{99} = \frac{1}{33}$$

$$0,41\dot{4} = \frac{414}{999} = \frac{46}{111}$$

$$0,1428\dot{5}7 = \frac{142857}{99999} = \frac{1}{7}$$

198. ԱՊԱՅՈՅՅ. Առնենք 0,3...պարզ պար-

բերականը և ըսենք որ կայ հասարակ կոտորակ

$$10 \text{ հաս. կ.} = 3,\dot{3}$$

$$\frac{1}{9} \text{ հաս. կ.} = 0,\dot{3}$$

$$9 \text{ հաս. կ.} = 3$$

$$1 \text{ հաս. կ.} = \frac{3}{9} = \frac{1}{3}$$

մը այս տասնորդականին հաւասար արդ. եթէ այն հասարակ կոտորակը = է

0,3 ի, այն հասարակ կոտորակին 10 անգամը = պիտի ըլլայ 3,3 ի, 10 անգամէն 1 անգամը հանենք կը մնայ 9 անգամ որ = է ամբողջ 3 ի, և մէկ անգամը = է $\frac{3}{9}$ ի կամ $\frac{1}{3}$ ի, զոր պէտք էր հաւաստել :

199. Երեթեղութիւն. Ապացոյցին մէջ 10 անգամ առնելուս պատճառը տասնորդականին անհունութիւնը հունաւորութեան վերածելու համար էր, եթէ պարբերութիւնը երկու թըւանշան ըլլար 100 անգամ կ'առնէինք :

$$\begin{array}{r}
 \text{ինչպէս } 0,1\dot{2} = \frac{12}{99} = \frac{4}{33} \quad \dots \\
 100 \text{ հաս. կ.} = 12,12 \\
 1 \quad \text{,,} \quad \text{,,} = 0,1\dot{2} \\
 \hline
 99 \text{ հաս. կ.} = 12 \\
 1 \quad \text{,,} \quad \text{,,} = \frac{12}{99} = \frac{4}{33}
 \end{array}$$

200. Գէորգի Բ. խառն պարբերականները հասարակ կոտորակի կը վերածուին երբ թէ պարբերութեան մաս չեղող թուանշանները և թէ պարբերութիւնը ամենը մէկէն համարիչ ընենք, ուսկէց պակսեցնենք պարբերութիւն չեղող թուանշանները, որուն յայտարար տանք պարբերութեան թուանշաններուն որքանու թեանը չափ 9 և պարբերութիւն չեղող թուանշաններուն որքանութեանը չափ 0 ներ:

Օրինակներ.

$$\begin{array}{l}
 0,41\dot{2} = \frac{412-4}{990} = \frac{408}{990} = \frac{971}{2475} \\
 0,546\dot{3} = \frac{5462-546}{9900} = \frac{4917}{9900} = \frac{1639}{3300} \\
 0,00\dot{3} = \frac{003-00}{990} = \frac{3}{990} = \frac{1}{330}
 \end{array}$$

201. ԱՊԱՅՈՅՑ. Ս.Ն.Ե.Ն.Ք 0,41 $\dot{2}$ խառն պարբերականը և ըսենք

$$\begin{array}{r}
 1000 \text{ հաս. կ.} = 412,1\dot{2} \quad \text{թէ կոչ հասարակ կոտորակ մը որ} = 0,41\dot{2} \\
 10 \quad \text{,,} \quad \text{,,} = 4,12 \quad \text{ի. արդ. այն հասարակ կոտորակին 10 ան} \\
 \hline
 990 \text{ հաս. կ.} = 408 \\
 1 \quad \text{,,} \quad \text{,,} = \frac{408}{990}
 \end{array}$$

գամը = 4,1 $\dot{2}$ ի, և 1000 անգամը = 412,1 $\dot{2}$ ի ասոնք իրարմէ հանենք կը տեսնենք որ 990 անգամը = 412 — 4 որով հասարակ կոտորակին 1 անգամը = կ'ըլլայ $\frac{412-4}{990}$ զոր պէտք էր ապացուցանել:

ՀԵՏԵՒԵԱԼ ՏԱՍՆՈՐԴԱԿԱՆՆԵՐԸ ՀԱՍԵՐԱԿ ԿՈՏՈՐԱԿԻ ՎԵՐԱԾԵԼ

1. 0,62 $\dot{5}$: 0,2 $\dot{5}$: 0,7 $\dot{5}$: 0,007 $\dot{5}$: 0,02 $\dot{5}$: 0,3:
2. 0,14 $\dot{4}$: 0,5: 0,3: 0,97: 0,126: 3,0126:
3. 0,34 $\dot{5}$: 0,457: 0,1567: 0,023: 4,2354:

202. ՏԱՍՆՈՐԴԱԿԱՆԱՅ ՎՐԱՅ ԽԱՌՆ ԽՆԴԻՐՆԵՐ

1. Բումէլի երկաթուղոյ բաժինը 175 ֆր. էն 20 հատը քանի լիւր կընէ. լիւրն 22 ֆր. 75 ասնդ իմէն:
- Պատ. 153 լիւրայ 84 զրչ. 24 փր. ողջ դրամէ
2. 150 մէթր չուխան մէթր 17 ֆր. էն քանի Օամ. լիւրայ կընէ լիւրան 23 ֆր. 20 ասնթիմէն:
- Պատ. 109 լիւրա 91 զրչ. 15 փր. ողջ դրամէ
3. Օամանեան կառավարութեան 1863 ի փոխառութեան բաժինը 355 ֆր. էն 75 բաժինի համար քանի Օամ. լիւրայ տալու է դաղը 20 ֆրանքնոց ոսկին 87 զրչ. 16 փր. ի հաշուէ:
- Պատ. 1196 լիւրա 28 զրչ. 30 փարա:

4. Յիշեալ կառավարութեան 1865 ի փոխառութեան բաժինը 372 ֆր. էն 55 բաժինի համար քանի՞ Օամ. լիբայ տալու է. գաղղ. 20 ֆր. նոց ոսկին 87 դրշ. 12 փր. ի հաշուլ :

Պատ. 893 լիբա 7 դրշ. 36 փր.

5. Յիշեալ կառավարութեան 1869 ի փոխառութեան բաժինը 322 ֆր. էն 40 բաժինը քանի լիբայ կընէ լիբան 22 ֆր. 75 սանթիմէն :

Պատ. 566 լիբայ 15 դրշ. 13 փր. :

6. 6750 ֆր. ը քանի Օամ. լիբայ կընէ լիբան 23 ֆր. 40 սանթիմէն :

Պատ. 288 լիբայ 46 դրշ. 6 փր. :

7. 1000 Օամ. լիբան քանի գաղղ. լիբայ կընէ հաար 87 դրշ. 24 փր. էն :

Պատ. 1144 լիբայ 11 ֆր. 16 սնթ :



ԶՈՒԳԱԿՇՈՒՄԻԻՆ

203. Երբ երկու թիւ կամ քանակութիւն իրարու հետ բաղդատենք՝ կ'ըսուի զանազանութիւն և բաղդատութենէն դանուածն ալ զանազանութիւն :

204. Զուգակշռութիւնը երկու կերպ կ'ըլլայ րարբերական և անորդական : Երբ իրարմէ որչափ աւելի կամ պակաս ըլլալը փնտուենք կ'ըլլայ րարբերական կամ խառնական զուգակշռութիւն :

Ինչպէս 12 ին և 3 ին տարբերական զուգակշռութիւնն է 9. վասն զի $12 : 3 = 9$: Երբ իրարմէ որչափ մեծ կամ փոքր ըլլալը փնտուենք կըլլայ անորդական կամ երկաշաղկապ զուգակշռութիւն : Ինչպէս 12 ին և 3 ին քանորդական զուգակշռութիւնն է 4. վասն զի $12 : 3 = 4$:

205. Տարբերական զուգակշռութիւնը երկու թուոց մէջ կէտ մը և քանորդական զուգակշռութիւնը երկու թուոց մէջ երկու կէտ զնեւով կը նշանակուի . 12 ին 3 ին տարբերական զուգակշռութիւնը այսպէս կը նշանակենք $12 : 3$ նոյնպէս 15 : 8 : 12 ին և 3 ին քանորդական զուգակշռութիւն այսպէս կը նշանակենք $12 : 3$ նոյնպէս 20 : 4 :

Զուգակշռութեան մը նշանին ձախ կողմի թուոյն կ'ըսուի նախնայ և աջ կողմի թուոյն հետնորդ . վերի օրինակին մէջ 12 ը նախնայ թու է 3 ը հետնորդ , 9 և 4 զուգակշիռ են :

206. Տարբերական զուգակշռութիւնը բարձունն նշանակեալ է ինչպէս որ տեսանք . ուրեմն եթէ երկու անդամներուն վրայ մի և նոյն թիւը եւելցնենք կամ անոնցմէ մի և նոյն թիւը պակսեցնենք զուգակշռութիւնը չ'փոխուիր (31) :

Ինչպէս $14 : 8 = 6$:

Երկու անդամներուն վրայ ալ 3 էվելցնեմ կունենամ. $14 + 3 : 8 + 3 = 17 : 11 = 6$:

Երկու անդամներէն ալ 5 պակսեցնեմ՝ կու- նենամ:

14—5.8—5=9.3=6:

207. Քանորդական զուգակշռութիւնը բա- ժանումն նշանակեալ է. ինչպէս վերը տեսանք, ուրեմն եթէ երկու անդամներն ալ մի և նոյն թուով մեծցնեմ կամ պզոտիցնեմ, զուգակըշ- ռութիւնը չփոխուիր (65. Ե.):

ինչպէս. 12 : 4=3 :

Երկու անդամներն ալ 3 ուլ բազմապատ- կեմ՝ կունենամ:

12x3 : 4x3=36 : 12=3 :

Երկու անդամներն ալ 2 ուլ բաժնեմ՝ կու- նենամ:

$\frac{2}{2} : \frac{1}{2}=6 : 2=3 :$

ՀԱՄԵՄԱՏՈՒԹԻՒՆ

208. Երկու հաւասար և համասեռ զուգա- կշռութիւններ իրարու քով դնենք նէ հասեա- թութիւն կ'ըսուի: Թէ որ զուգակշռութիւնները տարբերական ըլլան՝ համեմատութիւնն ալ կըլ- լայ որքե՛րական հասեաթութիւն. թէ որ քանորդա- կան ըլլան՝ համեմատութիւնն ալ կըլլայ +անոր- թական հասեաթութիւն:

209. Տարբերական համեմատութիւնը եր- կու զուգակշռութեանց մէջ երկու կէտ և քա- նորդական համեմատութիւնը երկու զուգակըշ- ռութեանց մէջ չորս կէտ գնելով կընշանակուի: Ինչպէս 10 ին 4 ին հետ ունեցած տարբերական զուգակշռութիւնը 6 է, նոյնպէս 13 ին՝ 7 ին հետ ունեցածն ալ 6 է, ուստի ասոնք իրարու քով դնենք կ'ըլլայ տարբերական համեմատութիւն- 10.4 : 13.7 :

Եւ կը կարգացուի որոշ այնպէս ին հասեաթե- շքին՝ Ինչպէս որոշեցե՛ք ե՛թէն:

12 ին՝ 3 ին հետ ունեցած քանորդական զուգակշռութիւնը 4 է, նոյնպէս 20 ին՝ 5 ին հետ ունեցածն ալ 4 է, ուստի ասոնք իրարու քով դնենք կ'ըլլայ քանորդական համեմա- տութիւն մը:

12 : 3 :: 20 : 5 :

Եւ կը կարգացուի որոշե՛րիւրեք այնպէս ին հա- թհասթի երեքին, ինչպէս +սանչ հինգին:

Որ և իցէ համեմատութեան առաջին և չորրորդ անդամները կ'ըսուին պրոպոնէն, երկ- րորդ և երրորդը՝ օպոնէն:

ՏԱՐԲԵՐԱԿԱՆ ՀԱՄԵՄԱՏՈՒԹԻՒՆ

210. ՆԱԽԱԴԱՍՈՒԹԻՒՆ. Տարբերական հա- մեմատութեան մը արտաքիններուն գումարը հաւասար է միջիններուն գումարին:

Ինչպէս 12.7 : 8.3 համեմատութեան մէջ .
12+3=7+8 :

211. ԱՊԱՅՈՅՅ. Որովհետեւ տարբերական զուգակշռութեան նախընթացը հաւասար է հետեւորդին էվէլ զուգակշռոյն , ուրեմն կըրնանք նախընթացներուն տեղ հետեւորդները էվէլ զուգակշռուր դնել . որով կունենանք :
7+5.7 : 3+5.3

Արտաքինները իրարու վրայ , միջիններն ալ իրարու վրայ գումարենք կըլլայ .
7+5+3=7+3+5

որուն մէջ կը տեսնեմք որ հաւասարութեան անգամները նոյնպէս իրարու հաւասար են :
Թուոց տեղ բառեր և զուգակշռոյն տեղ
2 գիրը նշանակենք՝ պիտի տեսնենք .

Ա հետեւ +9. Ա հետեւ . Բ հետեւ +9. Բ հետեւ :

Արտաքինները՝ իրարու վրայ , միջիններն ալ իրարու վրայ գումարենք կըլլայ .

Ա հետեւ +9 +Բ հետեւ = Ա հետեւ + Բ հետեւ +9

Որուն մէջ յայտնի կը տեսնուի որ իրարու հաւասար են ինչպէս կերեւայ բառերուն վրայ :

212. ՀԵՏԵՒԱՆՔ. Տարբերական համեմատութեան որ և իցէ մէկ անգամը անձանօթ ըլլայ կրնանք ծանուցեալներովը այն անձանօթը գտնել :

213. Տարբերական համեմատութեան մը

անձանօթը գտնելու համար պէտք է . թէ որ անձանօթը արտաքիններէն է , միջինները գումարել և ծանուցեալ արտաքինը գումարէն հանել : Թէ որ անձանօթը միջիններէն է արտաքինները գումարել և ծանուցեալ միջինը գումարէն հանել :

Անձանօթին տեղ այբուբենի վերջի գրերէն մէկը կը գրուի և սուրաբար ք գիրը :

Ինչպէս 16.10 : 12.8 :

Անձանօթը արտաքին է , ուստի միջինները գումարենք կունենանք 10+12=22 ուսկէ ծանուցեալ արտաքինը հանելով կը մնայ 22—16 =6 որ է անձանօթը :

Նոյնպէս . 16.8 : 12.6 :

Գործողութիւն . 16+6—12=10 :

214. Տարբերական համեմատութիւն մը իր մէջ զատ կրնայ եօթը փոփոխութեանց տակ ալ մտնել արտաքիններուն գումարը միջիններուն գումարին հաւասար ըլլալով :

Ինչպէս	10 . 7	: 6	. 3
	10 . 6	: 7	. 3
	7 . 10	: 3	. 6
	7 . 3	: 10	. 6
	6 . 10	: 3	. 7
	6 . 3	: 10	. 7
	3 . 7	: 6	. 10
	3 . 6	: 7	. 10

Որո՞նց արտաքիններուն գումարը մնայ 6-ով ք

գծնորոշէ

215. Տարբերական համեմատութեան միջինները իրարու հաւասար ըլլան նէ համեմատութիւնը շարժական աստիճանի կ'ըլլայ, և միջին եզրն ալ արտաքիններուն միջին տարբերականը կ'ըլլայ :

ինչպէս 8.5 : 5.2 :

Որ կը կարգացուի այսպէս . — Եւ այնպէս և համեմատի հինգին ինչպէս հինգը երկուսին :

216. Շարունակ տարբերական համեմատութեան միջինը գտնելու համար, արտաքիններուն գումարը 2 ով բաժնելու է :

ինչպէս 10.8 : 8.2 :

Գործը $\frac{10+8}{2}=9$:

Ուստի շարենը 10.6 : 6.2 :

217. Հետեւեալ տարբերական համեմատութեանց անձանոթները գտնել :

- 1. 14. 7 : 10 . 8 = 3
- 2. 23. 8 : 8 . 5 = 20
- 3. 5 . 8 : 8 . 2 = 3 $\frac{1}{2}$
- 4. 6 $\frac{1}{4}$. 3 : 5 . 8 = 4 $\frac{3}{4}$
- 5. 8 . 10 : 3 . 7.5 = 5.5
- 6. 35. 8 : 0.35 . 4 = 35.65
- 7. 13. 8 : 4 . 0.730 = 12.730
- 8. $\frac{4}{9}$. $\frac{2}{7}$: $\frac{5}{15}$. 8 = $\frac{205}{93}$

218 ՏԱՐԲԵՐԱԿԱՆ ՀԱՄԵՄՍՏՈՒԹԵԱՆ ՎՐԱՅ ԽՆԴԻՐՆԵՐ

1. Եւրոպացւոց ժամը 9 ըլլայ նէ Տաճկաց ժամը քանի՞ն կըլլայ՝ կէս օրը վեցէն հաշուելով* :

Գործը — Բիւն

Ե. Տ. Ե. Տ.

12. 6 : 9. 8 6+9—12=3 :

Պատ. Տաճկաց ժամը 3 կ'ըլլայ :

2. Տաճկաց ժամը 7.5 ըլլայ նէ Եւրոպացւոց ժամը քանի՞ն կըլլայ՝ կէս օրը 5 էն հաշուելով :

Գործը — Բիւն

Ե. Տ. Ե. Տ.

12. 5 : 8. 7.5 12+7.5—5=14.5—12=2.5

Պատ. Գործողութիւնը ընելով 14.5 գտայ, այս 14.5ը 12 ժամէն աւելի ըլլալուն 12ը կը հանենք կը մնայ 2.5 որ է պատասխանը :

3. Հայր մը երեք տղայ ունի Ա. ին տարիքն է 23. Գ. ինը 13. Բ. ին տարիքը Ա. էն որչափ պակաս է նէ Գ. էն ալ այնչափ էվէլ է, քանի՞ է Բ. ին տարիքը :

Գործը — Բիւն

Ա. Բ. Բ. Գ.

23. 8 : 8. 13 $\frac{23+8}{2}=\frac{31}{2}=15.5$

Պատ. Բ. ին տարիքն է 18 :

* կէս օրը և կէս դիւրը Եւրոպացւոց ժամը 12 ին կ'ըլլայ միշտ :

Թուոյ տեղ բառեր և զուգակշռոյն տեղ
2. գիրը նշանակենք՝ պիտի տեսնենք :

ՔԱՆՈՐԳՍԿԱՆ ՀՈՄԵՄԱՏՈՒԹՅՈՒՆ

219. ՆԱԽԱԳԱՍՈՒԹՅՈՒՆ. Գանորդական հա-
մեմատութեան մը արտաքիններուն արտադ-
րեալը հաւասար է միջիններուն արտադրեալին :
ինչպէս 36 : 9 :: 24 : 6 համեմատութեան մէջ .

$$36 \times 6 = 9 \times 24$$

220. ԱՊԱՅՈՅՑ. Որովհետեւ քանորդական
զուգակշռութեան նախընթացը հաւասար է
հեռեւորդին բազմապատկեալ զուգակշռոյն ,
ուրեմն կրնանք նախընթացներուն տեղ հե-
տեւորդները բազմապատկեալ զուգակշռը
դնել որով կունենանք .

$$9 \times 4 : 9 : 6 \times 4 : 6$$

Արտաքինները իրարու հետ միջիններն ալ
իրարու հետ բազմապատկենք կ'ըլլայ .

$$9 \times 4 \times 6 = 9 \times 6 \times 4$$

Որուն մէջ կը տեսնենք որ հաւասարու-
թեան անդամները նոյնապէս իրարու հաւա-
սար են .

Թուոյ տեղ բառեր և զուգակշռոյն տեղ
2. գիրը նշանակենք՝ պիտի տեսնենք :

$$\text{Ա. հետեւ } \times 2 : \text{Ա. հետեւ } : : \text{Բ. հետեւ } \times 2 : \text{Բ. հետեւ} :$$

Արտաքինները իրարու հետ միջիններն ալ
իրարու հետ բազմապատկենք կ'ըլլայ .

$$\text{Ա. հետեւ } \times 2 \times 6 \text{ հետեւ } = \text{Ա. հետեւ } \times 6 \text{ հետեւ } \times 2 :$$

Որուն մէջ յայտնի կը տեսնուի որ իրարու
հաւասար են ինչպէս կերեւայ բառերուն վրայ :

221. ՀԵՏԵՒԱՆՔ. Գանորդական համեմա-
տութեան որ և իցէ մէկ անդամը անձանօթ
ըլլայ կրնանք ծանուցեալներովը այն անձա-
նօթը գտնել :

222. Գանորդական համեմատութեան մը
անձանօթը գտնելու համար պէտք է .

Թէ որ անձանօթը արտաքիններէն է՝ մի-
ջինները բազմապատկել և ծանուցեալ արտա-
քինով բաժնել : Թէ որ անձանօթը միջիննե-
րէն է՝ արտաքինները բազմապատկել և ծա-
նուցեալ միջինով բաժնել :

$$\text{ինչպէս } 27 : 9 :: 21 : 6$$

Անձանօթը արտաքին է . ուստի միջինները
բազմապատկենք՝ կունենանք $6 \times 21 = 126$ որուն
մէջ ծանուցեալ արտաքինը բաժնելով կը գըտ-
նենք $\frac{126}{27} = 7$ որ է անձանօթը :

$$\text{Նոյնպէս } 27 : 6 :: 21 : 7$$

$$\text{Գործը } \frac{27 \times 7}{21} = 9 :$$

223. Համեմատութիւն մը իրմէ զատ կրնայ եօթը փոփոխութեանց տակ ալ մտնել և տակաւին արտաքիններուն արտադրեալը միջիններուն արտադրելոյն հաւասար ըլլալ :

Ինչպէս	24 :	6 :	16 :	4
	24 :	16 :	6 :	4
	6 :	24 :	4 :	16
	6 :	4 :	24 :	16
	16 :	24 :	4 :	6
	16 :	4 :	24 :	6
	4 :	6 :	16 :	24
	4 :	16 :	6 :	24

Որոց արտաքիններուն արտադրեալը միջիններուն արտադրելոյն հաւասար է :

224. Համեմատութեան մը նախընթացները կամ հետեւորդները մի և նոյն թուով բազմապատկենք կամ բաժնենք, համեմատական կը մնան, այսինքն արտաքիններուն արտադրեալը միջիններուն արտադրեալին հաւասար է :

Ինչպէս. $10 : 8 : : 5 : 4$ ուր $10 \times 4 = 8 \times 5$

Նախընթացները 2 ով բազմապատկենք կ'ըլլայ .

$20 : 8 : : 10 : 4$ ուր $20 \times 4 = 8 \times 10$

Հետեւորդները 2 ով բաժնենք կ'ըլլայ .

$10 : 4 : : 5 : 2$ ուր $10 \times 2 = 4 \times 5$

225. Համեմատութեան մը զուգակշռութեան երկու անդամները մի և նոյն թուով

բազմապատկենք կամ բաժնենք՝ համեմատական կը մնան :

Ինչպէս. $8 : 6 : : 24 : 18$ ուր $8 \times 18 = 6 \times 24$

Ա. Զուգակշռութեան երկու անդամները

4 ով բազմապատկենք կ'ըլլայ .

$32 : 24 : : 24 : 18$ ուր $32 \times 18 = 24 \times 24$

Բ. Զուգակշռութեան երկու անդամները

6 ով բաժնենք կ'ըլլայ .

$8 : 6 : : 4 : 3$ ուր $8 \times 3 = 6 \times 4$

226. Համեմատութեան մը չորս անդամներն ալ մի և նոյն թուով բազմապատկենք կամ բաժնենք դարձեալ համեմատական կը մնան :

Ինչպէս $20 : 8 : : 10 : 4$ ուր $20 \times 4 = 8 \times 10$

Անդամները 4 ով բազմապատկենք կ'ըլլայ .

$80 : 32 : : 40 : 16$ ուր $80 \times 16 = 32 \times 40$

Անդամները 2 ով բաժնենք կ'ըլլայ .

$10 : 4 : : 5 : 2$ ուր $10 \times 2 = 4 \times 5$

227. Հետեւեալ քանորդական համեմատութեանց անձանօթները գտնել :

1. $14 : 7 : : 3 : \text{Ք} = 1 \frac{1}{2}$
2. $41 : \text{Ք} : : 8 : 10 = 51 \frac{1}{4}$
3. $\text{Ք} : 6 : : 50 : 60 =$
4. $7 : 10 : : 30 : \text{Ք} = 42 \frac{6}{7}$
5. $1 : 0,01 : : \text{Ք} : 1 = 100$
6. $0,875 : \text{Ք} : : 5 : 6 = 1,05$
7. $4 \frac{1}{2} : 10 : : 10 : \text{Ք} = 22 \frac{2}{9}$
8. $\frac{3}{7} : \frac{5}{6} : : \text{Ք} : \frac{1}{9} = \frac{8}{35}$

ՊԱՐԶ ԵՐԻՅ ԿԱՆՈՆ

228. Գանորդական համեմատութեամբ խնդիր մը լուծելու կանոնին կ'ըսուի որչառ երէց կանոն :

Ինչպէս, 4 օխան 23 զրշ: ըլլայ, 28 օխան քանի՞ զրշ: կ'ընէ :

229. Գէորգէի խնդիր մը համեմատութեան շարելու ատեն պէտք է գիտել որ .

Ա. խնդրոյն մէջ չորս անդամ կենայ երկուքը պարզաւ, երկուքը բաժանելի, միշտ մէկը անձանօթ :

Բ. իրեք ծանուցեալ անդամներուն մէջ երկուքը իրարու համասեռ ըլլան մէկն ալ անձանօթին համասեռ, այսինքն պատճառը պատճառին, արդասիքը արդասիքին համասեռ :

230. ԿԱՆՈՆ. խնդիր մը համեմատութեան շարելու համար պէտք է .

Ձուգակչուութեանց նախընթացները իրարու հետ և հետեւորդներն ալ իրարու համասեռ ընել . այսինքն Ա. եզրը Գ. ին հետ և Բ. եզրն ալ Գ. ին հետ համասեռ ընել :

Ինչպէս . վերի խնդիրը ըսածիս պէս շարեմ :

օխա զշ. օխա զշ.

Ա. յսպէս. 4: 23: : 28: Բ $\frac{23 \times 28}{4} = 161$ շ.

Պատ. 161 զրշ :

Օրինակ Բ. Թէ որ 2,5 զշ. ուլ 7, 25 օխա առնուի 10,4 զրշ. ուլ որքան կ'առնուի :

Գործողութիւն

$$\begin{array}{l} \text{զշ.} \quad \text{օխա} \quad \text{զշ.} \quad \text{օխա} \\ 2,5 : 7,25 : : 10,4 : \text{Բ} \end{array} \quad \frac{7,25 \times 10,4}{2,5}$$

Բաժանելոցն և բաժանարարին տասնորդներուն որքանութիւնը հաւասարեցնելով կ'ըլլայ .

$$\frac{7,25 \times 10,4}{2,500} = \frac{725 \times 104}{2500} = \frac{3016}{100} = 30,16$$

Պատ. 30 օխա 64 տրամ :

Օրինակ Գ. Թէ որ 2 $\frac{1}{2}$ զրշ. ուլ 6 $\frac{1}{4}$ օխա առնուի 10 $\frac{2}{5}$ զրշ. ուլ որքան կ'առնուի :

Գործողութիւն.

$$2\frac{1}{2} = \frac{5}{2} : \quad 6\frac{1}{4} = \frac{25}{4} : \quad 10\frac{2}{5} = \frac{52}{5} :$$

$$\frac{\frac{5}{2} \times \frac{52}{5}}{\frac{5}{2}} : : \frac{25}{4} : \text{Բ} \quad \frac{\frac{5}{4} \times \frac{52}{5}}{\frac{5}{2}} = \frac{1300}{5} = \frac{260}{1} = 260 : \frac{5}{2}$$

Բաժանարար կոտորակը շրջելով :

$$\frac{260}{10} \times \frac{1}{5} = \frac{260}{10} = 26 \text{ օխա որ է պատասխան :}$$

231. Գէորգէի կոտորակաւոր թուոց մէջ, գծին տակ գտնուող կոտորակին յայտարարը

դ ծին վրայ հանելու և դ ծին վրայ գտնուող կոտորակին յայտարարը դ ծին տակ իջեցնելով գործողութիւնը ընելու է :

ինչպէս $\frac{5}{2} + \frac{25}{4} :: \frac{52}{5} : \Phi$ $\frac{\frac{25}{4} \times \frac{52}{5}}{2} = \frac{25 \times 52 \times 2}{4 \times 5 \times 5} = 26$ պտ :

232. ՓՈՐԶ. Պարզ երկց կանոնի փորձը ընելու համար պէտք է .

Պատասխանը գտնելէն վերջը իր տեղը դնել և ծանուցեալ անդամներէն մէկը անծանօթ սեպելով ինդիքը լուծել, եթէ երաժք անծանօթ սեպած թիւերնիս ելնէ գործողութիւնը շխտակ է :

ինչպէս. 35000 զըշ. դրամագլուխով 5600 զըշ. շահինքնէ՝ 100 ինքանի՞ շահած կ'ըլլանք :

Գործողութիւնը

Դրամ. զըշ. Դրամ. զըշ.
35000 : 5600 :: 100 : Ք $\frac{5600 \times 100}{35000} = 16$ պտ :

Փորձը ընելու համար ծանուցեալներէն մէկը, զոր օրինակ 100ը անծանօթ սեպելով կը հարցունենք : Թէ որ 35000 զըշ. ուլ 5600 զըշ. շահ ըլլայ, հասաք քանի՞ զըշ. ուլ 16 շահ կըրնայ ըլլալ :

35000 : 5600 :: Ք : 16 $\frac{25 \cdot 10^3 \times 16}{5600} = 100$:

Ասկէ կը հետեւի որ շխտակ է :

233. ՊՄԲԶ ԵՐԻՅ ԿԱՆՈՆԻ ՎՐՄՅ ԽՆԴԻՐՆԵՐ

1. Թէ որ 3 քիլոկրամը 39 ֆր. արժէ, 7 քիլոկրամը ի՞նչ կարժէ :

Պատ. 91 ֆր. :

2. Թէ որ 8 մէթր չուխան 100 ֆր. արժէ, 13 մէթրը ի՞նչ կարժէ :

Պատ. 162 ֆր. 50 սնթ :

3. Բանի մը 36 օխան 42 զըշ. ընէ նէ, 26 զըշ. ուլ սրչափ կառնուի :

Պատ. 22 օխա 112 արամ :

4. Եթէ քէսէին մէկ ամսուան շահը 1000 ստակ ըլլայ, 2542 զըշ. ինչ մէկ ամսուան շահը քանի՞ կ'ըլլայ :

Պատ. 42 զըշ. 14 փարա :

5. Թէ որ 16 ձի 128 կենդինար բեռ քաշեն, 80 կենդինար բեռ քաշելու համար քանի՞ ձի պէտք է :

Պատ. 10 ձի :

6. Թէ որ 10 ձի 80 կենդինար բեռ քաշեն, 16 ձի քանի՞ կենդինար կրնան քաշել :

Պատ. 128 կենդինար :

7. Լիբան 107 զըշ. եղած առենը խահուէին օխան 13 զըշ. էր, լիբան եթէ 118 զըշ. ըլլայ օխան քանի՞ զըշ. կ'արժէ :

Պատ. 14 զըշ. 13 փարա :

8. Լիբրան 104 զրշ. եղած ատենը օխա մը շաքար առինք 8 զրշ.ի, յետոյ լիբրային 111 զրշ. եղած ատենն ալ 9 զրշ.ի առինք. այս վերջի անդամ աժանն առինք թէ սուղ :

Պատ. 6 փարայի չափ սուղ :

9. Լիբրան 118 զրշ. եղած ատենը օխա մը անագ առնուեր է 28 զրշ.ի, ուրիշ անդամ մըն ալ օխան 31 զրշ.ի, ան ատեն լիբրան քանի՞ բարձրացեր էր :

Պատ. 130 զրշ. 25 փարա :

10. Քէսէին՝ ամիսը 6 զրշ. 10 փր. շահ հաշուելով ամիսը 200 զրշ. շահ առնելու համար մըջափ դրամագլուխ շահու դնելու է :

Պատ. 16000 զրշ. :

11. Կառապան մը երկու մարդու հետ սակարկութիւն ըրաւ 120 զրշ.ի, բայց մէկուն բեռը 7 մընն և միւսինը 8 մընն հեռու տարաւ՝ ամեն մէկը քանակա՞ն զրշ. պիտի վճարեն :

Պատ. Ա. ը 56 զրշ. Բ. ը 64 :

12. Կառապան մը երկու մարդու հետ սակարկութիւն ըրաւ 120 զրշ.ի, բայց մէկուն բեռը 291 օխա 80 տրամ էր, միւսինը 332 օխա 320 տրամ, իւրաքանչիւրը քանակա՞ն զրշ. պիտի վճարեն :

Պատ. Ա. ը 56 : Բ. ը 64 զրշ. :

13. Թէ որ 64 օխա պղպեղը 392 զրշ. արժէ, մէկ կենդինարը մըջափ կարժէ :

Պատ. 269 զրշ. 20 փարա :

14. 100 ը անանկ երկու մասերու բաժնէ՞ որ իրարու այնպէս համեմատին ինչպէս 3 ը 7 ին :

Պատ. 30 և 70 :

15. Վաճառական մը 450 տակառ շաքար առաւ ամեն մէկը 125 զրշ.ի, թէ որ միջնորդին ամեն մէկ 400 զրշ. ին $3\frac{1}{2}$ զրշ. տալ հարկ ըլլայ՝ բոլորին համար ինչ վճարելու է :

Պատ. 1968 $\frac{3}{4}$ զրշ. :

16. Երբ որ մը թուղթը որ 20 պրակ է՝ 30 զրշ. ի կը ծախուի, թէ որ պրակով առնենք՝ ամեն մէկ պրակ 1 $\frac{3}{4}$ զրշ. ի կուտան. արդ եթէ պրակով առնենք՝ պրակ գլուխ քանի՞ փարա է վէլ սուած կ'ըլլանք :

Պատ. 10 փարա :

17. 26 զրշ. ի առած բաներնիս 29 զրշ. 12 փարայի ծախենք՝ հարիւրին ի՞նչ կը շահինք :

Պատ. 12 զրշ. 28 փարա :

18. Երկու պարտեղ կան ծախու Ա. ին երկայնութիւնն է 75 մէթր, և լայնութիւնը 15 մէթր 5 տասնորդամէթր և կ'արժէ 5400 զրշ. Բ. ին երկայնութիւնն է 60 մէթր, լայնութիւնն է 17 մէթր 2 տասնորդամէթր 5 հարիւրորդամէթր և գինը 5000 զրշ. մըր աժան է :

Պատ. Ա. ը աժան է 226 զրշ. ի չափ : 2

ԽՈՏՈՐՆԱԿ ՀԱՄԵՄԱՏՈՒԹԻՒՆ

234. Շատ անգամ կը պատահին անանկ խնդիրներ որ՝ թէ և չորս անգամ կ'ունենան երկուքը պատճառ երկուքը արդասիք, միշտ մէկը անձանօթ, բայց իրարու ուղիղ կերպով չեն համեմատիր հասկա խտորնակ կերպով, ահա այնպիսի խնդիրները լուծելու կանոնին կ'ըսուի, խորունկ համեմատութիւն կամ խորոք երկն հանն ։

Ինչպէս, թէ որ 2 մարդ 6 օրէն գործ մը կատարեն, հասկա 4 մարդ նոյն գործը քանի օրէն կը լինցենն ։

Թէ որ այս խնդիրը պարզ երկն կանոնով լուծենք՝ պատասխանը կը գտնենք 12 օր որն որ ինչպէս յայտնի է սխալ է, պատասխանը 3 օր պիտի ըլլայ ։

235. ԿԱՆՈՆ. խտորնակ համեմատութեան խնդիրները լուծելու համար պէտք է .

Ա. Ըստ պարզ երկն կանոնի (230) համեմատութեան շարեւ ։

Բ. Նախընթաց մը իր հետեւորդով բազմապատկել, նախընթացով կամ հետեւորդով բաժնել ։

Վերի խնդիրը լուծենք սյսպէս .

մ. օր մ. օր

2 : 6 :: 4 : ք

$\frac{2 \times 6}{4} = 3$ օր պատ ։

236. Գէորգէի խնդիր մը համեմատութեան շարեւն վերջը, շարուած համեմատութիւնը պարզ է թէ խտորնակ, որոշելու համար պէտք է հետեւեալ դիտողութիւնները ընել .

Ա. Թէ որ նախընթացը մեծցնենք՝ իր հետեւորդն ալ մեծնայ, կամ նախընթացը պղզտիկցնենք իր հետեւորդն ալ պղտիկնայ նէ համեմատութիւնը ուղիղ է ։

Բ. Թէ որ նախընթացը մեծցնենք՝ իր հետեւորդը պղտիկնայ, կամ նախընթացը պղզտիկցնենք իր հետեւորդը մեծնայ նէ համեմատութիւնը խտորնակ է ։

Օրինակ Ա. Թէ որ 100 զրշ.ը տարին 10 զրշ. շահ բերէ հասկա 7870 զրշ.ը քանի՞ շահ կը բերէ ։

Համեմատութեան շարեւն կ'ունենանք .

100 : 10 :: 7860 : ք

Ըսած դիտողութիւննիս ընենք . եթէ նախընթաց 100 զրշ. ին տեղ 200 զրշ. ըլլա՞ր՝ 10 զրշ. շահին տեղ 20 զրշ. շահ կ'ըլլար . կամ եթէ 100 զրշ. ին տեղ 50 զրշ. ըլլար 10 զրշ. ին տեղն ալ 5 կ'ըլլար . ուրեմն՝ այս համեմատութիւնը ուղիղ է . ուստի իր կանոնովը լուծենք ։

$\frac{10 \times 7860}{100} = 786$ զրշ. որ է պատասխանը ։

Օրէնքի Բ. Թէ որ 20 մարդ 12 օրէն գործ մը լմնցնեն, հասցա 120 մարդ քանի՞ օրէն կըրնան լմնցնել մի և նոյն գործը :

Համեմատութեան շարենք կ'ունենանք .

մ. օր մ. օր
20 : 12 :: 120 : Գ

Դիտողութիւնը ընենք. եթէ նախընթաց 20 մարդուն տեղ 40 մարդ ըլլար՝ 6 օրէն կը լմննար գործը, կամ 20 մարդուն տեղ 10 մարդ ըլլար 24 օրէն կը լմննար. ուրեմն այս համեմատութիւնը խտտորնակ է. ուստի իր կանոնովը լուծենք :

$\frac{20 \times 12}{. 12} = 2$ օր պատասխան :

237. ԽՄՌՆ ԽՆԳԻՒՅՆՆԻՐ

1. Եթէ 600 զրշ. ը տարին 50 զրշ. շահ բերէ 9300 զրշ. ը քանի՞ շահ կը բերէ :

Պատ. 775 զրշ. :

2. ԹՆՆԱՄԼՆԵՐԷ պաշարեալ քաղքի մը մէջ 2500 հոգի կար 7 ամսուան պաշարով, 1000 զօրք ալ օգնութեան եկաւ առանց պաշարի, յիշեալ պաշարը սրջափ ժամանակ պիտի բաւէ :

Պատ. 5 ամիս :

3. Ճարտարապետ մը շէնք մը 55 օրէն լըմնցնելու համար 500 գործաւոր կը բանեցնէր

40 օրէն ետքը հրաման ըրին որ 20 օրէն լըմննայ, քանի՞ հոգի եւս օգնական առնելու է :

Պատ. 625 հոգի :

4. Եթէ քէտէին մէկ ամսուան շահը $7\frac{1}{2}$ ըլլայ 5675 զրշ. ին մէկ ամսուան շահը սրջափ է :

Պատ. 85 զրշ. 5 փարա :

5. Թէ որ 12 օրէն 40 մարդ պատ մը շինեն, հասցա 50 մարդ քանի՞ օրէն կը շինեն :

Պատ. $9\frac{3}{5}$ օրէն :

6. 100 զրշ. ը տարին 12 զրշ. շահ բերէ՝ հասցա 7350 $\frac{3}{4}$ զրշ. ը քանի՞ զրշ. շահ կը բերէ :

Պատ. 882 զրշ. գրեթէ 4 փարա :

7. Օրերը 12 ժամ եղած առեկը գործ մը 5 օրէն լմնցաւ, թէ որ օրերը 8 ժամ ըլլար քանի՞ օրէն կը լմննար :

Պատ. $7\frac{1}{3}$ օրէն :

8. Սուրհանդակ մը օրը 5 մընն ճամբայ ընելով 14 օրէն տեղը հասաւ. այս սուրհանդակը քանի՞ օրէն ետ կընայ գառնալ եթէ օրը 8 մընն քալէ :

Պատ. $8\frac{2}{3}$ օրէն :

9. Սենեակ մը թղթելու համար 16՝ ծրար թուղթ կը գործածուի 64 հարիւրորդ ամէթը լայնութեամբ, եթէ թղթին լայնութիւնը 5 տասնորդ ամէթը ըլլայ, նոյն սենեակը թղթելու համար քանի՞ ծրար կը գործածուի :

Պատ. 20,48 ծրար :

10. Ա. ը և Բ. ը միասեղ ընկերութեամբ
4000 զրշ. գրին. Ա. ը շահեցաւ 300 զրշ. և Բ. ը
500 զրշ. քանական զրշ. գրած էին :

Պատ. 1500 : 2500 :

11. Զօրապետ մը 8000 զինուոր բերդի մը
մէջ գրած էր որ զայն պաշտպանեն և 9 ամ-
սուան ալ պաշար ունէր նոյնչափ զինուորի հա-
մար, բայց տեսնելով որ այս բերդը ամբողջ
տարի մը պաշտպանութեան կարօտ է՝ ուղեց
զօրքը քիչցնել որպէս զի կարող ըլլայ պա-
շարը օգտեցնել. քանի՞ զինուոր բերդին մէջ
թողուլ պէտք է :

Պատ. 6000 զինուոր :

12. Եթէ 1 էնտաղէ լայնութիւն ունեցող
չուխայէ զգեստի մը համար 9 էնտաղէ 6 բուպ
պէտք ըլլայ, 2 էնտաղէ 3 բուպ 1 կիրահ լայ-
նութիւն ունեցող չուխայէն նոյն զգեստին
համար քանի՞ էնտաղէ պէտք կ'ըլլայ :

Պատ. 4 էնտաղէ :

13. 12000 զրշ. շահու տուինք և ժամանակէ
մ' ետքը 5000 զրշ. շահ առինք. քանի՞ զրշ.
գնելու է որ մի և նոյն ժամանակէն 6000 զրշ.
շահ առնենք :

Պատ. 14400 :

14. Թէ որ 15 գործաւոր 25 օրէն գործ մը
ընեն քանի՞ օրէն 18 մարդ նոյն գործը կ'ընեն :

Պատ. 20 ⁵/₉ օրէն :

15. 8 մարդ գործ մը 17 օրէն լմնցուցին,
11 մարդ 13 ¹/₂ օրէն. որո՞նք աւելի աշխատա-
սէր եղած են :

Պատ. Առաջինները :

— 16. Եթէ 12 գործաւոր 15 օր բանելով գործ
մը լմնցնեն, քանի՞ մարդ պէտք է նոյն գործը
10 օրէն լմնցնելու համար :

Պատ. 18 :

17. 2ի մը 32 վայրկեանի մէջ 3 փարսախ կեր-
թայ, ուրիշ մը 28 վայրկեանի մէջ 2 փարսախ,
որք աւելի արագընթաց է :

Պատ. Ա. ին արագութիւնը Բ. ին հետ այն-
պէս է ինչպէս 21 : 20 այսինքն Ա. ը ¹/₂₀ աւելի
արագընթաց է :

— 18. Թէ որ 15 գործաւոր 36 մէթր գործ
ընեն, 22 գործաւոր նոյնչափ ժամանակէն որ-
չափ գործ կ'ընեն :

Պատ. 52 մէթր 8 տասնորդ ամէթր :

19. 23 կտաւագործ 345 մէթր կտաւ կը
գործեն, այնքան ժամանակէն 17 մարդ 306
մէթր. որո՞նք աւելի աշխատասէր են :

Պատ. Առաջիններուն գործունէութիւնը
երկրորդներուն հետ այնպէս է ինչպէս 5 : 6
ըսել է թէ երկրորդները աւելի գործունեաց են :

20. 15000 զրշ. շահու տուինք և 4 ամիսէն
ետքը շահ մը առինք. մի և նոյն շահը 3 ամի-

սէն առնելու համար քանի՞ զրշ. գրտմագլուխ
դնելու է :

Պատ. 20000 զրշ :

ԲՄ.ԳՍ.ԴԲԵՍԱ ՀԱՄԵՄԱՏՈՒԹԻՒՆ

238. Համեմատութեան վերաբերեալ խնդրոց մէջ շատ անգամ կը պատահի որ չորս անգամէն աւելի կը գտնուի, այսինքն վեց, ութը, աստը եւ այլն, միշտ մէկ հասար անծանօթ. ահա այնպիսի խնդիրները լուծելու կանոնին կ'ըսուի Բազադրեալ համեմատութիւն : Ինչպէս թէ որ 100 զրշը 5 ամիսէն 8 զրշ. շահ բերէ, հապա 7300 զրշը 9 ամիսէն քանի՞ զրշ. շահ կը բերէ :

239. Բազադրեալ համեմատութեան խնդիրները լուծելու համար պէտք է գիտնալ որ, անգամներէն ոմանք առաջին պատճառը կը կազմեն, միւսներէն ոմանք այն պատճառին արգասիքը. նոյնպէս ալ մնացած անգամներէն երկրորդ պատճառ. և իր արգասիքը :

240. ԿԱՆՈՆ. Բազադրեալ համեմատութեան խնդիրները լուծելու համար պէտք է .

Ա. Առաջին պատճառը կազմողները բազմապատկութեան նշանով իրարու քով գրել և համեմատութեան Ա. անգամը ընել, իր արգասիքը կազմողներն ալ նոյնպէս բազմապատ-

կութեան նշանով Բ. անգամ. միւս պատճառին մասերն ալ Գ. անգամ և իր արգասիքն ալ Գ. անգամ :

Բ. Թէ որ Գ արտաքին ըլլայ՝ բոլոր միջիններուն արտադրեալը բոլոր արտաքիններուն արտադրեալովը բաժնել և փոխադարձաբար = վերի խնդրոյն մէջ 100 զրշ. և 5 ամիս առաջին պատճառը կը կազմեն, 8 զրշ. շահը՝ անոր արգասիքը. նոյնպէս 7300 զրշ. և 9 ամիսը՝ երկրորդ պատճառ. և Գ անծանօթը անոր արգասիքը :

$$\begin{array}{l} \text{Ուստի .} \\ \frac{8 \times 7300 \times 9}{100 \times 5} = \frac{52704}{5} = 10541 \frac{4}{5} \text{ զրշ. Պատ.} \end{array}$$

Օրինակ Ա. 15 մարդ 40 օրէն օրը 10 ժամ աշխատելով 24 արշըն երկայն 12,5 արշըն լայն և 10 արշըն խոր փոս մը փորեն, հապա 30 մարդ 20 օրէն օրը 8 ժամ աշխատելով 32 արշըն երկայն 18 արշըն լայն փոս մը փորեն խորութիւնը քանի՞ արշըն եղած կ'ըլլայ :

Գ. ԿԱՆՈՆ

$$\text{մրդ. օր. ժմ. երկ. լայն խոր մրդ. օր. ժմ. երկ. լայն խ.} \\ 15 \times 10 \times 40 : 24 \times 12,5 \times 10 : : 30 \times 20 \times 8 : 32 \times 18 \times 8$$

1	1
6 25	1 3 2 1
21 x 125 x 10 x 30 x 20 x 4	50
15 x 10 x 10 x 32 x 180	3
3 1 1 4 33	
	1 10
	1

241. վերի կանոնին նայելով թէ և սրտաճառ և արգասիք կազմողները կ'որոշենք, բայց շարելու ասեն դժուարութիւն չքաշելու համար պէտք է դիտել որ, Համեմատութեան չորս կէտը դնելէն վերջը եկած թիւերը համեմատութեան սկիզբէն շարուած թուոց անուններուն կարգաւ շարուին, տես վերի խընդիրը: Գործողութիւնը չերկարելու համար եթէ բաժանելոյն և բաժանարարին մէջ իրարու հաւասար թիւեր կան զանոնք ջնջելու և իրենց տեղ միութիւն սեպելու է. նոյնպէս եթէ բաժանելին և բաժանարարը հասարակ բաժանարար մը ունին անով բաժնելու և քանորդնին իրենց տեղ սեպելով գործողութիւնը ընելու է:

242. ԲՄԱՂԱԴԻՆԵՍԼ ՀՍՄԵՄՍՏՈՒԹԵԱՆ
ՎՐԱՅ ԽՆԴԻՐՆԵՐ

1. 1200 զինուոր 8 ամսուան պաշար ունէին, 5 ամիս իրենց պաշարը ուտելէն ետքը 300 զինուոր աւելցաւ, մնացած պաշարը 3 ամ

միս տեւելու համար ամեն մէկուն օրը որչափ պակաս տալու է:

Պատ. $\frac{1}{5}$ պակաս:

† 2. 100 ը տարին 5 $\frac{1}{2}$ շահ բերէ՝ հապա 5000 զրշ. ը 2 տարի 8 ամիս 15 օրէն քանի՞ զրշ. շահ կը բերէ:

Պատ. 744 զրշ. 31 փարա:

3. Տարին 100 ին 6 էն դրամագլուխ մը քանի՞ տարիէն իր կրկինը կ'ըլլայ:

Պատ. 16 տարի 8 ամիսէն:

4. 100 արշըն չուխա առինք արշընը 45 զրշ. 35 փարայէն, այս չուխան շուրը մոնելով 7 արշըն 6 բուպ պակսեցաւ, մնացած չուխային արշընը քանի՞ ծախելու է որ 100 ին 5 $\frac{1}{2}$ վաստկինք:

Պատ. 52 զրշ. 18 փարա:

† 5. Թէ որ 128 բանուոր օրը 10 ժամ աշխատելով 6 օրէն 345 կանգուն երկայն 2 կանգուն լայն 5 կանգուն բարձր պատ մը շինեն, քանի՞ օր պէտք է որ օրը 8 ժամ բանելով 60 հողի պատ մը շինեն 465 կանգուն երկայն, 2 կանգուն լայն, և 7 կանգուն բարձր:

Պատ. 30, 19. օր:

λ 6. Եթէ 5 կտաւագործք շարաթը 6 օր օրը 12 ժամ գործելով, 2 շարթուան մէջ 480 արշըն կտաւ գործելու ըլլան՝ հապա 20 կտաւագործք 3 շարթուան մէջ՝ շարաթը 5 օր ու օ

ըը 40 ժամ գործելով, քանի՞ կանգուն կրնան գործել :

Պատ. 2000 կանգուն :

7. Եթէ 4444 զշ. գրամադրուիլը 2 սարուան և 8 ամուտան մէջ 888 զրշ. 32 վր. շահ կը բերէ, 1670 զրշը սրչափ ժամանակէն 626 զրշ. 40 վր. շահ կրնայ բերել :

Պատ. 3 սարիէն :

† 8. Եթէ 40 մարդու 9 ամուտան համար 34 գրիւ ցորենի ալիւր բաւական է, կուզենք հասկնալ որ 80 մարդու 3 ամուտան համար սրչափ ալիւր պէտք է :

Պատ. 240 գրիւ :

† 9. Եթէ 30 մարդու 8 ամուտան համար 150 գրիւ ցորենի ալիւր բաւական է, կուզենք հասկնալ որ քանի՞ մարդու 6 ամիս կը բաւէ 90 գրիւ ցորենի ալիւրը :

Պատ. 24 մարդու :

† 10. Թէ որ բեռնակիր մը 40 օրս ծանրութեամբ բեռը 3 մլրն հեռու տեղէ մը 40 զրշով կը բերէ, հապա 30 օրս ծանրութիւնը 6 մլրն հեռուէն բերելու ըլլայ, քանի՞ զշ. տալու է :

Պատ. 36 զրշ. :

11. Բակ մը ծածկելու համար 96 քար պէտք է որոց ամեն մէկուն երկայնութիւնը 4 սոր 2 մաս և լայնութիւնը 2 սոր 6 մաս է. մէկու մը քով գանուեցաւ 7 սոր 6 մաս եր-

կայնութեամբ և 6 սոր 8 մաս լայնութեամբ քարեր. արդ՝ բակը քարայտաւ ընելու համար այս ետքի տեսակէն քանի՞ քար պէտք է :

Պատ. 19,2 քար :

12. Մէկը 3500 զրշ. գրամազլիտով 13 ամուտան մէջ 12500 զրշ. շահեցաւ, կուզէ իմանալ թէ 45000 զրշ. գրամազլիտով 14 ամուտան մէջ սրչափ պիտի շահի :

Պատ. 15000 զրշ. :

13. 12 ֆիլիկրամ մանածով 27 մէթր երկայնութեամբ 75 հարիւրորդամէթր լայնութեամբ կտաւ մը գործուի նէ, 13 քիլիկրամ մի և նոյն մանածով և մի և նոյն գործով կուզենք 80 հարիւրորդամէթր լայնութեամբ կտաւ գործել, քանի՞ մէթր երկայնութիւն կունենայ :

Պատ. 31,64 մէթր :

14. 115 քիլիկրամ խոտ պէտք է 3 ձի 4 օր մնուցանելու համար 7 ձի 7 օր մնուցանելու համար որչափ խոտ պէտք է :

Պատ. $469\frac{7}{12}$ քիլիկրամ :

ՇՂԹԱՅԻ ԿԱՆՈՆ

243. Տեսակ մը խնդիրներ կան որոնք բազադրեալ համեմատութեան պէս վեց, ու թ կամ աւելի, իրարու հետ կապակցութիւն ու-

նեցող, մասունք ունին, ահա այնպիսի խնդիրները լուծելու կանոնին կ'ըսուի շրջայի կանոն :

Ինչպէս. թէ որ 4 օխա ծխախոտը 14 օխա շաքար արժէ, 7 օխա շաքարը՝ 20 օխա բրինձ, 5 օխա բրինձը՝ 6 օխա ալիւր, արդ՝ 30 օխա ծխախոտով քանի՞ օխա ալիւր կրնամ առնել :

Այս խնդիրը երկոյ կանոնով կը լուծուի քանի մը անգամ համեմատութեան շարելով : Առաջ այսպէս կը հարցունեմ. 4 օխա ծխախոտը 14 օխա շաքար արժէ նէ, հապա 30 օխա ծխախոտը քանի՞ օխա շաքար կ'արժէ :

ծխ. շ.ք. ծխ. շ.ք.
4 : 14 : : 30 : ք = $\frac{14 \times 30}{4}$ շաքար :

Երկրորդ կը հարցունեմ. թէ որ 7 օխա շաքարը 20 օխա բրինձ արժէ, հապա $\frac{14 \times 30}{4}$ օխա շաքարը քանի՞ օխա բրինձ կ'արժէ :

շ. ք. շ. ք.
7 : 20 : : $\frac{14 \times 30}{4}$: ք = $\frac{20 \times 14 \times 30}{7 \times 4}$ բրինձ :

Ի վերջոյ կը հարցունեմ. թէ որ 5 օխա բրինձը 6 օխա ալիւր արժէ, հապա $\frac{20 \times 14 \times 30}{7 \times 4}$ օխա բրինձը քանի՞ օխա ալիւր կ'արժէ :

ք. ալ. ք. ալ.
5 : 6 : : $\frac{20 \times 14 \times 30}{7 \times 4}$: ք = $\frac{6 \times 20 \times 14 \times 30}{5 \times 7 \times 4}$ ալիւր :

244. Արդ՝ այս ձեւին վրայ նկատելով և մտադրութեան ընելով կը հետեւցնենք շղթայի կանոնը լուծելու կերպը. այսինքն թէ պէտք է .

Ա. Պատասխանին տեղը ք անծանօթը դրնել և ասոր աջ կողմը նշանով իրեն հաւասար արժէք ունեցող թիւը :

Բ. ք ին տակ գրել, ք ին աջ կողմի թուոյն համասեռ թիւը և ասոր աջ կողմը նշանով իրեն հաւասար արժէք ունեցող թիւը :

Գ. Ասանկ հետզհետէ շարել. անանկ որ, հաւասար եղած քանակութիւններն իրարու դիմաց գան և իւրաքանչիւր աջ կողմի թիւերմէ անմիջապէս վար եղած տողին ձախ կողմի թուոյն համասեռ ըլլայ :

Դ. Աջ կողմի թուոյ արտադրեալը ձախ կողմի թուոյ արտադրեալովը բաժնել, քանորդը պատասխանն է :

Առնենք վերի խնդիրը :

ք ալ. = 30 ծխ.
4 ծխ. = 14 շ.ք.
7 շ.ք. = 20 ք.
5 ք. = 6 ալ.
$$\frac{30 \times 14 \times 20 \times 6}{4 \times 7 \times 5} = 360 \text{ Պատ.}$$

Օրինակ Բ. Սեղանաւոր մը գիտնալով որ վէնէտիկի 40 լիբան վիէննայի 8 ֆիորլինին հա-

ւասար է, վիէննայի 18 ֆիորլինը Պէրլինի 12 տայէռին, Պէրլինի 9 տալէռը Համպուրկի 15 մարկին, Համպուրկի 28 մարկը Սմնթէրտամի 21 ֆիորլինին, Սմնթէրտամի 24 ֆիորլինը Գաղղիոյ 56 ֆրանքին. կուզէ վէնէտիկէն փոխանագիր մը քաջել փարիզի վրայ 8100 վէնէտիկեան լիրա. արդ քանի՞ ֆրանք կ'ընէ :

Գործողութիւն

- Ք շր. = 8100 լւ.
- 40 լւ. = 8 վ. շ.
- 18 վ. շ. = 12 ա.
- 9 ա. = 15 ժ.
- 28 ժ. = 21 Ս. Ֆ.
- 24 Ս. Ֆ. = 56 Ֆ.

50	1	
430	1	3
8100	8	12
40	8	12
18	1	1
9	1	1
28	1	1
24	1	1

= 3450 Ֆ.

245. ՇՂԹԱՅԻ ԿԱՆՈՆԻ ՎՐԱՅ ԻՆԳԻԲՆԵՐ

1. Թէ որ 6 օխա թէյը 8 օխա խահուէի հաւասար ըլլայ, 7 օխա խահուէն 10 օխա շաքարի, 13 օխա թէյով քանի՞ օխա շաքար կըրնանք դնել :

Պատ. 24,76 օխա :

2. 200 օխա ծխախոտը 350 օխա շաքար կ'արժէ, 100 օխա շաքարը 41 օխա անագ

կ'արժէ, և 21 օխա անագն ալ 60 օխա պղնձ պէղ. մէկը ունի 500 օխա ծխախոտ, քանի՞ օխա պղպեղէ հետ կընայ փոխանակել :

Պատ. 1025 օխա պղպեղի :

3. Մէկը եր դրացիէն 30 գրիւ ցորեն փոխ կ'առնու ժամանակէ մը ետ դարձնելու պայմանաւ, ժամանակը կը հասնի և դարի ունեւարով կուզէ ցորենին տեղ դարի տալ, ան ալ կը հաճի. ան ատեն ցորենին դրիւը 20 զրշ էր և դարիինը 8 զրշ արդ. քանի՞ գրիւ դարի տալու է :

Պատ. 75 գրիւ դարի :

4. Հօր մը 7 օրուան բանած դործը մեծ տղան 10 օրէն կը ըմլցնէ, մեծ տղուն 8 օրուան բանածը Բ. տղան 11 օրէն. Բ. տղուն 10 օրուան բանածը Գ. տղան 14 օրէն. արդ պարտեզ մը կայ որ հայրը 15 օրէն կը հերկէ, եթէ պզտի տղան հերկելու ըլլայ քանի՞ օրէն կընայ ըմլցնել :

Պատ. 41 $\frac{1}{4}$ օրէն :

5. Մովսէսը Լոնտոնէն, մէկ տակառ ՍանՏովինիկոյի խահուէ բերել կուտայ. որուն զուտ կշիռն էր 112 ֆունա Սնդդիակիան, և կը վճարէ թէ ծախք և թէ գին ընդ ամենը 145 շիլին. արդ կուզէ իմանալ որ կ'. Պօլիս մէկ կենդինարը քանի՞ զրշի եկած է. գիտնալով որ 20 շիլինը 1 լիրա սթէրլին է և 1 լիրա սթէրլինը 9 $\frac{1}{16}$

արծաթ ֆիորին է և 10 արծաթ ֆիորինը 110
դրչ. է և 100 Անդղլիական ֆունտը 33 $\frac{2}{3}$ օխա է :

Պատ. 876 դրչ. 7 փարա :

6. Աբգարը Կ. Պօլիս 10 օխա մարգարիտ
կը գնէ և կը վճարէ 220000 դրչ. և ուրիշ ապ-
րանքով վիէննա կը տանի, բայց հոն բանը
դժբաղդ երթալով ուղած դնովը չ'կրնար ծա-
խել, հիմայ կուղէ իմանալ որ մէկ ֆունտը քա-
նի ֆիորինի ծախելու է որ գոնէ ստակը դարձ-
եալ ձեռք ձդէ. գիտնալով որ 1000 ֆունտը
436 օխա 323,5 արամ է և մէկ ֆիորինը 11 զու-
րուշ է :

Պատ. 873,6 ֆիորին :

7. Եթէ վիէննայի 614 ֆիորինն Անդղլիա
60 լիրա արժէ և Անդղլիոյ 47 լիրան Համ-
պուրկի 503,75 մարկին արժէքն ունենայ, և
100 մարկն ալ փարիզ 188 ֆրանք արժէ, արդ-
գանելու է թէ 36000 ֆրանքը վիէննա քանի՞
ֆիորին կ'ընէ :

Պատ. 18282 ֆիորին :

8. Եթէ նիւթի մը 3 քիլոկրամը երկրորդ
նիւթի մը 5 քիլոկրամն արժէ և ասոր 7 քիլոկ-
րամը երրորդի մը 11 քիլոկրամն արժէ, առա-
ջին նիւթին քիլոկրամը ի՞նչ կարժէ եթէ վեր-
ջինին քիլոկրամը 5 ֆր. 70 սանթիմ արժէ :

Պատ. 14 ֆր. 93 սանթիմ :

ԿԱՆՈՆ ԸՆԿԵՐՈՒԹԵԱՆ

ԿԱՄ

ՀԱՄԵՄՏԱՅԱՆ ԲԱՇԽՄԱՆ

246. Որ և իցէ թիւ մը զանազան ծանու-
ցեալ թուոց համեմատ մասերու բաժնելու
կանոնին կ'ըսուի ընդհանուր կանոն :

Ենչպէս . երեք հողի ընկեր եղան Ա. ը 4ը-
բաւ 300 դրչ. Բ. ը 400 և Գ. ը 500 և վաստկե-
ցան 900 դրչ. ամեն մէկուն որչափ կ'ընայ :

Հոս 900 դրչ.ը թիւ Ժ'է որ 300, 400, 500
զուրուշներուն մեծութեանը և պզտիկութեա-
նը համեմատ մասերու պիտի բաժնուի : Այս
խնդիրը լուծելու համար կը մտածենք թէ 900
դրչ. վաստակը որ եղաւ նէ, երեք ընկերաց
դրած ստակներովը եղաւ . նայինք ուրեմն թէ
ընդամենը քանի՞ դրչ. է, գումարենք կը գըտ-
նենք որ $300+400+500=1200$ դրչ. է . հիմա
կը հարցունենք . եթէ 1200 դրչ. ուլ 900 դրչ.
վաստակ ըլլայ, հասա 300 դրչ. ուլ որքա՞ն վաս-
տակ կ'ըլլայ . դարձեալ 1200 դրչ. ուլ 900 դրչ.
վաստակ ըլլայ՝ 400 դրչ. ուլ որքան կ'ըլլայ .
վերջապէս 500 դրչ. ուլ որքա՞ն . ուսկէց կ'ել-
նեն այս համեմատութիւնները :

$$1200 : 900 :: 300 : Բ$$

$$\frac{900 \times 300}{1200} = 225$$

1200 : 900 : : 400 : Ф $\frac{900 \times 100}{1200} = 300$

1200 : 900 : : 500 : Ф $\frac{900 \times 500}{1200} = 375$

Պատ. Ա. ին 225 : Բ. ին 300 : Գ. ին 375 :

247. Այս խորհրդածութենէն կը հետեւցընենք ընկերութեան կանոնին համար սա հետեւեալ ընդհանուր կանոնը թէ .

Ծանուցեալ թուոց գումարը այնպէս կը համեմատի առաջարկեալ թուոյն, ինչպէս իւրաքանչիւր ծանուցեալ թիւ իր պատասխանին :

248. Գիտէ՞ք. երբեմն խնդիրներուն գլխութեանը համար կրնանք առաջ 1 ին բաժինը գտնել և յետոյ նոյն բաժինը իւրաքանչիւր ծանուցեալ թուով բազմապատկել :

Ինչպէս. 1200 : 900 : : 1 : Ф $\frac{900 \times 1}{1200} = 0,75$

Ա. 300 × 0,75 = 225,00 = 225

Բ. 400 × 0,75 = 300,00 = 300

Գ. 500 × 0,75 = 375,00 = 375

249. Փորձ. Ընկերութեան կանոնին մէջ գործողութեան ճշգրտութեանը համար բաւական չէ ինկած բաժիններուն գումարը բովանդակ շահին կամ վրասին հաւասար գալը, հա-

պա պէտք է որ Ա. դրամագլուխը իր շահին հետ ինչ համեմատութիւն ունինէ, Բ. նալ իր շահին հետ նոյն համեմատութիւնը ունենայ և ասանկ ամենն ալ. ինչպէս վերի խնդրին փորձը :

Ա. 225

Բ. 300

Գ. 375

$\frac{225}{300} = \frac{300}{400} = \frac{375}{500}$

900 ուսկէ կը հետեւի որ ճիշդ է :

250. ԸՆԿԵՐՈՒԹԵԱՆ ՎՐԱՅ ԽՆԴԻՐՆԵՐ

1. Երեք հոգի ընկեր կ'ըլլան. Ա. ը կը գնէ 75000 Ֆր. Բ. ը 50000 Ֆր. Գ. ը 25000 Ֆր. և կը շահին 60000 Ֆր. արդ. ամեն մէկը իր դրած դրամագլխոյն համեմատ ի՞նչ պիտի առնէ այս շահէն :

Պատ. 30000 : 20000 : 10000 :

* 2. Գաւառ մը որ երեք վիճակ կը բաժնուի տարին 35000 զինուոր կուտայ Տէրութեան. Ա. վիճակին բնակչաց թիւն է 75000, Բ. ինը 45000, Գ. ինը 30000. ո՞րչափ զինուոր պիտի սայ իւրաքանչիւր վիճակ իր բնակչաց համեմատելով :

Պատ. Ա. ը 17500 : Բ. ը 10500 : Գ. ը 7000 :

* 3. Մէկը կը մեռնի չորս մարդու պարտք ունենալով, Ա. ին 1300 զրշ. Բ. ին 800 զրշ. Գ. ին

2500 զրշ. Գ. ին 10000 զրշ. և բովէն կ'երնէ 9000 զրշ. արդ սյս ստակը ի'նչպէս պէտք է պարտատէրներուն բաժնել իրենց առնելիքին համեմատ :

Պատ. Ա. ին 801 : Բ. ին 493 : Գ. ին 1341 : Դ. ին 6164 :

4. Երկու հողի ընկեր եղան. Ա. ը դրաւ 1500 ֆր. Բ. ը 1200. և կորուսին 480 ֆր. իւրաքանչիւրը ո՞րչափ կորսնցուց :

Պատ. $266\frac{2}{3} = 213\frac{1}{3}$:

5. Չորս ընկեր գործոյ մը ձեռք զարնելու համար ամենքն ալ նոյնչափ ստակ դրին. բայց Ա. ը թողուց իր ստակը ընկերութեան մէջ 4 ամիս, Բ. ը 8 ամիս, Գ. ը տարի մը և Դ. ը 15 ամիս. շահեցան 8050 ֆրանք. ո՞րչափ է ամեն մէկուն բաժինը :

Պատ. 825,65 : 1651,25 : 2476,85 : 3096,25 :

6. Մարդուն մէկը մեռնելով 400000 զրշ. կտակաւ կը թողու իր հինգ որդւոցը որ պիտի բաժնուի իրենց հասակին համեմատ : Ա. ը 45, Բ. ը 40, Գ. ը 32, Դ. ը 25 և Ե. ը 18 տարեկան էին. ո՞րչափ կիսնայ ամեն մէկուն :

Պատ. 112500 : 100000 : 80000 : 62500 : 45600 :

7. Երկու հողի ընկերութիւն մը կը կազմեն. Ա. ը կը դնէ ընկերութեան մէջ 540 զրշ. Բ. ն ալ մնացածը, կը վասակին 387 զրշ. ասկէց

Բ. ին բաժինն է 225 զրշ. արդ կուզենք գիտնալ Բ. ին դրածը և Ա. ին վաստկածը :

Պատ. Բ. ին. դրածը 750 : Ա. ին շահը 162 զրշ :

8. Երեք հողի ընկերութեամբ 125000 զրշի դրամագլուխ մը դրին և վաստկեցան 80000 զրշ. Ա. ը սյս վաստակէն առաւ 20000 զրշ. Բ. ը 15000 զրշ. և Գ. մնացածը. գաննել ամեն մէկուն դրած դրամագլուխը :

Պատ. 31250 : 23437,5 : 70312,5 :

9. Երկու հողի ընկերութեամբ 1903 զրշ. վաստկեցան անանկ որ մէկը քանի հինգնոց դրաւ նէ՝ միւսն ալ այնքան վեցնոց դրաւ և ամեն մէկը քանակա՞ն զրշ. պիտի առնեն :

Պատ. 865 : 1038 :

* 10. Աղնուական մը 10000 զրշ. պիտի տար չորս աղքատ ընտանեաց իրենց մէջ գանուած անձանց թուոց համեմատ : Ա. ը կը բաղկանար 5 հողիէ, Բ. ը 7 հողիէ, Գ. ը 9 հողիէ, Դ. ը 11 հողիէ. ի՞նչ է ամեն մէկ ընտանեաց բաժինը :

Պատ. 1562,5 : 2187,5 : 2812,5 : 3437,5 :

* 11. Երեք հողի գործ մը լննցնելով ընդունեցին 1000 ֆրանք. Ա. ին աւուրչէքն էր 6 ֆր. Բ. ին աւուրչէքը 4,50 ֆր. և Գ. ինն ալ 2 ֆր. ամեն մէկուն բաժինը ո՞րչափ պիտի ըլլայ :

Պատ. 480 : 360 : 160 :

12. 31000 ը բաժնէ $\frac{1}{2}$, $\frac{1}{3}$, $\frac{1}{6}$, համեմատութեամբ :

Պատ. 15000 : 10000 : 6000 :

* 13. Մէկը 300000 զըշ. կտակաւ կը ձգէ իր երեք սղոցը որ իրենց տարիքին համեմատ իրենց մէջ բաժնեն, անոնկ որ քիչ տարիք ունեցողը շատ առնէ և շատ տարիք ունեցողը քիչ առնէ. սղոցը տարիքն էր 24, 45 և 10 ամեն մէկը ի՞նչ պիտի ընդունի :

Պատ. 60000 : 96000 : 144000 :

|| 14. Քաղաքի մը մէջ եկեղեցի մը պիտի շինուի և վեց հարուստ անձինք իրենց վրայ առին շինութեան բոլոր ծախքը այս պայմանաւ որ եկեղեցիէն շատ հեռաւորութիւն ունեցողը քիչ և քիչ հեռաւորութիւն ունեցողը շատ սայ. իրենց ասնը եկեղեցիէն ունեցած հեռաւորութիւնն էր 50, 60, 75, 100, 150, 210 կանդուն և եկեղեցւոյն շինութեանը համար ծախք եղաւ 533250 զըշ. ամեն մէկը սրճափ պիտի վճարէ :

Պատ. 149310 : 124425 : 99540 : 74655 : 49770 : 33550 :

15. Մէկը չորս ոսկերիչ վարպետներու ճիշդ իրարու յոր և նման չորս հաւասար գործ տուաւ ամեն մէկուն մէյ յմէկ հատ որ շուտով շինեն, և ըսաւ որ այս չորս գործին շինողէք պիտի հասուցանեմ ընդ ամենը 3475 զըշ. բայց այն համեմատութեամբ որ շուտ ըննցնողը շատ ընդունի. արդ Ս. ը 2 օրէն, Բ. ը 3 օրէն, Ք. ը

5 օրէն և Դ. ը 8 օրէն ըննցուց. յիշեալ դումարը այս չորս մարդոց մէջ ի՞նչպէս բաժնելու է :
Պատ. 1500 : 1000 : 600 : 375 :

ԿԱՆՈՆ ԲՄԱԳՆԻՐԵՄԱ ԸՆԿԵՐՈՒԹԵԱՆ

231. Շատ անգամ կը պատահի որ ընկերութեան կանոնին մէջ ծանուցեալ թիւերը մէկ քանի տեսակէ կ'ըլլան. այն ժամանակը առաջարկեալ թիւը անոնց համեմատ մասերու բաժնելու կանոնին կ'ըսուի Բաղադրեալ ընկերութեան կանոն :

Ինչպէս երեք հոգի ընկեր եղան. Ա. ը դրաւ 300 զըշ. և կեցաւ ընկերութեան մէջ 4 ամիս, Բ. ը դրաւ 400 զըշ. և կեցաւ 6 ամիս, Ք. ը դրաւ 500 զըշ. և կեցաւ 5 ամիս. վաստկեցան 1220 զըշ. ամեն մէկը այս վաստակէն ի՞նչ պիտի ընդունի իր դրած ստակին և կեցած ժամանակին համեմատ :

Հոս 1220 ը թէ ընկերաց դրած դրամագըլխոյն և թէ կեցած ժամանակին համեմատ պիտի բաժնուի ուստի բաղադրեալ ընկերութիւն է : Այս խնդիրը լուծելու համար երկու տեսակները մէկ տեսակի վերածել կը խորհինք, այսպէս. Ա. ը դրաւ 300 զըշ. որ կեցաւ ընկերութեան մէջ 4 ամիս, նոյն բանն էր եթէ 300×4=1200 զըշ. դնէր 1 ամիսի համար.

Բ. ը դրաւ 400 զրշ. որ կեցաւ 6 ամիս, նոյն բանն էր եթէ $400 \times 6 = 2400$ զրշ. դնէր 1 ամիսի համար. նոյնպէս Գ. ը դրաւ 500 զրշ. որ կեցաւ 5 ամիս, նոյն բանն էր եթէ $500 \times 5 = 2500$ զրշ. դնէր 1 ամիսի համար: Ասանկով երկու տեսակները մէկ տեսակի վերածուեցան հաւասար ժամանակ ունենալով, որով խնդիրն ալ եղաւ: Ա. ը դրաւ 1200 զրշ. Բ. ը 2400 զրշ. Գ. ը 2500 և վատկեցան 1220 զրշ. ի՞նչ է ամեն մէկուն բաժինը:

Այս խնդիրը ընկերութեան կանոնի խնդիր մ'է որն որ էր կանոնովը լուծենք:

Գործողութիւն.

$$\begin{aligned} 300 \times 4 &= 1200 \\ 400 \times 6 &= 2400 \\ 500 \times 6 &= 2500 \\ \hline &6100 \end{aligned}$$

$$6100 : 1220 : : 1200 : \Phi \quad \frac{1200 \times 1220}{6100} = 240$$

$$6100 : 1220 : : 2400 : \Phi \quad \frac{2400 \times 1220}{6100} = 480$$

$$6100 : 1220 : : 2500 : \Phi \quad \frac{2500 \times 1220}{6100} = 500$$

Կամ. $6100 : 1220 : : 1 : \Phi \quad \frac{1220 \times 1}{6100} = 0,2$

$$1200 \times 0,2 = 240,0 = 240$$

$$2400 \times 0,2 = 480,0 = 480$$

$$2500 \times 0,2 = 500,0 = 500$$

252. Այս խնդրոյն լուծումէն կը հետեւի բաղադրեալ ընկերութեան համար սա հետեւեալ ընդհանուր կանոնը թէ պէտք է.

Տարբեր տեսակները իրարու հետ բաղմապատկելով մի եւ նոյն տեսակի վերածել, յետոյ ըստ ընկերութեան կանոնի (247) լուծել:

Օրինակ. Բ. երեք գործաւոր մէկտեղ բանելով 620 զրշ. առին. Ա. ը 16 օր բանած էր օրը 5 ժամ, Բ. ը 12 օր բանած էր օրը 9 ժամ, Գ. ը 6 օր աշխատած էր օրը 10 ժամ. իւրաքանչիւրը ի՞նչ պիտի ընդունի իր աշխատութեանը համար:

Գործողութիւն.

$$16 \times 5 = 80$$

$$12 \times 9 = 108$$

$$6 \times 10 = 60$$

$$\hline 248$$

$$248 : 620 : : 80 : \Phi \quad \frac{620 \times 80}{248} = 200$$

$$248 : 620 : : 108 : \Phi \quad \frac{620 \times 108}{248} = 270$$

$$248 : 620 : : 60 : \Phi \quad \frac{620 \times 60}{248} = 150$$

Կամ. $248 : 620 : : 1 : \Phi \quad \frac{620 \times 1}{248} = 2,5$

$$80 \times 2,5 = 200$$

$$108 \times 2,5 = 270$$

$$60 \times 2,5 = 150$$

Պատ. Ա. ը 200 : Բ. ը 270 : Գ. ը 150 :

Օրինակ Գ. Երեք հոգի ընկեր եղան Ա. ը դը-
 րաւ 560 զըշ. Բ. ը 840 զըշ. և Գ. ը 600 զըշ. Ա. ը 3
 ամիս ետքը 1200 զըշ. ալ դրաւ, Բ. ը 4 ամիս
 ետքը 600 զըշ. ալ դրաւ և Գ. ը 3 ամիս ետքը
 200 զըշ. ետ առաւ. ասոնք 10 ամիս ընկերու-
 թիւն ընելով վաստկեցան 1550 զըշ. ի՞նչ կկի-
 նայ ամեն մէկուն իր դրած ստակին և ժամա-
 նակին համեմատ :

Ա. ը դրաւ 560 զըշ. որ մնաց ընկերութեան
 մէջ 3 ամիս և ետքը դրաւ 1200 զըշ. որ մնաց
 10—3=7 ամիս, ասոնք մէկ ժամանակի վե-
 րածենք գիտնալով որ 560 զըշին 3 ամսուան
 վաստակը $560 \times 3 = 1680$ զըշին 1 ամսուան վաս-
 տակին=է, և 1200 զըշին 7 ամսուան վաստա-
 կը $1200 \times 7 = 8400$ զըշին 1 ամսուան վաստա-
 կին=է, ուստի փոխանակ ըսելու թէ 560 զըշը
 3 ամիս+1200 զըշը 7 ամիս մնաց՝ կ'ըսենք $560 \times$
 $3 + (560 + 1200) 7 = 1680 + 12320 = 14000$ զըշը 1
 ամիս մնաց : Բ. ը առաջ դրաւ 840 որ մնաց
 ընկերութեան մէջ 4 ամիս և ետքը դրաւ 600
 զըշ. որ մնաց 10—4=6 ամիս, ասոնք մէկ ժա-
 մանակի վերածենք գիտնալով որ 840 զըշին 4
 ամսուան վաստակը $840 \times 4 = 3360$ զըշին 1 ամ-
 սուան վաստակին հաւասար է, և 600 զըշին 6
 ամսուան վաստակը $600 \times 6 = 3600$ զըշին 1 ամ-
 սուան վաստակին հաւասար է, ուստի փոխա-
 նակ ըսելու թէ 840 զըշը 4 ամիս+600 զըշը 6

ամիս մնաց կ'ըսենք, $840 \times 4 + (840 + 600) 6 =$
 $3360 + 8640 = 12000$ զըշ 1 ամիս մնաց : Նմա-
 նապէս Գ. ին առաջի դրած 600 զըշը 3 ամիս
 մնաց, ետքը 200 զըշը ետ առաւ $600 - 200 = 400$
 որ մնաց 10—3=7 ամիս ասոնք ալ մէկ ժա-
 մանակի վերածենք $600 \times 3 + (600 - 200) 3 =$
 $3000 + 2000 = 5000$ զըշ. 1 ամիս մնաց : Արդ այս
 խնդիրը կ'առաջարկենք այսպէս : Երեք հոգի
 ընկեր եղան. Ա. ը դրաւ 14000, Բ. ը 12000,
 Գ. ը 5000. վաստկեցան 1550 զըշ. ի՞նչ վաստակ
 պիտի առնէ իւրաքանչիւրը :

Գ. ր. ր. ր. ր. ր.

Ա. կերպ	Բ. կերպ
դր. ամ.	դր. ամ.
Ա. $560 \times 3 = 1680$	Ա. $560 \times 10 = 5600$
1200	$1200 \times 7 = 8400$
<hr/>	<hr/>
$1760 \times 7 = 12320$	14000
<hr/>	
14000	
Բ. $840 \times 4 = 3360$	Բ. $840 \times 10 = 8400$
600	$600 \times 6 = 3600$
<hr/>	<hr/>
$1440 \times 6 = 8640$	12000
<hr/>	
12000	
Գ. $600 \times 3 = 3000$	Գ. $600 \times 10 = 6000$
200	$200 \times 5 = 1000$
<hr/>	<hr/>
$400 \times 5 = 2000$	5000
<hr/>	
5000	

14000		14000	} = 700	
12000	31000 : 1550 :	12000		} : Բ = 600
5000		5000		
<u>31000</u>				

Պատ. Ա. ը 700 : Բ. ը 600 : Գ. ը 250 :

253. ԲԱՂԱԳՐԵԱԼ ԸՆԿԵՐՈՒԹԵԱՆ ՎՐԱՅ ԽՆԴԻՐՆԵՐ

1. Երեք հոգի ընկեր եղան, Ա. ը դրաւ 3000 զրշ. և կեցաւ ընկերութեան մէջ 5 ամիս, Բ. ը 2500 զրշ և կեցաւ 6 ամիս, Գ. ը 3200 զրշ. և կեցաւ 7 ամիս վասակեցան 2700 զրշ. արդ որչափ պիտի առնէ ամեն մէկը իր դրած դրամագլխոյն և ժամանակին համեմատ :

Պատ. 772,9 = 772,9 = 1154,2 :

2. Երեք հոգի գործի մը ձեռք զարկին և վասակեցան 400 զրշ. Ա. ը աշխատեցաւ 9 օր՝ օրը 4 ժամ, Բ. ը 4 օր՝ օրը 6 ճամ, Գ. ը 8 օր՝ օրը 5 ժամ. որչափ կիցնայ իւրաքանչիւրին իւրեն աշխատութեան համեմատ :

Պատ. 144 = 96 = 160 :

3. Կառապան մը երեք մարդու հետ սակարկութիւն ըրաւ 2412 զրշի Ա. ին 56 կենդիւնար բեռը 48 մղոն հեռու տեղ տարաւ, Բ. ին 24 կենդ ինարը 60 մղոն հեռու. և Գ. ին 32

կենդ ինարը 36 մղոն հեռու. արդ՝ ամեն մէկը զատ զատ քանական զրշ. պիտի վճարեն :

Պատ. 1075,2 = 576 = 460,8 :

4. Երեք մասվաճառ ընկերութեամբ գաշտ մը վարձու կը բռնեն 154 զրշով. ասոնցմէ Ա. ը աս գաշտին վրայ 40 ոչխար 6 ամիս արածել կուտայ, Բ. ը՝ 50 ոչխար 5 ամիս և Գ. ը 70 ոչխար 4 ամիս. արդ՝ ամեն մէկը ի՞նչ վճարելու է :

Պատ. 48 = 50 = 56 :

5. Գործի մը համար որն որ 240000 զրշ. դրամագլուխ կը պահանջէ՝ չորս հոգի ընկեր կ'ըլլան. Ա. ը կուտայ այս ստակին $\frac{1}{3}$ ը, Բ. ը՝ $\frac{1}{4}$ ը, Գ. ը՝ $\frac{1}{5}$ ը, իսկ մնացածը Դ. ը կը լրացնէ. գործը 10 ամիս կը տեւէ ու այսչափ ժամանակուան մէջ 36000 զրշ. շահ կը ձգէ. արդ՝ այս չորս ընկերներէն ամեն մէկը որչափ պիտի առնէ, երբ Բ. ը և Գ. ը իրենց ստակը գործը լըմըննալէն 2 ամիս յառաջ ետ առնեն, և Ա. ալ բոլոր գործին գործակալը ըլլալով նախապէս բոլոր շահուն 100 ին 5 առնէ :

Պատ. 14373,7 = 7544,1 = 7544,1 = 6538,2 :

6. Երկու վաճառական ընկեր եղան երկու տարուան և հինգ ամսուան համար և շահեցան 6000 ֆր. մէկը դրաւ 15000 ֆր. ընկերութեան սկիզբը, և 16 ամսէ ետեւ առաւ դրամագլխէն 5000 ֆր. և 20 ամսէ ետեւ ա-

ւելցուց 3500 ֆր. դրամագլխոյն վրայ. միւսը
դրաւ 18000 ֆր. 7 ամսէ ետեւ, և աւելցուց
3000 ֆր. 24 ամսէ ետեւ. կուզենք իմանալ
թէ իւրաքանչիւրին ի՞նչ կէյնայ իր դրած դը-
րամագլխոյն և ժամանակին համեմատ :

Պատ. 2964,9 : 3035,1 :

7. Երկու վաճառական ընկեր եղան երկու
տարուան համար. ասոնցմէ մէկը դրաւ 15000
դրշ. ընկերութեան սկիզբը, միւսը 8 ամսէ ետեւ
հազիւ կրցաւ պառկեցնել իր դրամագլուխը.
արդ՝ կուզենք իմանալ թէ որչափ ստակ դնելու
է որ կարենայ շահած ստակին կէսը առնուլ :

Պատ. 22500 :

8. Երկու ներկարար շէնք մը ներկելու հա-
մար 3000 դրշ. ընդունեցին. մէկը 8 դործաւոր
բանեցուց 15 օր, և միւսը 10 դործաւոր 18
օր, զատ զատ քանական դրշ. պիտի ընդունին :

Պատ. 1200 : 1800 :

9. Երկու ջորեպան բանակի մը պիտոյքնե-
րը փոխադրելուն համար 2650 դրշ. ընդունե-
ցին, Ա. ջորեպանը 58 ջորի բանեցուց 10 օր,
Բ. ջորեպանը բանեցուց 120 ջորի 4 օր զատ
զատ քանակա՞ն դրշ. պիտի ընդունին :

Պատ. 1450 : 1200 :

10. Երկու մնավաճառ արօտ մը վարձու
բռնեցին 2182 դրշի. Ա. ը դրաւ արածելու հա-
մար 130 ոչխար 180 օր՝ օրը 10 ժամ. Բ. ը դը-

րաւ 80 ոչխար 260 օր՝ օրը 8 ժամ. ամեն մէ-
կը որչափ պիտի վճարէ :

Պատ. 1274,975 : 907,025 :

11. Երկու վաճառական 75000 դրշի դրա-
մագլուխ մը դրին. Ա. ը ընդունեց 8700 դրշ.
շահ և Բ. ը փսկէ 2400 դրշ. պակաս ընդունեց.
դրամագլխնին զատ զատ որչափ էր :

Պատ. 43500 : 31500 :

12. Երեք հոգի ընկերութիւն մը կազմեցին
2 1/2 տարուան համար. Ա. ը ընկերութեան սկիզ-
բը դրաւ 24000 դրշ. Բ. ը 6 ամիս ետքը և Գ. ը
տարի մը ետքը գնելով իրենց դրամագլուխ-
ները, պայմանեալ ժամուն շահերն իրենց մէջ
հաւասարապէս բաժնեցին. Բ. ին և Գ. ին դրա-
մագլուխներն որչափ էր :

Պատ. 30000 : 40000 :

13. Երեք հոգի ընկերութիւն ըրին 2 տա-
րի, Ա. ը դրաւ 1000 զուրուշ ընկերութեան
սկիզբը և 4 ամսէ ետքը 5000 դրշ. ալ աւել-
ցուց, բայց 10 ամիսէն ետքը 3000 ը առաւ.
Բ. ը յառաջ 10000 դրշ. դրաւ բայց ամէ ամիս
1000 դրշ. ետ առաւ մինչեւ 5 ամիս. Գ. ը սկիզ-
բը թէպէտ 2000 դրշ. դրաւ բայց ամեն մէկ 6
ամիսը 3000 ական դրշ. կը դնէր. արդ՝ քանա-
կա՞ն դրշ. առնելու են թէ որ բոլոր շահը 20000
դրշ. ըլլայ :

Պատ. 4396,75 : 7238,625 : 8364,625 :

ՏՈՒՈՍ

254. Փոխ տրուած ստակի մը դործածու թեանը համար վճարելի պտուղը կ'ըսուի որո՞ւն ։
 Փոխ տրուած ստակին կ'ըսուի որո՞ւն ։
 Գրամագլուխը և տոկոսը մէկտեղ կ'ըսուի որո՞ւն ։

Որոշեալ թուոյ մը որոշեալ ժամանակի մէջ բերած տոկոսին կ'ըսուի ուն . ինչպէս քէսէն ամիսը 5 շրջ 6 շրջ 10 փր . 7 1/2 շրջ եւ այլն , կամ 100 ին տարին 6 , 10 , 12 , 15 եւ այլն դաշինք կ'ըլլայ այս 5 , 6 1/4 , 7 1/2 որ մէկ ամսուան մէջ քէսէին համար կը տրուի և 6 , 10 , 12 , 15 ը որ մէկ տարուան մէջ 100 ին համար կը տըրուի ուն են ։

Այն մարդը որ փոխ կամ պարտք կուտայ ուրիշին , կ'ըսուի որո՞ւն կամ փոխորո , և այն մարդը որ փոխ կառնէ ուրիշէն կ'ըսուի որո՞ւն կամ փոխորո ։

Տոկոսը երկու տեսակ է որո՞ւն և բազարբու ։

ՊԱՐՁ ՏՈՒՈՍ

255. Երբ փոխառուն փոխ առած գրամագլխոյն տոկոսը տարուէ տարի հատուցանէ՞ կամ որոշեալ ժամանակէ մ' ետքը միայն փոխ առած ստակին համար տոկոս վճարէ կ'ըսուի որո՞ւն ։

256. Պարզ տոկոսի խնդիրները ընդհանրապէս երկոյ կանոնով կը լուծուին , ինչպէս որ շատ խնդիրներ լուծեցինք , բայց հոս մասնաւոր մէկ քանի կանոններ աւելցնենք ։

Առաջարկենք նախ . փէսէն ամիսը 6 շրջ 10 փարայէն ի՞նչ է 70000 շրջին մէկ ամսուան շահը ։

Գործարարութիւն

Երկոյ կանոնով .

$$500 : 6,25 :: 70000 : \text{Ք} \quad \frac{625 \times 7000}{5000} = 875$$

Օրէնսի Բ . փէսէն ամիսը 7 1/2 էն ի՞նչ է 6000 շրջին 4 ամսուան և 15 օրուան շահը ։

Գործարարութիւն

$$500 \times 30 : 7,5 :: 6000 \times 135 : \text{Ք} \quad \frac{75 \times 6000 \times 135}{500 \times 300} = 405$$

257. Եթէ տրուած ստակը քէսէի վրայ տրուած է՞ այս խնդիրներուն լուծումէն կը հետեւցնենք այս ընդհանուր կանոնը թէ , պէտք է .

Սակը , ժամանակը և գրամագլուխը իրարու հետ բազմապատկել և 500 ով բաժնել ։

Եթէ ժամանակը օր ունի՞ սակը , օրերուն թիւը և գրամագլուխը իրարու հետ բազմապատկել 15000 ով բաժնել ։

Օրէնսի . փէսէն ամիսը 10 շրջէն ի՞նչ է 8000 ին 6 ամսուան շահը ։

Գործողութիւն

$$10 \times 8000 \times 6 = 480000 : 500 = 960$$

Կրնանք գործողութեան դիւրութեան համար, սա խելամտութիւնն ալ բանեցնել այսինքն թէ, սակին կրկինը, ժամանակը և դրամագլուխը իրարու հետ բազմապատկել և 500 ին կրկինով այսինքն 1000 ով բաժնել, ասանկով թէ բաժանելին և թէ բաժանարարը 2 ով բազմապատկած կըլլանք որն որ քանորդին վրայ փոփոխութիւն չըլլար (65 Ե.):

Վերի ինքիբը :

$$20 \times 8000 \times 6 = 960000 : 1000 = 960$$

Օրինակ Բ. Բէսէն ամիսը 10 զրշէն ինչ 3000 զրշին 6 $\frac{1}{2}$ ամսուան շահը :

Գործողութիւն

$$10 \times 395 \times 3000 = 5850,000 : 15,000 = 390$$

Օրինակ Գ. Տարին $\frac{6}{100}$ 6 էն ինչ է 3000 զրշին մէկ տարուան շահը :

Գործողութիւն

Երկը կանոնով.

$$100 : 6 : : 3000 : \text{Ք}$$

$$\frac{6 \times 3000}{100} = 180$$

* Այս $\frac{6}{100}$ նշանը հորիզոն կը կարգացուի և այս $\frac{6}{100}$ հարկին

Օրինակ Բ. Տարին $\frac{6}{100}$ 6 էն ինչ է 8000 զրշին 2 տարուան 4 ամսուան և 15 օրուան շահը :

Գործողութիւն

$$\begin{matrix} \text{զրշ.} & \text{օր} & \text{շահ} & \text{զրշ.} & \text{օր} & \text{շահ} \\ 100 \times 360 : 6 : : 8000 \times 855 : \text{Ք} \end{matrix}$$

$$\frac{6 \times 8000 \times 855}{100 \times 360} = 1440 \text{ զրշ.}$$

258. Եթէ տրուած ստակը 100 ի վրայի տրուած է՝ այս խնդիրներուն լուծումէն կը հետեւի սա ընդհանուր կանոնը թէ, պէտք է.

Սակը ժամանակը և դրամագլուխը իրարու հետ բազմապատկել և 100 ով բաժնել :

Եթէ ժամանակը օր ունի՝ սակը օրերուն թուովը և դրամագլխովը բազմապատկել 36000 ով բաժնել :

Օրինակ Ա. Տարին $\frac{12}{100}$ 12 էն ինչ է 7500 զրշին 3 տարուան շահը :

Գործողութիւն

$$7500 \times 12 \times 3 = 270000 : 10 = 2700 \text{ զրշ.}$$

Պատ. 2700 զրշ. :

Օրինակ Բ. Տարին 100 ին 10 էն ինչ է 10000 ին 3 տարուան 5 ամսուան 4 օրուան շահը :

Գ. Բ. Ժ. Ս. Ժ. Ս.

12	1234	10	1000	=
3				
36	=	133400,000	36,000	
5		154	3427,77	
41		100		
30		280		
1230		280		
4		280		
1234				

Պատ. 3427 ղրշ. 31 փարա :

#

259. Նախընթաց կանոնները դրամագլխոյն շահը գտնելուն վրայ էր : Բայց երբ շահու վերաբերեալ խնդիրները դիտենք կը տեսնենք որ գլխաւոր չորս տեսակ թիւ կայ, այսինքն՝ դրամագլուխ, սակ, ժամանակ, տոկոս . և չորս տեսակ առաջարկութիւններ կ'ըլլան անոնցմէ մէկը անձանօթ, զոր միւս երեք ծանուցեալներուն ձեռքով կրնանք գտնել : Արդ՝ այս գլխաւոր թիւերուն տեղ իրենց սկզբնատաւը դնելով, այսինքն .

Դ = Գրամագլուխ .

Ս = Սակ .

Ժ = Ժամանակ .

Տ = Տոկոս .

Հ = 100 կամ 500 .

Սմեն մէկուն մասնաւոր կանոնը տանք :

1° Դ = $\frac{ՀՏ}{ՍԺ}$

2° Ս = $\frac{ՀՏ}{ԴԺ}$

3° Ժ = $\frac{ՀՏ}{ՍԴ}$

4° Տ = $\frac{ՍԴԺ}{Հ}$

Խօսքով ալ բացայայտենք .

1° Եթէ գրամագլուխը անձանօթ ըլլայ պէտք է .

Տոկոսը 100 ով կամ 500 ով բաղմնապատկել և արտադրեալը բաժնել սակին և ժամանակին արտադրեալովը :

2° Եթէ սակը անձանօթ ըլլայ պէտք է .

Տոկոսը 100 ով կամ 500 ով բաղմնապատկել և արտադրեալը բաժնել գրամագլուխին և ժամանակին արտադրեալովը :

3° Եթէ ժամանակը անձանօթ ըլլայ պէտք է .

Տոկոսը 100 ով կամ 500 ով բաղմնապատկել և ալ տադրեալը բաժնել սակին և գրամագլուխին արտադրեալովը :

4° Եթէ տոկոսը անձանօթ ըլլայ պէտք է .

Սակը, գրամագլուխը, ժամանակը իրարու հետ բաղմնապատկել և 100 ով կամ 500 ով բաժնել :

260. ԽՆԴԻՐՆԵՐ

1. Որչափ ըլլալու է այն դրամագլուխը որ 100 ին 12 էն 3 տարուան մէջ 1728 զրշ. շահ բերաւ :

$\Gamma. = \frac{2S}{U\delta} \quad \text{ուստի} \quad \frac{1728 \times 100}{12 \times 3} = 4800$

Պատ. 4800 զրշ :

2. 100 ին քանիով տրուած է 4800 զրշը որ 3 տարուան մէջ 1728 զրշ. շահ բերաւ :

$U. = \frac{2S}{\Gamma\delta} \quad \text{ուստի} \quad \frac{1728 \times 100}{4800 \times 3} = 12$

Պատ. 12 զրշ :

3. 400 ին տարին 12 էն 4800 զրշը քանի՞ տարիէն 1728 զրշ. շահ կը բերէ :

$\delta. = \frac{2S}{U\Gamma} \quad \text{ուստի} \quad \frac{1728 \times 100}{12 \times 400} = 3$

Պատ. 3 տարի :

4. 100 ին տարին 12 էն 4800 զրշին 3 տարուան շահը ի՞նչ է :

$S. = \frac{U\Gamma\delta}{2} \quad \text{ուստի} \quad \frac{12 \times 4800 \times 3}{100} = 1728$

Պատ. 1728 զրշ. շահ :

261. Քէսէի վրայ եղած հաշիւները շահը գտնելու համար, իրենց սակին նայելով, մէյ մէկ պարզուած կանոններ ունին, զորոնք հոս կը դնենք :

Առաջարկենք նախ. քէսէն ամիսը 5 զրշէն

ի՞նչ է 4600 զրշին 7 ամսուան և 10 օրուան շահը :

Գործարար

$\text{զրշ. օր շահ} \quad \text{զրշ. օր շահ}$
 $500 \times 30 : 5 : : 4600 \times 220 : \text{Ք}$
 $\frac{5 \times 4600 \times 220}{500 \times 30} =$
 $\frac{1600 \times 220}{3000} = 337 \frac{1}{3}$

Հոս ըստ կանոնի համեմատութեան շարելէն վերջը կանոն մը որոշելու համար պարզելու ատեն համարելին մէջ մէյ այն 5 ը պարզեցի, վասն զի 5 ը անփոփոխ է, բայց 4600 ը և 220 ը չենք կրնար պարզել (կանոն որոշելու համար) վասն զի կրնայ փոխուել. հաստատուն բաժանող մը գտայ 5000. այսինքն թէ, Այն խնդիրները որ ամիսը քէսէն 5 ով էն շահը գտնելու համար դրամագլուխը օրով բազմապատկելու և 5000 ով բաժնելու է: Այս դիտողութեանը նայելով՝ այսինքն անփոփոխ թիւերը անփոփոխ թիւերուն հետ պարզելով կրնանք ամեն սակի համար ալ մէյմէկ կանոն գտնել :

262. Տաճկաստանի մէջ սովորաբար քէսէն ամիսը 100 փր. 5 զրշ. 6 զրշ. 10 փր. 7 $\frac{1}{2}$ զրշ. 1000 ստակ և 10 զրշէն կը հաշուի : կանոնները :

Ա. Եթէ քէսէն ամիսը 100 փարայէն ըլլայ՝ դրամագլուխը օրով բազմապատկելու և 6000 ով բաժնելու է :

Բ. Եթէ քէսէն ամիսը 5 զրշէն ըլլայ՝ դրամագլուխը օրով բազմապատկելու և 3000 ով բաժնելու է :

Գ. Եթէ 6 զր. 10 փր. էն ըլլայ՝ դրամագլու-

խը օրով բազմապատկելու և 2400 ուլ բաժ-
նելու է :

Գ. Եթէ 7 ½ շրջէն ըլլայ՝ 2000 ուլ բաժնե-
լու է :

Ե. Եթէ 1000 ստակէն ըլլայ՝ 1800 ուլ բաժ-
նելու է :

Զ. Եթէ 10 շրջէն ըլլայ՝ 1500 ուլ բաժնե-
լու է :

Օրէնսի Ա. ֆէսէն ամիսը 6 շրջ, 10 փարայէն
ի՛նչ է 6540 շրջին 4 ամսուան 10 օրուան շահը :

Գործող:

6540

130

1962

654

8502,00 : 4

2125,50 : 6

354,25

6540 զըշ գրամագլուխը օրերուն թուովը
որէ 150 օր բազմապատկեցի եղաւ 850200,
զըր 2400 ուլ բաժնեցի, բայց բաժանման
դիւրութեան համար երկու զրօն կարե-
լէս վերջը 24 ին տրտաբրիններովը այսինքն
4 ուլ և 6 ուլ բաժնեցի, վստն դի 4x6=24 :
կրնայի 5 ուլ և 8 ուլ ալ բաժնել վստն
դի 5x8=24.

Օրէնսի Բ. ֆէսէն ամիսը 7 ½ էն 8000 շրջին
5 ամսուան 20 օրուան շահը ո՞րչափ է :

Գործող:

5x30+20=170

8000

1360,000 : 2,000=680

ինչպէս որ վերը քէսէին համար շահ գըտ-
նելու կանոններ գտանք, անոնց պարզութեա-
նը վրայ մտադրութիւն ընելով կրնանք մի և
նոյն խորհրդածութեամբ 100 ուլ տրուած շա-
հերուն համար ալ կանոններ որոշել :

263. ԿԱՆՈՆ Ա. Եթէ 100 ին տարին 6 էն
ըլլայ՝ գրամագլուխը օրով բազմապատկելու և
6000 ուլ բաժնելու է .

Բ. Եթէ 10 էն ըլլայ՝ 3600 ուլ բաժնելու է :

Գ. Եթէ 12 էն ըլլայ՝ 3000 ուլ բաժնելու է :

Դ. Եթէ 15 էն ըլլայ՝ 2400 ուլ բաժնելու է :

Ե. Եթէ 20 էն ըլլայ՝ 1800 ուլ բաժնելու է :

Այս ամեն ըսածնիս յետագայ աղիւսակին
մէջ ամփոփենք :

ԱՂԻՒՍԱԿ ՏՈՒՈՍԵԱՅ			
% տարին	կամ	քէսէին ամիսը	հաստատուն բաժանարար
6	”	2,5 ռ.	6000
9	”	3,75 ”	4000
10	”	500 ստակ	3600
12	”	5 ռ.	3000
15	”	6,25 ”	2400
18	”	7,5 ”	2000
20	”	1000 ստակ	1800
24	”	10 ռ.	1500

264. ՏՈԿՈՍԵԱՅ ՎՐԱՅ ԽՆԴԻՐՆԵՐ

1. 100 խն տարին 10 էն որն է 4000 շրշին 2 տարուան 6 ամսուան շահը :

Պատ. 1000 շրշ :

2. 100 խն 12 էն ի՞նչ է 5700 շրշին 24 օրուան շահը :

Պատ. 45,6 :

3. $\frac{1}{4}$ էն ի՞նչ դրամագլուխ դնելու է որ 2 տարիէն և 3 ամիսէն 540 շրշ շահ բերէ :

Պատ. 5052,625 շրշ :

4. Ի՞նչ սակով դրուած է 1000 շրշը որ 2 տարի 7 ամիս և 15 օրէն 131 $\frac{1}{4}$ շրշ շահ բերաւ :

Պատ. 5 շրշով :

5. Վաճառական մը 3850 շրշի վաճառք կը գնէ և $\frac{1}{8}$ վաստով կը ծախէ . քանի՞ շրշ կը վաստէ :

Պատ. 308 :

6. Վաճառական մը 3850 շրշի վաճառք կը գնէ և 3542 ի կը ծախէ $\frac{1}{8}$ ի՞նչ կը կորսնցնէ :

Պատ. 8 :

7. Վաճառական մը 3850 շրշի վաճառք գընեց և ծախեց $\frac{1}{8}$ կորուստով որչափի ծախեց :

Պատ. 3542 շրշի :

8. Վաճառական մը գնած վաճառքը ծախեց 3542 շրշի $\frac{1}{8}$ ի՞նչ կը կորսնցնէ :

խեց 3542 շրշի $\frac{1}{8}$ վաստով ինքը քանի՞ գընած էր :

Պատ. 3850 շրշի :

9. Ի՞նչ է այն դրամագլուխը որն որ $\frac{1}{5}$ ուր 8 տարուան մէջ 28000 շրշ շահ կը բերէ :

Պատ. 70000 :

10. Քանի՞ շրշ սակով տրուած է 9600 շրշը որ 2 տարուան և 6 ամսուան մէջ 1920 շրշ շահ կը բերէ :

Պատ. 8 շրշ :

11. Որչափ ժամանակուան մէջ 6000 շրշը 10 առ $\frac{1}{10}$ 2350 շրշ շահ կրնայ բերել :

Պատ. 3 տարի 11 ամիս :

12. Ի՞նչ կը $\frac{1}{4}$ ուր դրամագլուխ մը շահու կը գնէ և տարեգլուխ կը ընդունի թէ դրամագլուխ և թէ շահ 155700 լիրա որչափ էր գըրամագլուխը :

Պատ. 148995 լիրա 21 շրշ :

13. Քէսէն ամիսը 7 $\frac{1}{2}$ էն 300 լիրային մէկ օրուան շահը որչափ է :

Պատ. 15 շրշ :

14. Ամիսը քէսէն 7 $\frac{1}{2}$ էն 14000 շրշին 8 ամսուան շահը որչափ է, 18 օրուանը որչափ է :

Պատ. 1680 : 126 :

15. Ամիսը քէսէն 1000 ստակէն 83000 շրշին 9 ամսուան շահը քանի՞ է . 2 ամսուանը քանի՞ 10 օրուանը քանի է :

Պատ. 12450 = 2766,63 = 461,41 :

16. Մէկը 15000 Ֆր. սեղանաւորի մը տա-
րին % 8 տոկոսով կուտայ . 6 ամիսէն 2500
եւ կ'առնէ , տարեգլուխ ի՞նչ տոկոս պիտի
առնէ :

Պատ. 1100 Ֆր :

17. Տարեգլուխ ի՞նչ տոկոս առնելու է ե-
թէ 10 ամիս վերջը 500 Ֆր. եւ ետ առնէ :

Պատ. 1093 Ֆր. 34 սնթ :

18. 12000 զրշը տարին % 12 սակով տա՞-
լը աղէկ է թէ 7000 ը 10 ուլ և 5000 ը 14 ուլ
տալը :

Պատ. Ա. կերպը շահաւոր է 40 զրշ :

19. Մէկը դրամատէրէ մը 1500 զրշ. % տա-
րին 10 սակով վոխ կուզէ , որն որ չհաճիր և
յիշեալ գումարը 3 ամիս անգործ պահելէն
վերջը նոյն մարդուն % 12 ուլ կուտայ . դրա-
մատէրը այս կերպով շահ ըրաւ թէ վնաս և
ո՞րչափ :

Պատ. 15 զրշ. վնաս :

20. Մարդ մը 1200 զրշ. պարտք ունի որն
որ % տարին 12 տոկոսով է , ամեն մէկ ամիսի
վերջ 100 զրշ. կը վճարէ . տարեգլուխ անցած-
ներուն համար ի՞նչ տոկոս վճարելու է :

Պատ. 78 :

21. Մարդ մը 1500 Ֆր. պարտք ունի Յուն-
վար 1 ին վճարելի . այն օրը միայն 250 Ֆր.

կը վճարէ , փետրվար 15 ին 100 Ֆր. Ապրիլ 20
ին 120 Ֆր. Յուլիս 1 ին 400 Ֆր. Օգոստոս 10 ին
100 Ֆր. Հոկտեմբեր 1 ին 150 Ֆր. և 20 ին 250
Ֆր. կը վճարէ , վերջապէս Նոյեմբեր 1 ին կը
ներկայանայ մնացածը % տարին 6 շահով
վճարելու , ո՞րչափ է այս վերջին վճարքը :

Պատ. 173 Ֆր. 95 սանթիմ :

ԲԱՂԱԴՐԵԱԼ ՏՈԿՈՍ

265. Դրամագլխոյ մը շահը վոխանակ պայ-
մանեալ ժամանակէ մը վերջը ընդունելու՝ երբ
աւելցուի իր դրամագլխոյն վրայ որպէս զի
անոր հետ ,յետոյ ինքն ալ կրբեւ դրամագլուխ
շահ բերէ անատեն շահը կ'ըսուի ԲՈՒՆԵՆԻՆ
ՊՈՒՍ :

266. Բաղադրեալ տոկոսի կանոնին դործո-
ղութիւնը երկի կանոնով կրնանք կատարել
որուն համար պէտք է .

Ա. Դրամագլխոյն առաջին տարուան մէջ
բերած պարզ շահը դտնել :

Բ. Այս շահը էվէլցնելով իր վրայ կազմել
երկրորդ տարուան դրամագլուխ մը և իր պարզ
շահը դտնել :

Գ. Այս շահն ալ իր վրայ էվէլցնելով եր-
րորդ տարուան դրամագլուխ մը կազմել և իր
պարզ շահը դտնելով իր վրայ էվէլցնել :

Գ. Այսպէս չարունակել մինչեւ որ տարին ներքը լմնայ :

Ե. Ի վերջոյ առաջին դրամագլուխը ասկէ հանել, մնացածը նոյն դրամագլխոյն բաղադրեալ շահն է :

Օրէնակ. Տարին % 5 էն ի՞նչ է 1000 զըշին 6 տարուան բաղադրեալ շահը :

Գործաւորի

100:5::	1000	: Բ=50	+1000	=1050
	1050	: Տ=52,5	+1050	=1102,5
	1102,5	: Յ=55,13	+1102,5	=1157,63
	1157,63	: Փ=57,88	+1157,63	=1215,51
	1215,51	: Բ=60,78	+1215,51	=1276,29
	1276,26	: Ֆ=63,81	+1276,29	=1340,10

Յայտնի է որ այսպէս հետզհետէ համեմատութիւններ ընելով կրնանք մեր նպատակին հասնիլ, բայց գործողութիւնը դիւրաւ և շուտ լմնալու համար հետեւեալ կանոնը կուտանք :

267. Գրամագլխոյ մը բաղադրեալ շահը գտնելու համար պէտք է .

1 զըշին մէկ տարուան շահով գումարը տարիներուն չափ ինքնիրմով բաղմնապատկել, յետոյ դրամագլխով ալ արտագրեալը կըլլայ նոյն դրամագլխոյն բաղադրեալ շահով գումարը . այս գումարէն դրամագլուխը հանել

մնացածը նոյն դրամագլխոյն բաղադրեալ շահն է : Եթէ տարին կոտորակաւոր ըլլայ՝ նախ ամբողջ տարիներուն հաշիւը ըստ կանոնի ընել և յետոյ կոտորակինը :

Օրէնակ. Տարին % 10 էն ի՞նչ է 2500 զըշին 4 տարուան բաղադրեալ շահը, շահը տարուէ տարի հաշուելով :

Գործաւորի

	1,1	1,4641
	1,1	2500
	<hr/>	<hr/>
	11	73205
	11	29282
Բ.	1,21	3660,2500
	1,21	2500
	<hr/>	<hr/>
	121	1160,25
	242	
	121	
Գ.	1,4641	Պատ. 1160 զըշ. 10 փր.

100 ը տարին 10 էն 1 զըշին շահը կըլլայ 0,1 որուն վրայ 1 ը գումարեցի եղաւ 1,1 որն որ չորս անգամ ինքնիրմով բաղմնապատկեցի ելաւ 1,4641 աս ալ 2500 զըշ. դրամագլխով բաղմնապատկեցի եղաւ 3660,25 որ է բաղադրեալ գումար, ուսկէ 2500 ը հանեցի մնաց 1160,25 որ է բաղադրեալ շահ :

Օրինակ Բ. Տարին % 20 էն ի՞նչ է 3000 շրջին
3 տարուան 8 ամսուան բաղադրեալ շահը վեց
ամսէ վեց ամիս հաշուելով :

	Գրեւորելու	
	1,1	1,9487171
	1,1	<u>3000</u>
	11	5846,1513
	11	<u>4,033</u> $\frac{60}{1800} = 0,0333 + 1$
Բ.	1,21	175384539 $= 1,033$
	1,21	<u>175384539</u>
	121	58461513
	242	<u>6039,0742929</u>
	121	3000
Դ.	1,4641	3039
	1,331	
	<u>14641</u>	
	43923	
	43923	
	<u>14641</u>	
Է.	<u>1,9487171</u>	Պատ. 3039 շրջ :

100 ը տարին 20 էն վեց ամսուանէ կրնէ 10 և մէկ շրջին
շահով գումարը 1,1. Երեք տարուան 8 ամսուան մէջ կայ 7
վեց ամիս և 2 ամիս, ուստի նախ 1,1ը եօթը անգամ ինքնիր-
մով բազմապատկեցի ելաւ 1,9487171. սա ալ 5000 ով ելաւ
5846,1513. Ետքը 1 շրջին 60 օրուան շահը գտայ 0,055..
Վասն զի 1 շրջին 60 օրուան շահն է $= 100$ ին 20 էն $= \frac{1 \times 60}{1800} =$
0,055.. + 1 կրնէ 1,055.. որով բազմապատկեցի 5846,1513 ը
ելաւ 6059.. ուսկէ գրամադրուելը հանելով մնաց 5059 որ է
բաղադրեալ շահը :

268. Ինչպէս որ պարզ շահուն համար՝ Խ-
րենց գլխաւոր տեսակ թուոյը նայելով չորս
տեսակ առաջարկութիւններ կըլլար, այսինքն
անծանօթ կրնար ըլլար գրամադրուելը, սակը,
ժամանակը, տոկոսը, ասանկ ալ բաղադրեալ
տոկոսի մէջ ալ կը պատահի չորս տեսակ առա-
ջարկութիւններ որոնց վրայ վերջը պիտի խօ-
սինք. հոս քանի մը խնդիր դնենք վերի կա-
նոնին համեմատ միայն շահը գտնելու համար :

269. ԲՅՂԱԴՐԵԱԼ ՏՈԿՈՍԻ ԽՆԴԻՐՆԵՐ

1. Տարին % 10 էն 8000 շրջին 5 տարուան
բաղադրեալ տոկոսը քանի՞ է, շահը տարուէ
տարի հաշուելով :

Պատ. 4884 շրջ :

2. Բէսէն ամիսը 6 $\frac{1}{4}$ շրջ. էն 25000 շրջին
7 տարուան 2 ամսուան բաղադրեալ շահով
գումարը քանի՞ կ'ընէ, տարուէ տարի հաշ-
ուելով :

Պատ. 68163 շրջ :

3. Տարին % 3 էն 6500 անգղիական լիրա-
յին 3 տարուան 4 ամսուան 5 օրուան բաղադ-
րեալ տոկոսով գումարը որչափ է, տարուէ
տարի հաշուելով :

Պատ. 7176 լիրա 17 շիլին :

4. Մէկը 45000 շրջ. շահու պիտի դնէ 5

տարուան համար տարին 100 ին 12 բաղադրու-
եալ շահով, կամ տարին 100 ին 13 պարզ
շահով, որն առելի շահառէա է :

Պատ. Առաջինը :

5. Մէկը իր ծնած աղջկանը համար 10000
զրշ. սեղանաւորի մը քով կը ձգէ տարին % 10
բաղադրեալ շահով, տասնեւվեց տարիէն վեր-
ջը որչափ պիտի ընդունի :

Պատ. 45950 :

ՁԵՂՈՒՉՄՆ

270. Որ և իցէ պարաք մը պայմանաժամէն
յառաջ վճարելու համար կոտրած ստակին
կ'ըսուի զիչա՞ն :

Ինչպէս, թէ որ մէկը 100 զրշ. պարաք ու-
նի ժամանակէ մ'ետքը վճարելի և հիմա վը-
ճարէ 100 ին 6 պակսեցնելով, պիտի վճարէ
94 զրշ. 6 զրշ. ը իբրեւ շահ իր քով պահելով,
այս շահին կ'ըսուի զիչա՞ն :

Ձեղչումն երկու տեսակ է ներքին, արտաին :

ՆԵՐՔԻՆ ՁԵՂՉՈՒՄՆ

271. Ժամանակէ մ'ետքը վճարելի պարա-
քին համար ներկայ վճարելիքը դրամադրուի
սեպենք նէ ասոր շահը կ'ըսուի ներքին զիչա՞ն :
Ինչպէս, եթէ 100 զրշ. փոխ տրուի տա-

րին 26 առ % այս 6ը 100 ին վրայ կը գումա-
րեն և սամակ մը կը դրեն 106 զրշ. որքէ զի-
չա՞ն, որ ինչպէս յայտնի է եթէ հիմա վճար-
ուի 100 զրշ. պիտի տրուի :

272. ԿԱՆՈՆ. Ներքին զեղչումը ընելու հա-
մար պէտք է .

Երկը կանոն մը կաղմիւլ այսպէս, 100 ին
զեղչումով գումարը այնպէս կը համեմատի
100 ին ինչպէս առաջարկեալ պարաքը ներկայ
արժէքին : կամ 100 ին զեղչումով գումարը
այնպէս կը համեմատի հարիւրին զեղչման,
ինչպէս առաջարկեալ պարաքը իր զեղչման :

Օրինակ Ա. Մէկը տարի մը պայմանաժամաւ
3604 զրշ. ի վաճառք գնեց, բայց ժամանակէն
առաջ վճարել ուղելով 100 ին 6 զեղչում ընե-
լու դաշինք ըրին պարտատիրոջը հետ, արդ-
քանի՞ զրշ. պիտի հատուցանէ, կամ քանի՞ զրշ.
ներքին զեղչումն պիտի ընէ :

Գործողութիւն.

$$106 : 100 : : 3604 : \Phi \frac{106 \times 3604}{106} = 3400 \text{ ներկայ վճարելիք}$$

$$106 : 6 : : 3604 : \Phi \frac{6 \times 3604}{106} = 204 \text{ ներքին զեղչում}$$

273. Եւ յիրաւի, վասն զի ինչպէս ըսած
ենք (230. 241) թէ, որ և իցէ համեմա տ ու

Թեան մէջ Ա. անդամը Գ. ին, և Բ. անդամը Գ. անդամին հետ համասեռ ըլլալու է. արդեթէ այս խնդրոյն լուծումն ալ գիտելու ըլլանք կը տեսնենք որ 106 ը 100 ին զեղջումով գումարն է և Ա. անդամ, և 3604 ը ներկայ արժէքին զեղջումով գումարն է և Գ. անդամ: Նմանապէս 100 ը 106 ին ներկայ արժէքն է և Բ. անդամ և Ք չորրորդ անդամն ալ 3604 ին ներկայ արժէքն է:

Երկրորդ համեմատութեան մէջ 6 ը 106 ին զեղջումն է և Փ 3604 ին, այս այսպէս ըլլալէն կը հետեւի որ շիտակ է շարուածքը: Բայց ամեն անգամ երկու համեմատութիւն կազմել հարկ չէ, եթէ ներկայ վճարելիքը առաջարկեալ պարտքէն հանենք զեղջումը կը մնայ, փոխադարձաբար եթէ զեղջումը հանենք ներկայ վճարելիքը կը մնայ:

Օրինակ Բ. Տակաւին 8 ամիս պայմանաժամ ունեցող 1550 զրշի տոմսակ մը պիտի զեղջենք ամիսը 100 ին 2 պարզ շահ հաշուելով, քանի՞ զրշ. պիտի հատուցանենք կամ զեղջենք:

Գ. Ի. Գ. Ի. Գ. Ի.

$$116 : 100 :: 1550 : \Phi \quad \frac{100 \times 1550}{116} = 1336,2$$

Պատ. ներկայ արժէքն է 1336,2 = Չեղջումը 1550 — 1336,2 = 213,8 :

Հոս 2 ը 8 ով բողոքագրակցի, վասն զի էթէ 100 ին ամիսը 2 զեղջէք 8 ամիսը պիտի զեղջենք $2 \times 8 = 16$. ուստի $100 + 16 = 116$ որ է հարիւրն և զեղջման գումարը որն որ համեմատութեան Ա. անգամ ըրի:

274. ԽՆԳԻՐՔ ՆԵՐՔԻՆ ԶԵՂՉՄԱՆ

1. Տարին % 6 էն 8750 զրշին 13 ամսուան ներքին զեղջումը քանի՞ է:

Պատ. 534 զրեթէ:

2. 7340 զրշի վաճառք առինք ստակը 8 ամիսէն վճարելի, բայց այսու պայմանաւ որ երբ ժամանակէն յառաջ վճարենք տարին % 6 ներքին զեղջումն հաշուենք. արդ՝ կուզենք 3 ամիսէն վճարել քանի՞ զրշ. վճարելու է:

Պատ. 7161 զրշ:

3. 13500 զրշ. պարտքի փոխարէն 12500 զրշ. պիտի հատուցանեմ, 100 ին քանի՞ ներքին զեղջումն ըրած կ'ըլլամ:

Պատ. 8:

4. 475,65 ֆրանքով 50 մէթը կերպաս պիտի գնեմ, եթէ 100 ին 5 ներքին զեղջումն ըլլայ մէկ մէթը քանի՞ կուգայ:

Պատ. 9 ֆրանք 6 սանթիմ:

5. 520 ֆրանքի տոմսակ մը 45 օրէն պիտի վճարուի տարին % 5 զեղջով, ի՞նչ պիտի վճարուի:

Պատ. 516 ֆրանք 77 սանթիմ:

6. 720 ֆրանքի տոմսակ մը որուն վճարա-
ժամը Հոկտեմբեր 1 է, նոյն տարւոյն Յուլիսի
15 ին ուրիշի մը ձեռք անցաւ տարին % 6 զեղ-
չով, ինչ պիտի վճարէ :

Պատ. 711 ֆրանք 11 սանթիմ :

7. 500 ֆրանքի մուրհակ մը տարւոյն վեր-
ջը վճարելի հետզհետէ երեք մարդոց ձեռք
անցաւ Ա. ը Մարտի 15 ին ստացաւ, Բ. ը Յու-
լիսի 10 ին, Գ. ը Սեպտեմբերի 30 ին. տարին
% 6 զեղչով ամեն մէկը ինչ վճարեց :

Պատ. Ա. ը 467 ֆր. 33 սանթիմ : Բ. ը 486 ֆր.
22 սանթիմ : Գ. ը 492 ֆր. 61 սանթիմ :

8. Մէկը 380 ֆրանքի տոմսակ մը զոր 5 ա-
միսէն պիտի վճարուի կը փոխանակէ 400 ֆր.
նոց տոմսակի մը հետ որն որ 15 ամիսէն պի-
տի վճարուի. այս փոխանակութենէն շահ ը-
րաւ թէ փաստ և սրճափ, երկուքին ալ զեղչը
տարին % 6 ըլլալով :

Պատ. 1 ֆր. 36 սանթիմ շահ :

ԱՐՏԱՔԻՆ ԶԵՂՉՈՒՄՆ

275. Ժամանակէ մ'ետքը վճարելի պարա-
քը գրամագրու խ սեպտեմբրէն՝ ասոր շահը կրս-
ուի որոշին զեղչուն :

Ինչպէս, մէկուն 94 զրշ. կուտան և 100 ին
6 հաշուելով 100 զրշ. ի տոմսակ մը կը գրեն :

Այս զեղչումը սպորինաւոր է առաջինն է օրի-
նաւոր :

276. ԿԱՆՈՆ. Արտաքին զեղչման համար
պէտք է .

Երկր կանոն մը կաղմել այսպէս, 100 ը այն-
պէս կը համեմատի 100 ին պակաս զեղչման
ինչպէս առաջարկեալ պարտքը ներկայ ար-
ժեքին : Կամ 100 ը այնպէս կը համեմատի իր
զեղչման, ինչպէս առաջարկեալ սրբարքը իր
զեղչման :

Օրինակ Ա. Մէկը ժամանակէ մը վճարելի 800
զրշ. ը կ'ուղէ հիմնոյ վճարել 7 առ 100 արտա-
քին զեղչումն ընելով, քանի՞ զրշ. պիտի վճա-
րէ կամ զեղչէ :

Գործողութիւն.

$$100 : 93 : : 800 : \Phi \quad \frac{93 \times 800}{100} = 744 \text{ ներկայ վճարելի:}$$

$$100 : 7 : : 800 : \Phi \quad \frac{7 \times 800}{100} = 56 \text{ սրտաքին զեղչումն:}$$

277. Առաջարկեալ պարտքի մը արտաքին
զեղչումը հաւատար է նոյն պարտքին ժամա-
նակին համեմատ բերած շահին :

Օրինակ Բ. Տարի մը պայմանաժամ ունեցող
15000 զրշ. ի տոմսակ մը տարին 15 առ 100

արտաքին զեղչում պիտի ընենք, քանի՞ զըշ պիտի տանք կամ զեղչենք :

Գրքագրութիւն

$$100 : 15 : : 1500 : x \quad \frac{15 \times 1500}{100} = 2250$$

Պատ. Պիտի զեղչենք 2250 զըշ պիտի տանք 15000 — 2250 = 12750 :

278. ԽՆԴԻՐՔ ԱՐՏԱՔԻՆ ԶԵՂՉՄԱՆ

1. 4800 զըշ ին 8 ամսուան արտաքին զեղչումը քանի՞ զըշ է ամիսը 100 ին $\frac{3}{4}$ զըշ էն :

Պատ. 288 զըշ :

2. 6800 զուրուշին 6 ամսուան արտաքին զեղչումը քանի՞ զուրուշ է ամիսը քէսէն 3 զուրուշէն :

Պատ. 408 զըշ :

3. Մէկու մը 85400 զըշ պարտք ունինք 8 ամիս 15 օրէն վճարելի, բայց գաշինք ըրած ենք որ երբ ժամանակէն յառաջ վճարենք տարին 100 ին 12 արտաքին զեղչումն հաշուենք. արդ՝ 40 օրէն կուզենք վճարել, քանի՞ զուրուշ վճարելու ենք :

Պատ. 79277 զըշ :

4. Մէկը 60000 զըշ ի 7 ամիս 10 օրէն վճարելի տոմսակ մը արտաքին զեղչումն ընելով 53400 զըշ վճարեց. տարին % քանի՞ շահ հաշուեց :

Պատ. 18 :

5. Բանի՞ կ'ըլլայ 5680 ֆրանքի գումար մը եթէ տարին % 6 արտաքին զեղչումն ընենք = Պատ. 5339 ֆր. 20 սանթիմ :

6. Բանի՞ կ'ըլլայ 3575 ֆրանքի գումար մը եթէ տարին % 3 կէսը արտաքին կէսը ներքին զեղչումն ընենք :

Պատ. 3400 ֆրանք 51 սանթիմ :

7. 560 զըշ ին 6 ամսուան արտաքին զեղչը ի՞նչ է տարին % 5 էն :

Պատ. 14 :

8. 486 ֆրանքէն 9 ամսուան համար քանի՞ արտաքին զեղչ կ'ըլլայ տարին % 6 էն :

Պատ. 20 ֆրանք 93 սանթիմ :

ՅԱՐԱԿՅՈՒԹԻՒՆ

279. Տարբեր գինով իրար խառնուած զանազան տեսակ նիւթերուն միջին գինը գտնելուն, և միջին գինը ծանուցեալ ըլլալով տարբեր գին ունեցող նիւթերէն միջին գնոյն համեմատ չափով իրար խառնելուն կ'ըտուի յարկագրութիւնը :

Յարակցութիւնը երկու տեսակ է — զուտ և շահաւոր :

ՈՒՂՂԱԿ ԵՎ ՅԱՐԱԿՅՈՒԹԻՒՆ

280. Իրար խառնուելիք տարբեր գին ունեցող նիւթերուն քանակութիւնները և դի-

ները գիտնալով խառնուրդին միջին գինը գանձելուն կ'ըսուի — զանազան յարակցութիւնս :

281. ԿԱՆՈՆ. Ուղղակի յարակցութեան վերաբերեալ խնդիրները լուծելու համար պէտք է .

Ամեն մէկ նիւթի չափ իր գնովը բաղման պատկել և արտագրեալներուն գումարը չափերուն գումարովը բաժնել , քանորդն է միջին գինը :

Օրինակ՝ Ա. Գինեվաճառ մը 2 օխա գինի օխան 1 զրշ. նոց , 6 օխա՝ 3 զրշ. նոց , 10 օխա՝ 7 զրշ. նոց կու գէ խնանալ թէ ասոնք իրար խառնէ նէ խառնուրդին մէկ օխան քանի՞ կու գայ :

Գործու	Գիները իրենց չափերուն հետ բաղման պատկեցի և արտագրեալները գումարեցի ելաւ 90, չափերն ալ գումարեցի ելաւ 18 սըն որ 90 ին մէջ բաժնելով
օխա զրշ.	Գառց 3 զրշ. միջին գին որ եթէ խառնուրդին օխան 3 զրշի ծախէ ոչ շահ կրնէ և ոչ վնաս :
2×1= 2	
6×3=18	
10×7=70	
28	90:18=5

Պատ. 3 զրշ :

282. ՓՈՐՁ. Ա. Տեսակի գինին որ 1 զրշ. կ'արժէր եթէ հիմա 3 ի ծախէ օխա գլուխ 4 զրշ. կը շահի և 2 օխայէն կը շահի 2×4=8 զրշ. նոյն պէս Բ. տեսակի գինին որ 3 զրշ. կ'արժէր եթէ հիմա 3 ի ծախէ օխա գլուխ 2 զրշ. կը շահի և

6 օխայէն կը շահի 6×2=12 զրշ. Բայց Գ. տեսակի գինին որ 7 զրշ. կ'արժէր եթէ հիմա 3 ի ծախէ օխա գլուխ 2 զրշ. վնաս կընէ և 10 օխայէն կը վնասէ 10×2=20 . շահերուն գումարն է 8+12=20 և վնասն ալ =20 . արդ. շահը և վնասը իրարու հաւասար ըլլալէն կը հետեւի որ ճիշդ է :

Օրինակ՝ Բ. Գինեպան մը 30 օխա գինի օխան 60 փարանոց , 40 օխա 70 փր. նոց , 65 օխա 40 փարանոց և 35 օխա ալ ջուր իրար խառնեց խառնուրդին օխան քանի՞ փր. կ'արժէ :

Գործու	
30 օխա գինի	× 60 փր. = 3000
40 " "	× 70 " = 2800
65 " "	× 40 " = 2600
35 " ջուր	× 0 = 0000
210	8400 : 210 = 40 փր. Պատ :

283. ՈՒՂՂԱԿԻ ՅԱՐԱԿՅՈՒԹԵԱՆ ՎՐԱՅ ԽՆԴԻՐՆԵՐ

1. Գինեպան մը օխան 3 զրշ. նոց , 100 փր. նոց և 2 զրշ. նոց գինին կը հաւասար չափով իրար խառնեց , խառնուրդին օխան քանի՞ եկաւ :
Պատ. 100 փարայի :
2. Գինեպան մը 20 օխա գինի 3 զրշ. նոց 30 օխա 100 փր. նոց , 30 օխա 2 զրշ. նոց և 15 օխա

այլ չուր իրար խառնեց , խառնուրդին օխանքանի՞ եկաւ :

Պատ. 2,04 զրշ :

3. Անդամ մը 100 քոնսուլիսէ սուինք 30 զրշ 40 վր. էն ուրիշ անդամ ալ 100 , 32 զրշ. էն Գ. անդամ 36 զրշ. 25 վր. էն Գ. անդամ 60 զրշ. 32 վր. էն , հիմն 36 զրշ. է եթէ բոլորը ծախենք ի՞նչ կը շահինք :

Պատ. 432,5 զրշ :

4. 20 հատ բումէլիի երկաթուղւոյ բաժին սուինք հետեւեալ զիներով. 2 հատ 158 ֆր. էն , 4 հատ 163 ֆր. էն , 3 հատ 175 ֆր. էն , 4 հատ 177 էն , 2՝ 180 էն , 5՝ 182 էն . բոլորէն 10 լիրա շահելու համար քանի՞ ծախելու է լիրան 22 ֆր. 75 սանթիմ հաշուելով :

Պատ. 184 ֆրանք 92 1/2 սանթիմ .

5. Երէկ ջերմաչափին անդ իկը 2 ժամ 20՝ին վրայ կեցաւ , 4 ժամ 23՝ին վրայ , 1 ժամ 25՝ին վրայ և 3 ժամ ալ 26՝ին վրայ . երէկուան միջին տարութիւնը քանի՞ սասիճան էր :

Պատ. Գրեթէ 24° :

6. Ոսկերիչ մը 8 արամ ոսկի 20 յարգով (այար) , 3 արամ 18 յարգով , 9 արամ 22 յարգով , 6 արամ զուտ* և 10 արամ ալ պղինձ խառնեց , խառնուրդին յարգը քանի՞ է :

Պատ. 15,57 :

* Չուտ ոսկին յարգը 24 է և պղինձինը 0 :

7. Կանանչ ոսկին կը բաղադրէ 708 մաս ոսկիէ և 292 մաս արծաթէ , ի՞նչ կարժէ այս կանանչ ոսկին 1 կրամը , գիտնալով որ 3 կրամ արծաթը 1 ֆր. կարժէ և ոսկին ալ (միևնոյն ծանրութեամբ) արծաթին 15 1/2 անգամը կարժէ :

Պատ. 2 ֆր. 25 սանթիմ :

ԱՆՈՒՂՂԱԿԻ ՅԱՐԱԿՑՈՒԹԻՒՆ

284. Իրար խառնուելիք տարբեր գին ունեցող նիւթերուն գիները և խառնուրդին միջին գինը գիտնալով անոնց քանակութիւնները գտնելուն կ'ըստի անոնց յարաբերութիւնը :

Ինչպէս . Մէկը ունի երկու տեսակ բրինձ մէկուն օխան 3 զրշ . և միւսինը 8 զրշ . կուզէ ասանցմէ խառնուրդ մը ընել անանկ որ խառնուրդին օխան արժէ 5 զրշ . ամեն մէկէն քանակին օխա խառնելու է :

	Փոշ
Գարնաչափ	
3	3 օխա
5 8	3 օխա × 3 զրշ = 9
	2 » × 8 » = 16

	5 25.5 = 5

Խառնուելիք նիւթերուն արժէքները իրարու տակ գրեցի ձախ կողմը կեդրոնահասցեաց գիծ մը քաշեցի և միջին գինը գծին աջ կողմը մէջ տեղը դրի , և ըսի . առաջ օխան 3 է կը ծախէր հիմն 3 է ծախէ՝ օխա գլուխ՝ 2 կը շահի , միւսը որ 8 է կը ծախէր հիմն 5 է ծախէ՝ օխա գլուխ 5 կը վատի : Արդ՝

Եթէ երկու տեսակէն մէյակի օխտ խառնէ (2 շահ 5 վնաս) ըսել է 1 վնաս կրնէ. եթէ երկերկու օխտ խառնէ (3 շահ 6 վնաս) ըսել է 2 վնաս կրնէ. ուրեմն Ա. էն և Բ. էն քանակաւն օխտ իրար խառնելու է որ շահը և վնասը իրարու հաւասար գան. այս բանին համար պիտի գտնենք անանկ երկու թիւ որոնց մէկը 2 շահով և իւրը 5 վնասով բաղմնապատկենք արտադրեալները իրարու հաւասար գան, յայտնի է որ քիչ տարբերութիւն ունեցողէն շատ, և շատ տարբերութիւն ունեցողէն քիչ առնելու է որպէս զի շահն ու վնասը հաւասար ըլլան, և որովհետեւ $2 \times (\text{---}) = 5 \times (\text{---})$ ուրեմն կըսեմք որ Ա. էն 6 օխտ և Բ. էն 4 օխտ. նոյնպէս $2 \times 9 = 5 \times 6$. Ա. էն 9 օխտ և Բ. էն 6, նոյնպէս $2 \times 5 = 5 \times 2$ Ա. էն 5 օխտ և Բ. էն 2 օխտ. ըսել է որ այս խնդիրը անհամար պատասխաններ ունի. բայց պատասխաններուն մէջ փոքր նախապատիւ ըլլալուն կ'ըսեմք որ 2 և 5. նոյն խոյնին 2 շահ և 5 վնաս ցուցնող թիւերը բայց հակառակ կերպով շարուած:

285. ՓՈՐՁ. Առաջ 3 ի կը ծախէր հիմա 5 ի ծախէ 2 կը շահի և 3 օխայէն կը շահի 6. առաջ 8 ի կը ծախէր հիմա 5 ի ծախէ 3 վնաս կրնէ և 2 օխայէն 6 վնաս, որով շահն ու վնասը իրարու հաւասար կ'ըլլան:

Օրէնսի Բ. Մէկը ունի 4 տեսակ խահուէ Ա.ը 7 զրշ. Բ.ը 9 զրշ. Գ.ը 12 զրշ. Դ.ը 14 զրշ. արդ՝ ասոնք ի՞նչպէս իրար խառնելու է որ խառնուրդին օխան 11 զրշի ծախէ նէ ոչ շահ ընէ և ոչ վնաս:

Գործընդդէմը

11	7	}	4 շահ	}	6	4
	9					2 »
	12	}	1 վնաս	}	4	6
	14					3 »

Պատ. 7 նոյէն և 9 նոյէն 4 ական օխա 12 և 14 նոյէն 6 ական:

Խառնուելիք նիւթերուն արժէքները փոքրէն սկսեալ կարգաւ իրարու տակ դրեցի (մեծէն ալ սկսեալ կրնայի գրել) ձախ կողմը վերէն վար դիժ մը բաշտելն և միջին գինը մէջ տեղը գնելէն յետոյ, միջին գինէն փոքր եղածները անկէ մեծ եղողներուն հետ գիծերով զոյգ զոյգ միացուցի, և ամեն մէկուն միջին գինէն ունեցած տարբերութիւնը թէ շահ թէ վնաս իրենց դիմացը նշանակեցի, շահերը գումարեցի նոյնպէս ալ վնասները որով ունեցայ երկու գումար Ա. գումարը որ է 6 կը ցուցնէ թէ երկրորդ գումարը կազմող արժէքներուն ամեն մէկէն սցսիւքն 12 և 14 նոյէն 6 ական առնելու է. և Բ. գումարը որ է 4 կը ցուցնէ թէ առաջին գումարը կազմող արժէքներուն ամեն մէկէն 4 ական առնելու է. ասոնց գումարը կ'ընէ 20 օխա խառնուրդ:

286. ՓՈՐՁ. Առաջ 7 ի կը ծախէր հիմա 11 ի ծախելով օխայէն 4 շահ ունի 4 օխայէն ունի $4 \times 4 = 16$ շահ, 9 ի ծախածէն ալ $2 \times 4 = 8$ շահ, ընդամենը $16 + 8 = 24$ շահ, բայց 12 ի ծախածէն օխայէն 1 զրշ. վնաս ունի. ըսել է թէ 6 օխայէն ունի $1 \times 6 = 6$ վնաս, 14 ի ծախածէն ալ 3 վնաս 6 օխայէն ունի $3 \times 6 = 18$ վնաս ընդամենը $6 + 18 = 24$ վնաս. արդ՝ վնասը շահին հաւասար ըլլալէն կը հետեւի որ ճիշդ է:

287. ՓՈՐՁ Բ. 20 օխան 11 ական զրշէն կընէ $20 \times 11 = 220$:

4 օխան 7 ականէն կրնէ	=	28	} 220
4 " 9 " "	=	36	
6 " 12 " "	=	72	
6 " 14 " "	=	84	

Օրինակ Բ. Դարձեալ

11	<table border="1" style="display: inline-table; vertical-align: middle;"> <tr><td>7</td></tr> <tr><td>9</td></tr> <tr><td>12</td></tr> <tr><td>14</td></tr> </table>	7	9	12	14	4 շահ 3 օխա	շահ 12	} 14 շահ
		7						
		9						
		12						
14								
2 » 1 »	» 2							
1 փա. 2 »	փա. 2							
3 » 4 »	» 12							

Պատ. 7 նոյէն 3 օխա . 9 նոյէն 1 . 12 նոյէն 2 և 14 նոյէն 4 օխա :

Օրինակ Բ. Դարձեալ

11	<table border="1" style="display: inline-table; vertical-align: middle;"> <tr><td>7</td></tr> <tr><td>9</td></tr> <tr><td>12</td></tr> <tr><td>14</td></tr> </table>	7	9	12	14	4 շահ 1 օխա	շահ 4	} 10 շահ
		7						
		9						
		12						
14								
2 » 3 »	» 6							
1 փա. 4 »	փա. 4							
3 » 2 »	» 6							

Պատ. 7 նոյէն 1 օխա 9 նոյէն 3 . 12 նոյէն 4 և 14 նոյէն 2 օխա :

288. Այս խնդիրը ըստ ձևով դատանք երեք տեսակ պատասխաններ որոնց որ և լցէ թուով մը արտադրեալները և քանորդները դարձեալ պատասխաններ են :

289. ԿԱՆՈՆ. կը հետեւցնենք ուրեմն թէ պէտք է .

Ա. խառնուելիք նիւթերուն արժէքները կարգաւ իրարու տակ գրել ձախ կողմը դիմ մը և դժին մէջ տեղը միջին գինը դնել :

Բ. Միջին գինէն փոքր եղողները անկէ մեծ եղողներուն հետ գիծերով զոյգ զոյգ կապել :
 Գ. Իւրաքանչիւրին միջին գինէն ունեցած տարբերութիւնը փոփոխակի կերպով իրենց զոյգ եղողին գիմայը գրել որոնք պատասխաններ են և խառնուրդին մէջ առնուելիք չափը կը ցուցնեն (Ձեւ 2. 3) : Եւ միջին գինէն պակաս արժէք ունեցողներուն անկէ ունեցած տարբերութեանց գումարը աւելի արժէք ունեցողներէն զատ զատ խառնուրդին մէջ առնուելիք չափը կը ցուցնեն . նմանապէս միջին գինէն աւելի արժէք ունեցողներուն անկէ ունեցած տարբերութեանց գումարը պակաս արժէք ունեցողներէն զատ զատ առնուելիք չափը կը ցուցնեն (Ձեւ 1) :

Օրինակ. Գինեպան մ'ունի հինգ տեսակ գինի 1 նոյ , 1 ½ նոյ , 2 նոյ , 3 նոյ , և 5 նոյ՝ ասոնցմէ ինչ համեմատութեամբ իրար խառնելու է որ օխան 2 ½ ի գայ :

Ա. Գործողութիւն

100	<table border="1" style="display: inline-table; vertical-align: middle;"> <tr><td>40</td></tr> <tr><td>60</td></tr> <tr><td>80</td></tr> <tr><td>120</td></tr> <tr><td>200</td></tr> </table>	40	60	80	120	200	100	օխա
		40						
		60						
		80						
		120						
200								
20	»							
100	»							
40	»							
60+20	»							

Բ. Գրքի շարժում

100	40	100	օխա	կամ	}	140	օխա	
	60	20				140		"
	80	20				140		"
	120	40+20				120		"
	200	60				120		"

290. Գրքի շարժումը երբ խառնուրդին քանակու-
թիւնը ծանուցեալ ըլլայ և խառնուրդիք նիւ-
թերուն իւրաքանչիւրէն որչափ առնուիլը
փնտուռի՝ պէտք է:

Նախ ըստ կանոնի գտնել իւրաքանչիւրէն
առնուելիքը, որոնց գումարը այնպէս կը հա-
մեմատի խառնուրդին քանակութեան ինչպէս
իւրաքանչիւր մաս պատասխանի:

Օրինակ Ա. Մէկը ունի երեք տեսակ ալիւր
3 նոց 5 նոց և 8 նոց, կուղէ ասոնցմէ 20 օխանոց
խառնուրդ մը շինել անանկ որ միջակայն գինը
6 ըլլայ քանակա՞ն օխա խառնելու է:

Գրքի շարժում

6	3	2	օխա	}	8 : 20 :: 2	2	}	= 5
	5	2				2		= 5
	8	3+1				4		= 10
	8							20

Պատ. 3 նոցէն և 5 նոցէն 5 ական, 8 նոցէն
10 օխա:

Օրինակ Բ. Հինգ տեսակ արծաթ ունինք իւ-
րաքանչիւրին տրամբ կ'արժէ 75, 82, 100,
118, 125 փրց. կուղենք ասոնցմէ 520 տրամ
խառնուրդ մ'ընել որուն տրամն արժէ 90 փր-
ց. իւրաքանչիւրէն քանակա՞ն տրամ առնելու ենք:

Գրքի շարժում

90	75	35	}	104 : 520 :: 8	35	}	= 175
	82	40+28			38		= 190
	100	8			8		= 40
	118	8			8		= 40
	125	15			15		= 75
104				520			

Պատ. 75 նոցէն 175, 82 նոցէն 190, 100
նոցէն և 118 նոցէն 40 ական և 125 նոցէն 75
տրամ:

291. Գրքի շարժումը երբ խառնուրդիք նիւթե-
րուն միայն մէկ տեսակէն որչափ առնուիլը
ծանուցեալ ըլլայ և միւսներէն որչափ առ-
նուիլը փնտուռի, պէտք է:

Ըստ կանոնի գտնել իւրաքանչիւրէն առ-
նուելիքը և այս մասերը ծանուցեալ չափին
հետ համեմատութիւն ընելով գտնել միւսնե-
րէն առնուելիք չափն ալ:

Օրինակ Ա. Մէկը ունի չորս տեսակ գինի 2
նոց, 5 նոց, 7 նոց, 9 նոց, կուղէ անանկ կերպով
խառնել որ խառնուրդին գինը 6 ի գայ և 5

293. ԱՆՈՒՂՂԱԿԻ ՅԱՐԱԿՅՈՒԹԵԱՆ

ՎՐԱՅ ԽՆԴԻՐՆԵՐ

1. Յօրենի վաճառական մը ունի չորս տեսակ ցորեն 24, 22, 19 և 15 զրջնոց, արդ՝ այս ցորեններէն ի՞նչ համեմատութեամբ իրար խառնելու է որ խառնուրդին գրիւը 20 զրջ. ծախէ նէ ոչ չա՛հ ընէ և ոչ վրաս :

Պատ. 24 նոցէն 5 : 22 նոցէն 1 : 19 նոցէն 2 : 15 նոցէն 4 այս համեմատութեամբ :

2. Մէկը ունի երկու տեսակ ցորեն և դարի, ցորեններուն գրիւն են 20 և 18. դարիինը 12 զրջ. ասոնք ի՞նչպէս իրար խառնելու է որ խառնուրդին գրիւը 16 զրջի ծախէ :

Պատ. 4 : 4 : 6 համեմատութեամբ :

3. Գինեպան մը օխան 8, 6, 5, 4 զրջնոց գինիները և ջուր կուզէ խառնել, քանակա՞ն օխա խառնելու է որ խառնուրդին օխան 5 ի ծախելու կարող ըլլայ :

Պատ. 8 նոցէն 5 օխա, 6 նոցէն և 4 նոցէն մէկմէկ, ջուրէն 3 համեմատութեամբ և 5 նոցէն ըստ հաճոյից :

4. Ոսկերիչ մը չորս տեսակ ոսկի ունի. զուտ, 22, 20 և 16 յարգերով, կուզէ սղնձի հետ խառնել. ի՞նչ համեմատութեամբ առնելու է որ խառնուրդը 20 յարգ ունենայ :

Պատ. 24 նոցէն 20. 22 նոցէն 4. 20 նոցէն

ըստ հաճոյից. 16 նոցէն 2. սղինձէն 4 համեմատութեամբ :

5. Յօրենի վաճառական մը ունի չորս տեսակ ցորեն 24, 22, 19 և 15 զրջնոց, կուզէ ասոնցմէ 1200 գրիւնոց խառնուրդ մը շինել և գրիւը 20 զրջի ծախել. քանակա՞ն գրիւ խառնելու է :

Պատասխաններէն մէկը 500. 100. 200. 400 : 6. 300, 250, 180, 100 զրջնոց թէյերէն

կուզենք 90 օխանոց խառնուրդ մ'ընել և օխան 200 զրջի ծախել, քանակա՞ն օխա իրար խառնելու է :

Պատասխաններէն մէկը $33\frac{1}{3}$. $6\frac{2}{3}$. $16\frac{2}{3}$. $33\frac{1}{3}$:

7. Գինեպան մը 7, 6, 4, 3 զրջնոց գինիներէ և ջուրէ կուզէ 200 օխանոց խառնուրդ մը ընել և օխան 3 զրջի ծախել, քանակա՞ն օխա խառնելու է :

Պատ. Գինիներէն 30 ական և ջուրէն 80 օխա :

8. Մէկը ունի չորս տեսակ ցորեն 24, 22, 19 և 15 զրջնոց կուզէ անանկ կերպով իրար խառնել որ խառնուրդին գրիւը 20 զրջի գայ և 24 նոցէն 100 գրիւ գանուի խառնուրդին մէջ. մէկալ երեք տեսակէն քանակա՞ն գրիւ խառնելու է :

Պատ. 20. 40. 80 կամ 500. 400. 200 :

9. Մէկը ունի երեք տեսակ խահուէ 20, 16 և 12 զրշնոյ. 12 նոցէն 100 օխա կառնէ և կուզէ միւսներուն հետ խառնել, անանկ որ խառնուողին օխան 13 ի ծախէ նէ ոչ շահ ընէ և ոչ մնաս, միւսներէն քանակո՞ն օխա խառնելու է :

Պատ. 30 ական :

10. Օխան 3, $2\frac{1}{2}$, $1\frac{3}{4}$ ալիւրները կուզենք իրար խառնել անանկ որ 3 նոցէն 30 օխա գտնուի և օխան $2\frac{3}{8}$ ի ծախուի վերջի երկու տեսակէն քանակո՞ն օխա խառնելու է :

Պատ. $11\frac{1}{5}$ ական օխա :

11. Մէկը 40 օխա $22\frac{1}{8}$ զրշնոյ 30 օխա 13 զրշնոյ և 13 օխա 30 զրշնոյ ծխախառնը 40 և 44 նոց ծխախառնելու հետ խառնել կուզէ, անանկ որ խառնուողին օխան 48 ի կարենոյ ծախել. վերջի երկու տեսակէն քանակո՞ն օխա գտնելու է խառնուողին մէջ :

Պատ. 21, 25 ական օխա :

ԿԵՂԾ ԳՐՈՒԹԻՒՆ

294. Երբեմն խնդիր մը լուծելու համար պատասխանին տեղ որ և լցէ մէկ կամ երկու թիւ կ'ենթադրենք և խնդրոյն պայմաններուն հետ կը համեմատենք թէ արդեօք ենթադրած թիւերնիս ճիշդ է թէ սխալ. խնդիրները

ահա այս կերպ լուծելու գործողութեանը կէտք բերուին կ'ըսուի :

Կեղծ գրութիւնը երկու տեսակ է պարզ և երկու :

ՊԱՐԶ ԿԵՂԾ ԳՐՈՒԹԻՒՆ

295. Երբ մէկ թիւ մը ենթադրելով բաւական ըլլայ խնդրոյն պատասխանը գտնելու, կ'ըսուի պարզ կէտք բերուին :

296. ԿԱՆՈՆ. Պարզ կեղծ գրութեան խընդիրները լուծելու համար պէտք է,

Ա. Նախ թիւ մը ենթադրել և պայմաններուն համեմատ կատարել :

Բ. Եթէ գումարը խնդրոյն մէջի գումարին հաւասար գայ, ենթադրած թիւը պատասխան կըլլայ :

Գ. Իսկ եթէ հաւասար չ'գայ համեմատութիւն ընելու է այսպէս. գտած գումարդ այնպէս կը համեմատի առաջարկեալ գումարին ինչպէս ենթադրեալ թիւ իր պատասխանին :

Օրինակ. կուզենք 180 զրշը 3 հոգւոյ անանկ բաժնել որ Բ. ին առածը Ա. ին կրկինը ըլլայ և Գ. ին առածը Բ. ին եռապատիկը, ամեն մէկը ինչ պիտի առնէ :

Որովհետեւ Բ. ին և Գ. ին բաժինները Ա. էն կախումն ունին անանկ որ եթէ Ա. ը ծանու-

ցեալ ըլլայ, Բ. ը և Գ. ը ծանուցեալ կըլլան, ուստի Ա. ին տեղ թիւ մը ենթադրենք որինապի վրայ ըսենք Ա. ին բաժինը ըլլայ 4. որով Բ. ինը կըլլայ $4 \times 2 = 8$ և Գ. ինը $8 \times 3 = 24$: Արդ այս երեք բաժինները գումարենք կը գտնենք $4 + 8 + 24 = 36$: Գումարը 180 պիտի ըլլար $36 : 180 :: 4 : Բ = 20$ զրշ. որէ Ա. ին բաժինը և $20 \times 2 = 40$ Բ. ին բաժինը և վերջապէս $40 \times 3 = 120$ զրշ. Գ. ին առածը. վասնզի $20 + 40 + 120 = 180$:

Գ. Բ. Գ. Բ. Գ. Բ.

$Բ = 20$	$Ա = 4$	$36 : 180 ::$	$\left. \begin{matrix} 4 \\ 8 \\ 24 \end{matrix} \right\}$	8	$: Բ =$	20
$Գ = 36$	$Բ = 8$			24	$: Գ =$	40
	$Գ = 24$			36	$=$	120

297. ՊԱՐԶ ԿԵՂԾ ԴՐՈՒԹԵԱՆ

ՎՐԱՅ ԽՆԴԻՐՆԵՐ

1. 600 ֆր. ը երկու մասերու այնպէս բաժնել որ իրարու համեմատին ինչպէս 3 : 5 :
Պատ. 225 : 375 :
2. 486 ֆր. ը 1 . 3 . 5 համեմատութեամբ երեք մասերու բաժնել :
Պատ. 54 : 162 : 270 :

3. 3,562 մէթրը երեք կտոր ընել $4 . 3 . \frac{7}{10}$ համեմատութեամբ :
Պատ. 1,83 : 1,388 : 0,324 :

4. Գտնել անանկ թիւ մը որուն վրայ իր կէտը չորրորդ և հինգերորդ մասերը գումարելով 585 ըլլայ :
Պատ. 300 :

5. Երեք վաճառական կորուսին ընկերութեան մէջ 24000 զրշ. որ պիտի բաժնուի իրենց դրամագլխոյն համեմատ. Ա. ին դրամագլուխը մէկալ երկուքին դրամնուն հաւասար է, Բ. ինը Գ. ին կրկինը. գտնել իւրաքանչիւրին կորուստը :
Պատ. Ա. 12000 : Բ. 8000 : Գ. 4000 :

6. 32414 ֆր. պիտի բաժնուի հինգ մարդաց անանկ որ Բ. ը Ա. ին կրկինը առնէ աւելի 36 ֆր. Գ. ը Բ. ին կէտը ու Ա. ին երրորդ մասը պակաս 12 ֆր. Գ. ը Գ. ին կրկինը և 24 ֆր. աւելի, իսկ Ե. ը Ա. ին և Գ. ին առաճներուն գումարին չափ. ամեն մէկը ինչ պիտի առնեն :
Պատ. 3000 : 6036 : 4006 : 8036 : 11036 :

7. 6900 թիւը անանկ ելեք մասերու բաժնէ որ Ա. ը Բ. ին այնպէս համեմատի ինչպէս 4 : 3 և Ա. ը Գ. ին այնպէս համեմատի ինչպէս 7 : 5 :
Պատ. 2800 : 2100 : 2000 :

298. Երբ խնդրոյն պատասխանը գտնելու համար երկու ենթադրութիւն կրնենք, կ'ըսուի կէսի կէշ Երբեք :

299. ԿՈՆՈՆ. կրկնակ կեղծ գրու թեան խընդիրները լուծելու համար պէտք է,

Ա. Նախ թիւ մը ենթադրել և խնդրոյն պայմաններուն համեմատ իբրև փորձ կատարել,

Բ. Գտած սխաղը ելէլէնէ՝ +, պակաս է նէ՝ — նշանով նշանակել :

Գ. Դարձեալ ուրիշ թիւ մը ենդաթրել և նոյն կերպով կատարելով սխալն + կամ — նշանով նշանակել :

Դ. Երկրորդ սխաղով առաջին ենթադրեալ թիւը և առաջին սխաղով երկրորդ ենթադրեալ թիւը բաղմնագատակել :

Ե. Եթէ սխալներուն նշանները նման են այսինքն երկուքն ալ + կամ երկուքն ալ — են արտագրեալներուն տարբերութիւնը սխալներուն տարբերութեամբը բաժնել. եթէ աննման են այսինքն մէկը + միւսը — ըլլայ արտադրեալներուն գումարը սխալներուն գումարովը բաժնել քանորդը պատասխանն է :

Օրինակ. Աղքատ մը ժողովքի մը մէջ եղած մարդկանց կըսէ. Եթէ ամեն մէկերնից 2 ապակի գրչ տաք, պարտքս վճարելու 6 դրչ կը

պակի, եթէ 3 ապակի գրչ տաք՝ պարտքս վճարելէս ետքը 4 դրչ կ'աւելնայ, գտնել մարդկանց թիւը և աղքատին պարտքը :

Ենթադրենք թէ 7 մարդ ըլլայ որով աղքատին պարտքը կ'ըլլայ $2 \times 7 + 6 = 20$ դրչ, բայց դիտենք թէ երկրորդ պայմանն ալ ճիշդ է, եթէ 3 ապակի գրչ տան, կ'ըլլայ $3 \times 7 = 21$ դրչ որն որ պարտքէն մէկ աւելի է փոխանակ 4 ըլլալու այսինքն 3 դրչ պակաս, ուստի ըսենք 7 մարդ ենթադրեցինք 3 դրչ պակաս եկաւ : Ուրիշ ենթադրութիւն մ'ալ ընենք. դիցուք թէ 12 մարդ ըլլայ, աղքատին պարտքը կ'ըլլայ $2 \times 12 + 6 = 30$ դրչ, միւս պայմանով $3 \times 12 = 36$ որն որ պարտքէն 6 աւելի եկաւ փոխանակ 4 գալու այսինքն 2 աւելի, ուստի ըսենք 12 մարդ ենթադրեցինք 2 դրչ աւելի եկաւ :

Գործողութիւն

Ա. ենթադր. 7 մարդ	Բ. ենթադր. 12 մարդ
$7 \times 2 + 6 = 20$ դրչ պարտք	$12 \times 2 + 6 = 30$ դրչ պարտք
$7 \times 3 - 4 = 17$ » »	$12 \times 3 - 4 = 32$ » »
<u>3 պակաս</u>	<u>2 ելէլ</u>
7 — 3	Փորձ
12 + 2	$10 \times 2 + 6 = 26$ դրչ պարտք
14 5	$10 \times 3 - 4 = 26$ » »
<u>36</u>	
50 : 5 = 10 մարդ	

Պատ. 10 մարդ, 26 դրչ պարտք :

Օրինակ Բ. Ժողովքի մը մէջ 100 անձ կար
այր , կին , հանգանակութիւն մը ըլլալով էրիկ
մարդիկ 5 ական զրշ. տալին և կնիկ մարդիկ
4 ական , բոլորը եղաւ 462 զրշ. գանեւ էրիկ
մարդոց և կնիկ մարդոց թիւերը :

Գ. Ե. Ն. Բ. Գ.

Ա. ենթադ. 20 սյր Բ. ենթադ. 50 սյր

$20 \times 5 = 100$	$50 \times 5 = 250$
$80 \times 4 = 320$	$50 \times 4 = 200$
<hr style="width: 50%; margin: 0;"/>	<hr style="width: 50%; margin: 0;"/>
420	450

$462 - 420 = 42$ սպաս $462 - 450 = 12$ սպաս

$20 - 42$	Փ. Ե.	$62 \times 5 = 310$	զրշ.
$50 - 42$		$38 \times 4 = 154$	»
<hr style="width: 50%; margin: 0;"/>		<hr style="width: 50%; margin: 0;"/>	
240	30	462	»
<hr style="width: 50%; margin: 0;"/>			
2100			

$1860 : 30 = 62$ սյր

Պատ. 62 սյր . 38 կին :

300. ԿՐԿՆԱԿ ԿԵՂԾ ԴՐՈՒԹԵԱՆ

ՎՐԱՅ ԽՆԴԻՐՆԵՐ

1. Մնդամ մը 10 լեմն և 6 նարինջ առինք
և տուինք 76 վր. Բ. անդամ միւսնոյն գնով 8

լեմն և 3 նարինջ և տուինք 50 վր. գանեւ
լեմնին և նարնջին գիները :

Պատ. Լեմն 4 վր. նարինջ 6 փարա :

2. 946 զրշ. սպարաբ կար 5 նոց և 6 նոց
ընդամենը 170 հաս տալով վճարեցինք . քա-
նի հինգնոց և քանի՞ վեցնոց էր :

Պատ. 74 հինգնոց , 96 վեցնոց :

3. Մէկը ճամբան քանի մը աղքատաց հան-
դիպելով կուզէ ողորմութիւն տալ . եթէ ա-
մեն մէկուն 10 ական զրշ. տայ՝ 2 զրշը կ'որակ-
սի՝ եթէ 9 ական տայ՝ 6 զրշը կուե՛նայ՝ քանի՞
զրշ. ունէր և աղքատները քանի՞ էին :

Պատ. 78 զրշ. 8 աղքատ :

4. Երկու աղբիւր Ա. ը 3 ժամ Բ. ը 2 ժամ
վաղելով 274 լիտր ջուր կուտան , գարձեալ
նոյն աղբիւրները Ա. ը 2 ժամ Բ. ը 3 ժամ վա-
ղելով 286 լիտր կուտան , խրաքանչիւր աղբիւր
մէկ ժամուան մէջ քանի՞ լիտր ջուր կուտան :

Պատ. Ա. ը 50 , Բ. ը 62 լիտր :

5. Երկու գործաւոր Ա. ը 5 օր Բ. ը 7 օր
բանելով 67 մէթր կը բանին . վերջը Ա. ը 7 օր
Բ. ը 8 օր բանելով 83 մէթր կը բանին . ամեն
մէկ գործաւոր օրը քանի՞ մէթր կը բանէր :

Պատ. Ա. ը 5 , Բ. ը 6 :

6. Մէկը 30 գրիւ ցորեն և 20 գրիւ գարի
ծախեց 560 զրշի . վերջը 50 գրիւ ցորեն 60

գրիւ գարի 1200 զրշի . ցորենին գրիւը քա-
նի՞ է և գարիինը քանի՞ :

Պատ. 3որեն 12 . գարի 10 զուրուշ :

7. Տղայ մը իր հօրը կը հարցնէ թէ քանի՞
տարեկան ես , կը պատասխանէ . իմ տարիքս
քուկինիդ եռապատիկն է , 9 տարի յառաջ ալ
հնգապատիկն էր . գտնել տղուն և հօրը տա-
րիքը :

Պատ. տղան 18 . հայրը 54 :

8. Ա.ը կրտէ Բ.ին . եթէ ինձի 30 զուրուշ
տաս իմ ստակս քուկինիդ կը հաւասարի . Բ.ն
ալ Ա.ին կրտէ . եթէ դու ինձի 30 զրշ . տաս
իմինս քուկինիդ կրկինը կըլլայ . իւրաքանչիւ-
րին ունեցածը որչանի էր :

Պատ. 150 , 210 :

9. Երկու հոգի միեւնոյն տեղէ միեւնոյն
ատեն ճամբայ կերնէն և միեւնոյն ուղղու-
թեամբ կերթան , Ա.ը օրը 18 մղոն կը քայլէր
ասոնք 9 օր երթալէն վերջը Ա.ը ետ կը դառ-
նայ այնքան տեղ որչափ որ այն 9 օրուան մէջ
Բ.ը գացած էր ու վերջը նորէն առջի ճամ-
բան բռնելով կը հասնի Բ.ին ընդամենը 22 1/2
օր ճամբայ գացին . Բ.ը օրը քանի՞ մղոն կ'եր-
թար :

Պատ. 10 մղոն :

10. Հայր մը կտակ կ'ընէ որ մեռնելէն վեր-
ջը Ա. տղան առնէ ժառանգութենէն 1000

զրշ . և մնացածին 1/8ը . Բ.ը 2000 զրշ . և Ա.ը
իր բաժինը և Բ.ը 2000 զրշը առնելէն վերջը
մնացածին 1/8ը . և այսպէս շարունակ ամեն
տղայ իրմէ առջինէն 1000 զրշ . աւելի և մնա-
ցածին 1/8ը առնէ , բաժնուելէն վերջը տես-
նուեցաւ որ հաւասարապէս աւեր են . որչափ
էր ժառանգութիւնը . քանի՞ տղայ էին . ամեն
մէկը ի՞նչ առին :

Պատ. 49000 զրշ . ժառանգութիւն . 7 տը-
ղայ . ամեն մէկը 7000 զուրուշ :



Կ Ա Ր Ո Ղ Ո Ի Թ Ի Ի Ն

ԵՒ

Ա Ր Մ Ա Տ

301. Երբ թիւ մը քանի մը անդամ ինքն
իրմով բազմապատկենը արտագրեալը կ'ըս-
ուի նոյն թուոյն երբեք , երբեք , ւերբեք և այլն
կարողութիւնը :

Երկրորդ կարողութեան կ'ըսուի նաեւ 4-
անգամ , և երրորդ կարողութեան երեքանգոյն :
ինչպէս 4ին քառակուսին է 4×4=16 , 6ին
քառակուսին 6×6=36 :

302. Այսպէս ալ .
1 2 3 4 5 6 7 8 9 թուոց
քառակուսիներն են 1 4 9 16 25 36 49 64 81 :

303. ԿԱՆՈՒՆ. Թուոյ մը քառակուսին դանելու համար պէտք է .

Նոյն թիւը ինքիւրմով բազմապատկել :

Օրինակ Ա. Գտի՛ր 12 ին քառակուսին :

Գտի՛ր 12 × 12 = 144 :

Օրինակ Բ. Գտի՛ր $\frac{3}{7}$ ին երկրորդ կարողութիւնը :

Գտի՛ր $\frac{3}{7} \times \frac{3}{7} = \frac{9}{49}$:

Օրինակ Գ. Գտնել 2,4 ին քառակուսին :

Գտի՛ր 2,4 × 2,4 = 5,76 :

304. ՀԵՏՏԵԻՆԵԱԼ ԹՈՒՈՅ ՔՍՈՍԿՈՒՍԻՆ ԳՏՆԵԼ

1. 10 : 100 : 1000 : 10000 :

Պատ. 100 : 10000 : 1000000 : 100000000 :

2. 12 : 25 : 56 : 89 : 124 : 215 :

Պատ. 144 : 625 : 3136 : 7921 : 15376 : 46225 :

3. 206 : 80 : 2600 : 5006 :

Պատ. 42406 : 6400 : 6760000 : 23060036 :

4. 0,1 : 0,01 = 0,001 : 0,82 : 0,567 : 0,062 :

Պատ. 0,01 : 0,0001 : 0,000001 : 0,6724 = 0,321489 : 0,003844 :

5. 0,0001 : 0,3 : 0,5067 : 0,00101 :

Պատ. 0,00000001 : 0,09 : 0,25674489 = 0,0000010201 :

6. 3,6 : 4,07 : 56,4 : 13,06 :

Պատ. 12,96 : 16,5649 : 3180,96 : 226,8036 :

7. $\frac{1}{2} : \frac{1}{3} = \frac{1}{4} : \frac{1}{5} = \frac{2}{3} : \frac{1}{10} = \frac{3}{100}$:

Պատ. $\frac{1}{4} : \frac{1}{9} = \frac{1}{16} : \frac{1}{25} = \frac{4}{9} : \frac{1}{100} = \frac{9}{10000}$:

8. $3\frac{1}{2} : 5\frac{2}{3} = 7\frac{3}{7} : 11\frac{6}{10}$:

Պատ. $12\frac{1}{4} : 32\frac{1}{9} = 55\frac{9}{19} : 134\frac{14}{25}$:

305. Թուոյ մը քառակուսին, խորանարդը, չորրորդ կարողութիւնը և այլն նշանելու համար պէտք է նոյն թուոյն աջ կողմը քիչ մը վերք 2. 3. 4 և այլն թուանշանը դրել փոքր ձեւով որուն կ'ըսուի վերանշան :

ինչպէս 7 ին քառակուսին այսպէս կը ցու-
ցընենք 7² · 8 ին չորրորդ կարգու թիւներ՝ այս-
պէս 8³ :

Իսկ եթէ քանակութիւնը միանգոյշ չըլլայ՝
անոր այսինչերորդ կարգու թիւներ նշանելու
համար փակադ ճի մեջ առնելու է ն աջ կողմը
վերօք վերածողը գնելու է :

Ինչպէս 7—3 ին խորանարդը այսպէս կը
ցայտնենք (7—3)³ · նոյնպէս 10—7+2 ին քա-
ռակուսին՝ այսպէս (10—7+2)² :

306. Առաջարկեալ թուոյ մը ~~...~~ ք-
անակը ըսելով կը հասկնանք այն թիւը որ եթէ
ինքիբնով բազմապատկուի արտադրեալը ա-
ռաջարկեալ թուոյն հաստատը ըլլայ :

Ինչպէս 36 ին քառակուսի արմատն է 6 ·
վանդի 6×6=36 = 64 ին քառակուսի արմատն
է 8 · 70 ինը 8 և 6 մնացորդ = Թուոյ մը քա-
ռակուսի արմատը նշանակելու համար ոչեաք
է նոյն թիւը այս $\sqrt{\quad}$ նշանին տակը դրել, ո-
րուն ~~...~~ կ'ըսուի, վրայի բաց տեղն ալ
2 թուանշանը դրել փոքր ձեւով, որուն կ'ըս-
ուի ~~...~~ ինչպէս 25 ին քառակուսի արմատը
այսպէս կը ցուցնենք $\sqrt{25}$ · 81 ինը այսպէս $\sqrt{81}$
շատ անգամ ալ վրայի 2 թուանշանը չ'դրուե-
լով զօրութեամբ կիմնացուի ինչպէս $\sqrt{25}$ կամ
 $\sqrt{25}$: $\sqrt{81}$ կամ $\sqrt{81}$:

ԱՐԻԹՄԵՏԻԿԱ

Արմատ	1	2	5	4	5	6	7	8	9
Բ. կարգը	1	4	9	16	25	36	49	64	81
Գ. »	1	8	27	64	125	216	345	512	729
Գ. »	1	16	81	256	625	1296	2401	4096	6561
Ե. »	1	52	245	1024	5125	7776	16807	52768	59049
Զ. »	1	64	729	4096	15625	46656	117649	262144	551441
Է. »	1	128	2187	16584	78125	279956	825345	2097152	4782969
Ը. »	1	256	6561	65536	590625	1679616	5764801	16777216	45046721
Թ. »	1	512	19685	262144	1955125	10077696	40555607	154217728	587420489
Փ. »	1	1024	39049	1048576	9763625	60466176	282475249	1075741824	5486784401

ՎԵՐԱԾՈՂՆԵՐՈՒՆ ՅԱՏԿՈՒԹԻՒՆՆԵՐԸ

307. ՆԱԽԱԳԱՍՈՒԹԻՒՆ Ա. Երբ մի և նոյն թուոյ վերածողները իրարու վրայ էլէլնան, նոյն թիւերը իրարմով կը բազմապատկուին :

Ինչպէս, կըսեմ որ $4^3 \times 4^2 = 4^5$

Վասն զի $4^3 = 4 \times 4 \times 4$

Եւ $4^2 = 4 \times 4$

Ուստի $4^3 \times 4^2 = 4 \times 4 \times 4 \times 4 \times 4 = 4^5$

308. ՆԱԽԱԳԱՍՈՒԹԻՒՆ Բ. Երբ մի և նոյն թուոյ վերածողները իրարմէ պակսին, նոյն թիւերը իրարմով կը բաժնուին :

Ինչպէս, կըսեմ որ $4^3 : 4^2 = 4^1$

Վասն զի $4^3 = 4 \times 4 \times 4$

Եւ $4^2 = 4 \times 4$

Ուստի $4^3 : 4^2 = \frac{4 \times 4 \times 4}{4 \times 4} = 4 \times 4 = 4^1$

309. ՆԱԽԱԳԱՍՈՒԹԻՒՆ Գ. Երբ թուոյ մը վերածողը բազմապատկենք բազմապատկողին չափ կարողութեան բարձրացուցած կ'ըլլանք :

Ինչպէս, կըսեմ որ $(4^2)^3 = 4^{2 \times 3} = 4^6$

Վասն զի $4^2 \times 4^2 \times 4^2 = 4^6$

310. ՆԱԽԱԳԱՍՈՒԹԻՒՆ Գ. Երբ թուոյ մը վերածողը բաժնենք բաժանարարին չափ արմատը գտած կ'ըլլանք :

Ինչպէս, կըսեմ որ $5^{5:3} = 5^2$

Վասն զի $5^3 \times 5^2 = 5^5$

ԳՍՈՍԿՈՒՄԻ ԱՐՄՈՏ

311. ՆԱԽԱԳԱՍՈՒԹԻՒՆ Ա. Տանաւոր թուոյ մը քառակուսին կը պարունակէ (թուոյ սկզբնատաւերը առնելով) :

$S^2 + 2SU + U^2$ այսինքն,

Ա. Տանաւորաց քառակուսին .

Բ. Տանաւորաց միտարով արտադրեալին կրկինը .

Գ. Միաւորաց քառակուսին :

Ինչպէս. $15^2 = 100 + 10 \times 5 \times 2 + 25 = 225$:

312. ԱՊՍՅՈՅՅ. Ս, յս 15 թիւը կը միաւորնեւրուն և տասնաւորնեւրուն վերածենք կ'ըլլայ $10 + 5$ որն որ ինքիւրմով բազմապատկենք կը գտնենք :

40+5	45
40+5	45
-----	-----
80+25	75
400+50	45
-----	-----
400+100+25	= 225

313. ՆԱԽԱԳԱՍՈՒԹԻՒՆ Բ. Հարիւրաւոր թուոյ մը քառակուսին կը պարունակէ .

$Z^2 + 2ZS + S^2 + 2ZU + 2SU + U^2$ այսինքն .

Ա. Հարիւրաւորաց քառակուսին .
 Բ. Հարիւրաւորաց տասնաւորով արտադրեալին կրկինը .

Գ. Տասնաւորաց քառակուսին .
 Դ. Հարիւրաւորաց միաւորով արտադրեալին կրկինը .

Ե. Տասնաւորաց միաւորով արտադրեալին կրկինը .

Զ. Միաւորաց քառակուսին :

314. ԱՊԱՅՈՅՅ. Առնենք 125 թիւը և հարիւրաւորներու, տասնաւորներու, միաւորներու վերածենք կ'ըլլայ 100+20+5 որն որ ինքիբնով բազմապատկենք կը տեսնենք .

$$\begin{array}{r}
 100+20 \quad +5 \\
 100+20 \quad +5 \\
 \hline
 10000+2000+50 \\
 \quad 2000+400 \quad +100 \\
 \quad \quad 500 \quad +100+25 \\
 \hline
 10000+4000+400+200+25=13625
 \end{array}$$

315. ՆԱԽԱԳԱՍՈՒԹԻՒՆ Գ. Երկու անընդմիջական քառակուսիներու տարբերութիւնը հաւասար է փոքր քառակուսիին արմատին կրկինին էվէլ միութեան :

316. ԱՊԱՅՈՅՅ. Առնենք 6 և 7 թիւերը որոց

քառակուսիներն են 36 և 49 և տեսնենք ստոնց տարբերութիւնը : $7=6+1$ զնեւով :

$$\begin{array}{r}
 6+1 \\
 6+1 \\
 \hline
 6+1 \\
 \hline
 36+6 \\
 \hline
 36+12+1=49
 \end{array}$$

Որուն մէջ յայտնի կը տեսնուի որ 49 ին և 36 ին տարբերութիւնը է 6 ին կրկինին էվէլ միութեան :

317. ՀԵՏՆԵԱՆՔ. Որ և իցէ քառակուսի հաւասար է իրմէ անմիջապէս վար եզող քառակուսիին էվէլ անոր քառակուսի արմատին կըրկինին էվէլ միութեան :

318. ԿԱՆՈՆ. 100 էն փոքր եղած թուոց քառակուսի արմատը գտնելու համար պէտք է Պարզ միութեանց քառակուսին ազէկ սովբիլ :

319. ԿԱՆՈՆ. 100 էն մեծ եղած թուոց քառակուսի արմատը գտնելու համար պէտք է .

Ա. Այն թիւը արմատական նշանին տակ գնել, աջ կողմէն սկսեալ երկերկու թուանշան զատել (կրնայ ըլլայ որ ձախ կողմի վերջի բաժանմունքը մէկ թուանշան ունենայ) և աջ կողմը հաւասարութեան նշանը գնել :

Բ. Չախ կողմի Ա. բաժանմունքին քառակուսի արմատը գտնել կամ գտնէ իր մէջ զըտնուած քառակուսիներէն ամենէն մեծին ար

մատր, և հաւասարութեան նշանին աջ կողմը գրել :

Գ. Գտնուած արմատին քառակուսին ձախ կողմի բաժանմունքէն հանել և մնացորդին քով իջեցնել յաջորդ բաժանմունքը և կազմուած թուոյն աջ կողմէն մէկ թուանշան դատել. ձախ կողմի մնացածը Ա. բաժանելի կըլլայ :

Գ. Գտնուած արմատը կրկնել, որ կըլլայ Ա. բաժանարար և Ա. բաժանելոյն մէջ բաժնել քանորդը գրել մէյմը արմատին աջ կողմը և մէյմ'ալ Ա. բաժանարարին աջ կողմը, որով կազմուած թիւը քանորդով բազմապատկել և արտադրեալը Ա. բաժանելիէն հանել զատուած թուանշանն ալ հետը առնելով :

Ե. Մնացորդին քով իջեցնել յաջորդ բաժանմունքը և աջ կողմէն թուանշան մը դատել ձախ կողմի մնացածը Բ. բաժանելի կըլլայ :

Զ. կազմուած արմատը կրկնապատկել, որ կըլլայ Բ. բաժանարար և Բ. բաժանելոյն մէջ բաժնել, այս երկրորդ քանորդը գրել մէյմը արմատին աջ կողմը մէյմ'ալ Բ. բաժանարարին աջ կողմը, որով կազմուած թիւը Բ. քանորդով բազմապատկել և արտադրեալը Բ. բաժանելիէն հանել զատուած թուանշանն ալ հետը առած :

Է. Թէ որ գործողութեան ատեն արմատին կրկինը չկարենայ սլարունակել իր բաժանելուոյն մէջ, արմատին աջ կողմը զբօ մ' աւելցնեն և յաջորդ բաժանմունքը վար իջեցնել :

Ը. Այսպէս շարունակել մինչեւ որ բոլոր բաժանմունքները վար իջած ըլլան, որով հաւասարութեան աջ կողմը եղած թիւը առաջարկեալ թուոյն քառակուսի արմատը կըլլայ :

Օրինակ Ա. Գտնել 2116 ին ըռ. արմատը :

Գտնուած

$$\sqrt{2116} = 46 \text{ արմատ}$$

$$4^2 = 16$$

$$\begin{array}{r} \text{Ա. բաժանելի} \quad 51,6 : 86 \\ \quad \quad \quad 316 \times 6 \\ \hline \quad \quad \quad 0 \end{array}$$

Առաջարկեալ թիւը արմատական նշանին տակը գնելէն ու աջ կողմը նշանը գնելէս յետոյ աջ կողմէն երկերկու զատեցի. 21 ը ճիշդ քառակուսի չէ իր մէջ գտնուած էն մեծ քառակուսին է 16 որոյ արմատն է 4 գրեցի նշանին աջ կողմը. յետոյ ասոր քառակուսին՝ 16 ը հանեցի 21 էն մնաց 5 ասոր առջեւ իջեցուցի յաջորդ բաժանմունքը և աջ կողմէն մէկ թուանշան զատեցի Ա. բաժանելի եղաւ 51, ասոր մէջ բաժնեցի 8, որ է գտնուած 4 արմատին կրկինը, ելաւ 6 քանորդ այս 6 ը գրեցի մէյմը արմատին առջեւ մէյմ'ալ բաժանարար 8 ին առջեւ որով եղաւ 86 և 6 ով բազմապատկեցի ելաւ 516 զոր 516 էն հանելով բան մնաց. ուրեքն 2116 ին քառակուսի արմատն է 46:

Օրինակ Բ. Գտնել 3625216 ին ըստ արմատը :

$$\begin{array}{r}
 \sqrt{3,62,52,16} = 1904 \\
 1 \\
 \hline
 26,2 : 29 \\
 261 \quad 9 \\
 \hline
 15,2 : 38 \\
 1521,6 : 3804 \\
 15216 \quad 4 \\
 \hline
 0
 \end{array}$$

320. Գտնել թիւ որ մնացորդ աւելնայ, պէտք է՝ զոչ զոչ զրօներ զնեկով գործողութիւնը շարունակել, և քանի զոչ զրօն աւելցուցինք նէ արմատին աջ կողմէն այնքան թուանշան զտակ իբր տասնորդական :

Օրինակ Ա. Գտնել 325 ին ըստ արմատը :

$$\begin{array}{r}
 \sqrt{3,25} = 18,027 \dots \text{ արմատ} \\
 1 \\
 \hline
 22,5 : 28 \\
 224 \quad 8 \\
 \hline
 10,0 : 36 \\
 1000,0 : 3602 \\
 7204 \quad 2 \\
 \hline
 27960,0 : 37047 \\
 252329 \quad 7 \\
 \hline
 27271
 \end{array}$$

321. Զրօներով վերջացած ամբողջ թուոյ մը քառակուսին նոյն զրօներուն կրկինին չափ զրօ կը պարունակէ . այսինքն եթէ ամբողջ թիւը մէկ զրօ ունենայ իր քառակուսին կ'ունենայ երկու զրօ, եթէ երկու ունենայ՝ քառակուսին կ'ունենայ չորս զրօ . ինչպէս $10^2 = 100 : 400 = 160000$:

Ասկէ կը հետեւի որ, Այն ամբողջ թիւը որուն աջ կողմի զրօները տարազոյգ են ճիշդ քառակուսի արմատ չունին :

Կը հետեւի դարձեալ որ, եթէ քառակուսի արմատ գտնելու առհն աջ կողմը զրօներ աւելնայ՝ աւելցած զրօներուն կէտին չափ արմատին առջեւ զրօներ շարելու է :

Օրինակ 3400000 ը ճիշդ քառակուսի արմատ ունի՞ թէ ոչ :

Պատ. Ո՛չ, վասն զի առջեւի զրօներուն որքանութիւնը տարազոյգ է :

Օրինակ Բ. Գտնիր 1440000 ին ըստ արմատը :

$$\begin{array}{r}
 \sqrt{1,44,00,00} = 1200 \text{ արմատ} \\
 1 \\
 \hline
 4,4 : 22 \\
 44 \quad 2 \\
 \hline
 0
 \end{array}$$

322. ՓՈՐՁ. Արմատ դանելու փորձը ընելու համար պէտք է .

Արմատը ինքիբնով բաղմնադատելի և մնացորդը (թէ որ կայ) վրան էվէլյնել, երաճը եթէ առաջարկեալ թուոյն հաւասար ըլլայ գործողութիւնը ճիշդ է :

323. Գառակուսի արմատ դանելու ատեն ամենահարկաւոր է գիտնալ որ .

Ս. Որ և իցէ մնացորդ չկրնար հաւասար ըլլալ գտնուած արմատին կրկինին էվէլ միութեան, այլ ամենէն մեծը արմատին կրկինին հաւասար կրնայ ըլլալ. ինչպէս 23 ինք. արմատն է 4 և 7 մնացորդ . 24 ինք՝ 4 և 8 մնացորդ և 23 ինք՝ ճիշդ 3, և ոչ թէ 4 և 9 մնացորդ : Այս Գ. նախագասութեան մէկ հետեւութիւնն է (315) :

Բ. Գառակուսին քանի բաժանմունք է նէ արմատն ալ այնքան թուանշանէ պիտի բաղկանայ :

324. Գէրեւէ՛ Ե. թուոց քառակուսիներուն վերջի թուանշանները գիտելու ըլլանք կրտեսնենք որ (302), ամեն թիւ որուն միաւոր թուանշանը 1, 4, 5, 6, 9 է և կամ ասոնց առջեւն ալ զոյգ զրօներ՝ հաւանական է որ քառարմատ ունենան. իսկ անոնք՝ որոնց միաւոր թուանշանը 2, 3, 7, 8 է կամ ասոնց առջեւն ալ զրօ ճիշդ քառակուսի արմատ չունին :

325. Գէրեւէ՛ Բ. վերոյիշեալ գիտելիքով թուոց մը քառարմատ ունենալը հաւանականաբար հասկնալէն վերջը ստոյգ ճիշդ արմատ ունի թէ ոչ իմանալու համար պէտք է նոյն թիւը իր նախնական արտադրիչներուն վերածել (131), թէ որ ամեն մէկ թիւ զոյգ որքանութեամբ գտնուի առաջարկեալ թիւն ալ ճիշդ քառարմութեանի. իսկ եթէ անոնցմէ մէկը ասարդոյց որքանութեամբ գտնուի առաջարկեալ թիւն ալ ճիշդ քառակուսի չէ :

Օրինակ .	24600	ը ճիշդ քառարմ. ունի թէ ոչ =
	246	2
	123	3
	41	41
	1	

Պատ. Ո՛չ վասն զի նախնական արտադրիչներուն ամեն մէկին որքանութիւնը տարագոյց է :

Օրինակ Բ. 360	ը ճիշդ քառարմ. ունի թէ ոչ =
Պատ. Ո՛չ վասն զի ծայրը մէկ զրօ կայ :	
Օրինակ Գ. 14400	ը ճիշդ քառակուսի է թէ ոչ =

144	2
72	2
36	2
18	2
9	3
3	3
1	

Պատ. Ճիշդ քառակուսի է. վասն զի նախ նական արտադրիչներէն ամեն մէկին որքանութիւնը զոյգ է:

ԱՐՄԱՏ ՏԱՄՆՈՐԴԱԿԱՆԱՑ

326. ԿԱՆՈՆ. Տասնորդ ական թուոյ մը քա. արմատը գտնելու համար պէտք է .

Ա. թէ որ տասնորդականաց որքանութիւնը զոյգ չէ՝ զրօ մը գնելով զոյգ ընել:

Բ. Ամբողջ թուոյ պէս արմատը գտնել:

Գ. Քառակուսիին մէջ քանի հաստ տասնորդական բաժանմունք կայ նէ, արմատին աջ կողմէն այնքան թուանշան կտրել տասնորդականի համար:

Օրինակ Ա. Գտնել 68,2276 ին քա. արմատը:

$$\begin{array}{r} \sqrt{68,22,76} = 8,26 \\ 64 \\ \hline 42,2 : 162 \\ 324 \quad 2 \\ \hline 987,6 : 1646 \\ 9876 \quad 6 \\ \hline 0 \end{array}$$

Օրինակ Բ. Գտիր 4,123 ին քա. արմատը:

	Փորձ
$\sqrt{4,12,30} = 2,0305 \dots$	2,0305
4	2,0305
1,2 : 4	401525
123,0 : 403	60915
1209 3	40640
210,0 : 406	412292025
21000,0 : 40605	6975
203025 5	4,123,00000
6975	

ԱՐՄԱՏ ԿՈՏՈՐԱԿԱՆԱՑ

ԿԱՆՈՆ. Կոտորակի մը քառակուսի արմատը գտնելու համար պէտք է .

Համարիչին և յայտարարին զատ զատ արմատները գտնել:

Օրինակ Ե.

$\frac{36}{49} \cdot \frac{1}{9} \cdot \frac{9}{25}$ կոտորակաց քա. արմատները գտիր:

$$\sqrt{\frac{36}{49}} = \sqrt{\frac{36}{49}} = \frac{6}{7} ; \quad \sqrt{\frac{1}{9}} = \sqrt{\frac{1}{9}} = \frac{1}{3} ; \quad \sqrt{\frac{9}{25}} = \sqrt{\frac{9}{25}} = \frac{3}{5} ;$$

327. Գիշելէ՛ք. Շատ անգամ կը պատահի որ համարիչը կամ յայտարարը և կամ երկուքն ալ ճիշդ քառակուսիներ չեն ըլլար:

Ա. Եթէ համարիչը միայն ճիշդ քառակուսի չըլլայ՝ մերձաւոր քռ. արմատը գտնելու է և ասոր յայտարար տարու է առաջարկեալ կոտորակին յայտարարին արմատը :

Օրինակ. $\sqrt{\frac{7}{9}}$ ին քառակուսի արմատը :

$$\sqrt{\frac{7}{9}} = \frac{\sqrt{7}}{3} = 0,881 \dots$$

Բ. Եթէ յայտարարը և կամ երկուքն ալ ճիշդ քառակուսիներ չըլլան՝ կոտորակին երկու եզրն ալ յայտարարով բազմապատկելու է, որով յայտարարը ճիշդ քառակուսի կըլլայ, յետոյ համարիչին մերձաւոր՝ և յայտարարին ճիշդ քառակուսի արմատը գտնելու է :

Օրինակներ.

$\frac{12}{16} \cdot \frac{9}{14} \cdot \frac{8}{11}$ կոտորակաց քռ. արմատները գտնել :

$$\sqrt{\frac{12}{16} \cdot \frac{9}{14} \cdot \frac{8}{11}} = \sqrt{\frac{9}{14} \cdot \frac{9 \times 14}{11 \times 14} \cdot \frac{11 \cdot 2}{14}} = \sqrt{\frac{8 \times 11}{11 \times 14} \cdot \frac{9 \cdot 27}{11}}$$

328. ՀԵՏԵԻՆԱԼՆԵՐՈՒՆ ՔՕՈՒԱԿՈՒՄԻ ԱՐՄԱՏԸ ԳՏՆԵԼ

1. 625 :

Պատ. 25 արմատ :

2. 46225 :

Պատ. 215 արմատ :

3. 3225 :

Պատ. 47 արմ. 16 մնացորդ :

4. 4090 :

Պատ. 63 արմ. 121 մնացորդ :

5. 69169 :

Պատ. 263 արմատ :

6. 278841 :

Պատ. 528 արմ. 57 մնացորդ :

7. 0,1849 :

Պատ. 0,43 արմատ :

8. 0,00271441 :

Պատ. 0,0521 արմատ :

9. 38,6884 :

Պատ. 6,22 արմատ :

10. $\frac{529}{1024}$:

Պատ. $\frac{23}{32}$ արմատ :

11. $\frac{16}{23}$:

Պատ. $\frac{16}{23}$ արմ. $\frac{20}{526}$ մնացորդ :

ԽՈՐԱՆԱՐԴ

329. Երբ թիւ մը երեք անգամ ինքիրմով բազմապատկենք, արտադրեալը նոյն թուոյն խորանարդը կ'ըլլայ. ինչպէս 4 ին խորանարդն

է 4×4×4=64 : 6 ին խորանարդը 6×6×6=216 :

330. Այսպէս ալ .

	1	2	5	4	5	6	7	8	9	Թուոյ
խորանարդներն են	1	8	27	64	125	216	512	729		

331. ԿԱՆՈՆ. Թուոյ մը խորանարդը գտնելու համար պէտք է .

Նոյն թիւը երեք անգամ ինքիրմով բազմապատկել :

Օրէնքեր .

Գտնելու է 12 . 10 . $\frac{3}{7}$. 2,4 թուոյ խորանարդները :

12×12×12=1728

10×10×10=1000

$\frac{3}{7} \times \frac{3}{7} \times \frac{3}{7} = \frac{27}{343}$

2,4×2,4×2,4=13,824 :

332. ՀեՏԵԻՆԱՆԵՐԸ ԽՈՐԱՆԱՐԴ ԸՆԵՆԻ .

1. 10 : 100 : 1000 :

Պատ. 1000 : 1000000 : 1000000000 :

2. 20 : 56 : 384 :

Պատ. 8000 : 175616 : 56623104 :

3. 0,1 : 0,01 : 0,001 :

Պատ. 0,001 : 0,000001 : 0,000000001 :

4. 0,25 : 4,6 : 8,7 : 50,7 :

Պատ. 0,015525 : 97,336 : 658,503 : 130323,843 :

5. $\frac{1}{2} = \frac{2}{3} = \frac{3}{50} = \frac{7}{23} :$

Պատ. $\frac{1}{8} = \frac{8}{27} = \frac{27}{125000} = \frac{313}{12167} :$

6. $\frac{3}{7} = \frac{5}{9} = \frac{7}{11} :$

Պատ. $\frac{27}{313} = \frac{125}{729} = \frac{343}{1331} :$

7. $3\frac{1}{2} = 5\frac{2}{3} = 10\frac{1}{12} = 4\frac{2}{13} :$

Պատ. $42\frac{7}{8} = 181\frac{26}{27} = 1025\frac{361}{1728} = 1\frac{1178}{2197} :$

333. Առաջարկեալ թուոյ մը խորանարդ արմատը ըսելով կը հասկնանք այն թիւը՝ որ եթէ երեք անգամ ինքիրմով բազմապատկուի արտադրեալը առաջարկեալ թուոյն հաւասար ըլլայ . ինչպէս , 216 ին խորանարդ արմատն է 6 . վասն զի 6×6×6=216 : 512 ին խորանարդ արմատն է 8 : 600 ինը՝ 8 և 88 մնացորդ :

334. Թուոյ մը խորանարդ արմատը նշանելու համար պէտք է .

Նոյն թիւը արմատական նշանին տակ դնել և վրայի բաց տեղը 3 թուանշանը գրել փոքր

ձեւով, առանց մոռնալու, ինչպէս 729 ին խո-
րանարդ արմատը այսպէս կը ցույնենք $\sqrt[3]{729}$.

512 ինը այսպէս $\sqrt[3]{512}$:

335. ՆԱԽԱԴԱՍՈՒԹԻՒՆ Ա. Տասնաւոր թուոյ
մը խորանարդը կը պարունակէ .

$$S^3 + 3S^2U + 3SU^2 + U^3 \text{ այսինքն .}$$

Ա. Տասնաւորաց խորանարդը .

Բ. Տասնաւորաց քառակուսիին միաւորով
արտադրեալին եռապատիկը .

Գ. Միաւորաց քառակուսիին տասնաւորով
արտադրեալին եռապատիկը .

Դ. Միաւորաց խորանարդը :

336. ԱՊԱՅՈՅՅ. Առնենք 12 թիւը զոր միա-
ւորներու և տասնաւորներու վերածենք կըլ-
լայ 10+2 որն որ երեք անգամ ինքիրմով բազ-
մապատկենք կը գտնեմք :

10 +2	12
10 +2	12
100 +20	24
20 +4	12
100 +40 +4 բն.	144 բն.
10 +2	12
1000+400+40	288
200+80 +8	144
1000+600+120+8 խոր	1728 խոր

337. ՆԱԽԱԴԱՍՈՒԹԻՒՆ Բ. Երկու անընդմի-
ջական խորանարդներու տարբերու թիւնը հա-
ւասար է վտըր խորանարդին արմատին քա-
ռակուսիին եռապատիկին, էվէլ նոյն արմա-
տին եռապատիկին, էվէլ միութեան :

338. ԱՊԱՅՈՅՅ. Առնենք 6 և 7 թիւերը որոց
խորանարդներն են 216 և 343 և տեսնենք ա-
տոնց տարբերու թիւնը : $7=6+1$ գնեւով :

6+1	Առան մէջյայտնի կը տեսնուի որ
6+1	545 ին տարբերու թիւնը = 6 ին քա-
6+1	ռակուսիին եռապատիկին՝ 108 ին. +
36 + 6	6 ին եռապատիկին՝ 18 ին. + միու-
36 +12+1	թեան՝ 1 ի :
6+1	
36 +12+1	
216+ 72+ 6	
216+108+18+1=343	

339. ՀԵՏԵՒԱՆՔ. Որ և իցէ խորանարդ հա-
ւասար է իրմէ անմիջապէս վտը եղող խորա-
նարդին, էվէլ անոր խորանարդ արմատին քա-

ուսկուսիին եռապատիկին , էվէլ նոյն արմա-
տին եռապատիկին , էվէլ միութեան :

340. ԿԱՆՈՆ. 1000 էն փոքր եղած թուոյ
խորանարդ արմատը գտնելու համար պէտք է .

Պարզ միութեանց խորանարդը աղէկ սորվիլ :

341. ԿԱՆՈՆ. 1000 էն մեծ եղած թուոյ
խորանարդ արմատը գտնելու համար պէտք է .

Ա. Ա. յն թիւը արմատական նշանին տակը
դնել , աջ կողմէն սկսեալ երեքական թուա-
նշան գտաւել (կրնայ ըլլալ որ ձախ կողմի վեր-
ջի բաժանմունքը մէկ կամ երկու թուանշան
ունենայ) և աջ կողմը հաւասարութեան նշա-
նը դնել :

Բ. Չախ կողմի բաժանմունքին խորանարդ
արմատը , կամ գտնէ իր մէջ գտնուած խորա-
նարդներէն ամենէն մեծին արմատը գտնել և
հաւասարութեան նշանին աջ կողմը դրել :

Գ. Գտնուած արմատին խորանարդը ձախ
կողմի բաժանմունքէն հանել և մնացորդին
քով իջեցնել , յաջորդ բաժանմունքը և կազ-
մուած թուոյն աջ կողմէն երկու թուանշան
գտաւել , ձախ կողմի մնացածը Ա. բաժանելի
կըլլայ :

Դ. Գտնուած արմատին քառակուսին եռա-
պատիկել որ կըլլայ Ա. բաժանարար և Ա. բա-
ժանելոյն մէջ բաժնել և քանորդը դրել ար-
մատին աջ կողմը :

Ե. կազմուած արմատը տասնաւորի և միա-
ւորի վերածել , տասնաւորաց քառակուսին
եռապատիկը , էվէլ տասնաւորաց եռապա-
տիկին միաւորելով արտագրեալը , էվէլ միաւո-
րաց քառակուսին և այս գումարը միաւորով
բազմապատիկել և արտագրեալը Ա. բաժանել-
լիէն հանել զատուած երկու թուանշաններն
ալ հետը առնելով :

Զ. Մնացորդին քով իջեցնել յաջորդ բա-
ժանմունքը և աջ կողմէն երկու թուանշան
գտաւել ձախ կողմի մնացածը Բ. բաժանելի
կըլլայ :

Է. կազմուած արմատին քառակուսին ե-
ռապատիկել , որ կըլլայ Բ. բաժանարար և Բ.
բաժանելոյն մէջ բաժնել և քանորդը դրել
արմատին աջ կողմը :

Ը. կազմուած արմատը տասնաւորներու և
միաւորներու վերածել և Ե. ին պէս ընել :

Թ. Թէ որ գործողութեան ատեն արմատին
քառակուսին եռապատիկը չկարենայ պա-
րունակել իր բաժանելիին մէջ , արմատին աջ
կողմը դրօ մը դնել և յաջորդ բաժանմունքը
վար իջեցնել :

Ժ. Այսպէս շարունակել մինչեւ որ բոլոր
բաժանմունքները վար իջած ըլլան որով հա-
ւասարութեան աջ կողմի եղած թիւը առա-
ջարկեալ թուոյն խորանարդ արմատը կըլլայ :

Օրէնւի Գտիր 95443993 ին խոր արմատը :

$$\sqrt[3]{95,443,993} = 457$$

$$4^3 = 64$$

մաս բաժանորար $3 \times 4^2 = 48$

$$314.43$$

$$\frac{314}{43} = 5$$

$$3 \times (40)^2 = 4800$$

$$3 \times 40 \times 5 = 600$$

$$5^2 = 25$$

$$5425$$

$$5$$

$$27125$$

$$27125$$

մաս բաժան 3 \times (45)^2 = 6075

$$43189,93$$

$$\frac{43189}{6075} = 7$$

$$3 \times (450)^2 = 607500$$

$$3 \times 450 \times 7 = 9450$$

$$7^2 = 49$$

$$646999$$

$$7$$

$$4318993$$

$$4318993$$

$$0$$

Առաջարկեալ թիւը արմատական նշանին տակը դնելէն աւ աջ կողմը նշանը դնելէն յետոյ աջ կողմէն երեքական զատեցի. 95 ը ճիշդ խորանարդ չէ իր մէջ գտնուած էն մեծ խորանարդն է 64 որոյ արմատն է 4 զոր զբեցի նշանին աջ կողմը, յետոյ ասոր խորանարդը հանեցի 95 էն մնաց 51 ասոր առջեւ իջեցուցի յաջորդ բաժանմունքը և աջ կողմէն երկու թուանշան զատեցի, Ա. բաժանելի եղաւ 514 ասոր մէջ բաժանեցի 48, որ է գտնուած 4 արմատին քառակուսին եռասպատեկը, եղաւ 5 քանորդ այս 5 ը զբեցի արմատին աջ կողմը

եղաւ 45, զոր իր տասնուորին և միւսորին վերածեցի այսպէս 40+5. 40 ին քառակուսին եռասպատեկը, 40 ին եռասպատեկին միւսորով արտադրեալը և միւսորին քառակուսին գումարեցի և եղա՞ք 5 ովը բազմապատեցի և արտադրեալը բաժանելէն հանեցի երկու գտնուածնէն ուլ մէկտեղ առնելով մնացորդին քով ասի յաջորդ բաժանմունքը և առջեպէս շարունակեցի գտայ 457 որ է խորանարդ արմատ առաջարկեալ թուոյն :

Օրէնւի Բ. Գտնել 28934443 ին խորանարդ արմատը :

$$\sqrt[3]{28,934,443} = 307$$

$$3^3 = 27$$

$$3 \times (3)^2 = 27$$

$$49.34$$

$$\frac{19}{27} = 0$$

$$3 \times (30)^2 = 2700$$

$$19344,43$$

$$\frac{19344}{2700} = 7$$

$$3 \times (300)^2 = 270000$$

$$3 \times (300) \times 7 = 6300$$

$$7^2 = 49$$

$$276349$$

$$7$$

$$1934443$$

$$1934443$$

$$0$$

342. Գիտէլէէ. Թէ որ մնացորդ առե՞նայ պէտք է .

Երեքական զրօններ դնելով գործողութիւնը շարունակել, և քանի անգամ զրօ առե՞լ

ցուցինք նէ արմատին աջ կողմէն այնքան թուանշան կարել իբր սասնորդական :

343. Ջրօներով վերջացած ամբողջ թուոյ մը քառակուսին նոյն զրօներուն երեք անգամը զրօ կը սլարունակէ , այսինքն եթէ ամբողջ թիւը մէկ զրօ ունենայ իր խորանարդը կ'ունենայ երեք զրօ , եթէ երկու ունենայ՝ խորանարդը կ'ունենայ վեց զրօ . ինչպէս $10^3 = 1000$ $400^3 = 64000000$:

Ասկէ կը հետեւի որ , Այն ամբողջ թիւը որուն աջ կողմի զրօները երեքով բաժանելի չեն ճիշդ խորանարդ արմատ չունին :

Կը հետեւի դարձեալ որ , եթէ խորանարդ արմատ գանելու ատեն աջ կողմը զրօներ աւելնայ աւելցած զրօներուն մէկ երրորդին չափ արմատին առջև զրօներ շարելու է :

Օրէնք . 2700000 ը ճիշդ խորանարդ արմատ ունի³ թէ ոչ :

Պատ . Ա՛յ , վասն զի առջևի զրօներուն որքանութիւնը երեքով բաժանելի չէ :

Օրէնք . Բ. Գոյնր 12300000 ին խորանարդ արմատը :

$$\sqrt[3]{123,000,000} = 500 \text{ արմատ}$$
$$5^3 = 125$$
$$\frac{\quad}{0}$$

344. Փորձ. Արմատ գանելու փորձը ընելու համար պէտք է .

Արմատը երեք անգամ ինքիբնով բազմապատկել և մնացորդը (թէ որ կայ) վրան է վէլցնել , երածը եթէ առաջարկեալ թուոյն հաւատար ըլլայ գործողութիւնը ճիշդ է :

345. խորանարդ արմատ գանելու ատեն ամենահարկատ որ է գիտնալ որ ,

Ա. Որ և իցէ մնացորդ չկրնար հաւատար ըլլալ գանուած արմատին քառակուսին եռապատիկին , էվէլ նոյն արմատին եռապատիկին , էվէլ միութեան , այլ էն մեծը արմատին քառակուսին եռապատիկին , էվէլ արմատին եռապատիկին հաւատար կրնայ ըլլալ . ինչպէս 12^3 ին խորանարդ արմատն է 4 և 3^3 մնացորդ , 124 ինը՝ 4 և 60 մնացորդ և 125 ինը՝ ճիշդ 5 և ոչ թէ 4 և 61 մնացորդ : Այս Բ. Նախագասութեան մէկ հետեւութիւնն է (337)

Բ. խորանարդը քանի բաժանմունք է նէ արմատն ալ այնքան թուանշանէ պիտի բաղկանայ :

346. Գէորգէ . Ա. Թուոյ մը վերջին թուանշանը գիտելով չենք կրնար հասկնալ անոր ճիշդ խորանարդ արմատ ունենալը կամ չունենալը , վասն զի երբ ինը թուանշաններուն խորանարդները գիտենք , կը տեսնենք որ (330) ամեն մէկ թուանշանովն ալ վերջացող թիւեր

կան . ըսել է թէ ամեն թիւ հաւանական է որ ճիշդ խոր . արմ . ունենայ :

347. Գէրեւէ . Բ, թուոյ մը ճիշդ խորանարդ արմատ ունենալը հասկնալու համար պէտք է նոյն թիւը իր նախնական արտադրիչներուն վերածել եթէ ամեն մէկին որքանութիւնը երեքով բաժանելի ըլլայ առաջարկեալ թիւն ալ ճիշդ խորանարդ է . իսկ եթէ անոնցմէ մէկին որքանութիւնը երեքով բաժանելի չըլլայ նոյն թիւն ալ ճիշդ խորանարդ չէ :

Օրինակ . Ա. 164 ը ճիշդ խորանարդ է թէ ոչ :

164		2
82		2
41		41
1		

Պատ . Ո՛չ , վասն զի նախնական արտադրիչներուն որքանութիւնը երեքով բաժանելի չէ :
Օրինակ . Բ. 1728 ը ճիշդ խորանարդ է թէ ոչ :

1728		2
864		2
432		2
216		2
108		2
54		2
27		3
9		3
3		3
1		

Պատ . Այո՛ , վասն զի ամեն մէկուն որքանութիւնը երեքով բաժանելի է :

ԽՈՐԱՆԱՐԴ ԱՐՄԱՏ ՏԱՍԵՈՐԴԱԿԱՆՍ

348. ԿԱՆՈՆ . Տասնորդական թուոյ մը խորանարդ արմատը գտնելու համար պէտք է .

Ա. թէ որ տասնորդականաց որքանութիւնը երեքով բաժանելի չէ մէկ կամ երկու զրօ գնելով երեքով բաժանելի ընել :

Բ. Ամբողջ թուոյ պէս արմատը գտնել :

Գ. խորանարդին մէջ քանի տասնորդական բաժանմունք կայ նէ արմատին աջ կողմէն այնքան թուանշան կարել տասնորդականի համար :

ԽՈՐԱՆԱՐԴ ԱՐՄԱՏ ԿՈՏՈՐԱԿԱՆՍ

349. ԿԱՆՈՆ . Կոտորակի մը խորանարդ արմատը գտնելու համար պէտք է .

Համարիչին և յայտարարին զատ զատ արմատները գտնել :

Օրինակներ .

$\frac{8}{27} \cdot \frac{64}{216} \cdot \frac{27}{125}$ կոտորակաց խոր . արմատը գտնիր :

$\sqrt[3]{\frac{8}{27}} = \sqrt[3]{\frac{8}{27}} = \frac{2}{3} ; \sqrt[3]{\frac{64}{216}} = \sqrt[3]{\frac{64}{216}} = \frac{4}{6} ; \sqrt[3]{\frac{27}{125}} = \sqrt[3]{\frac{27}{125}} = \frac{3}{5} ;$

350. Գերեւելի. Շատ անգամ կը պատահի որ համարելը, կամ յայտարարը և կամ երկուքն ալ ճիշդ խորանարդներ չեն ըլլար :

Ա. Եթէ համարելը միայն ճիշդ խորանարդ չըլլայ՝ մերձաւոր խորանարդ արմատը գտնելու է և ասոր յայտարար տալու է առաջարկեալ կոտորակին յայտարարին արմատը :

Օրէնք. Գտնել $\sqrt[3]{\frac{7}{8}}$ ին խորանարդ արմատը :

$$\sqrt[3]{\frac{7}{8}} = \frac{\sqrt[3]{7}}{\sqrt[3]{8}} = \frac{1.913}{2} = 0,9565...$$

Բ. Եթէ յայտարարը և կամ երկուքն ալ ճիշդ խորանարդներ չըլլան՝ կոտորակին երկու եզրն ալ յայտարարին քառակուսիովը բազմապատկելու է, որով յայտարարը ճիշդ խորանարդ կ'ըլլայ, յետոյ համարելին մերձաւոր՝ և յայտարարին ճիշդ խորանարդ արմատը գտնելու է :

Օրէնքեր.

$\frac{8}{10} \cdot \frac{13}{20}$ կոտորակաց խոր. արմատը գտնել :

$$\sqrt[3]{\frac{8}{10}} = \sqrt[3]{\frac{8 \times 100}{10 \times 100}} = \frac{2}{10} = \frac{2}{10} \cdot \frac{13}{20} = \sqrt[3]{\frac{13}{20}} = \sqrt[3]{\frac{13 \times 100}{20 \times 100}} = \frac{17.12}{20}$$

351. Մանօշնուիւն. Թէ քառակուսի և թէ խորանարդ արմատ գտնելու համար կրնանք

նաեւ հասարակ կոտորակները առաջ տասնորդականի վերածել (188) և յետոյ արմատը գտնել :

352. ՀՏՏԵԻԵԱԼՆԵՐՈՒՆ ԽՈՐԱՆԱՐԴ-ԱՐՄԱՏԸ ԳՏՆԵԼ

1. 46656 :

Պատ. 36 արմատ :

2. 140608 :

Պատ. 52 արմատ :

3. 17543608 :

Պատ. 259 արմատ . 169629 մնացորդ :

4. 79,507 :

Պատ. 4,3 արմատ :

5. 65,939264 :

Պատ. 4,04 :

6. 0,000531444 :

Պատ. 0,081 արմատ :

7. $\frac{512}{1331}$:

Պատ. $\frac{8}{11}$ արմատ :

8. $\frac{1728}{9261}$:

Պատ. $\frac{12}{21}$ արմատ $= \frac{4}{7}$:

353. ԲՅՂԱԳՐԵԱԼ ՇԱՀՈՒ ՎԵՐԱԲԵՐԵԱԼ
ՄԷԿ ԲԱՆԻ ԿԱՆՈՆՆԵՐ

Նախ գլխաւոր թիւերուն տեղ իրենց սկզբը նատաւը գնելով, այսինքն .

Դ = Գրամագլուխ

Ս = Սակ

Տ = Տոկոս

Գ = Գումար

Մ = Միութեան մէկ շրջանի սոկոսը (Ուն է՝ սակին հարիւրորդը) :

Ամեն մէկուն մասնաւոր կանոնը տանք .

1° $Դ = \frac{Գ}{(1+Մ)^t}$

2° $Ս = (V \frac{Գ}{Դ} - 1) 100$

3° $Տ = Գ - Դ$

4° $Գ = (1+Մ)^t$

Խօսքով ալ բացայայտենք .

1° Եթէ գրամագլուխը անծանօթ ըլլայ պէտք է .

Սակին հարիւրորդին վրայ 1 գումարել, գումարը ժամանակին չափ կարողութեան բարձրացնել և գումարին մէջ բաժնել :

- 2° Եթէ սակը անծանօթ ըլլայ՝ պէտք է . Գումարը գրամագլխով բաժնել և ժամանակի աստիճանի արմատը դանել արմատէն 1 պակսեցնել և մնացածը 100 ով բազմապատկել :
- 3° Եթէ սոկոսը անծանօթ ըլլայ՝ պէտք է . Սակին հարիւրորդին վրայ 1 գումարել, ժամանակին չափ կարողութեան բարձրացնել և գրամագլուխով բազմապատկել :

354. ԽՆԴԻՐԻՔ

1. Ո՞րչափ ըլլալու է այն գրամագլուխը որ % 10 էն 4 տարուան մէջ բաղադրեալ գումարը 14641 զրշ. եղաւ :

$$Դ = \frac{Գ}{(1+Մ)^t} \quad \text{ուստի} \quad \frac{14641}{(1,1)^4}$$

1,1
1,1
11
11
1,21
1,21
121
242
121
1,4641

$\frac{14641}{1,4641} = 10000$
Գատ. 10000 :

2. 100 ին քանիով շահու գրուած է 10000 զրշը որ 4 տարուան մէջ բաղադրեալ գումարը 14641 զրշ. եղաւ :

$$U = \left(\sqrt[r]{\frac{r}{r-1}} - 1 \right) 100 \quad \text{ուստի} \quad \sqrt[4]{\frac{14641}{10000}} = \sqrt[2]{\frac{14641}{10000}}$$

$$\sqrt[12]{\frac{10}{11}} \cdot \left(\frac{11}{10} - 1 \right) 100 = 10$$

Պատ. 10 :

3. 100 ին տարին 18 էն 3000 ղրջին 4 տարուան բաղադրեալ տոկոսը ի՛նչ է :

Այսպիսի խնդիրներ արդէն լուծած եմք (269) :

4. 100 ին տարին 18 էն 30000 ղրջին 4 տարուան բաղադրեալ տոկոսով գումարը քանի՛ ղրջ կ'ընէ :

$$q = (1+U)^t \quad \text{ուստի} \quad (1,18)^4 \times 30000$$

1,18

1,18

944

118

118

1,3924

1,3924

55696

27848

125316

41772

13924

1,9388

30000

58164|0000

Պատ. Գրեթէ 58164 ղրջ :

4. 1,93877776

333. ԲԱՂԱԴՐԵԱԼ ՏՈՒՆՈՍԻ ՎՐԱՅ ԽՆԴԻՐՆԵՐ

1. Տարին 100 ին քանի՛ բաղադրեալ տոկոս հաշուելու է որ 2400 ֆրը. 6 տարուան մէջ 3216 ֆր. 23 սանթիմ ըլլայ :

Պատ. 5 :

2. Տարին % 3 էն 6500 ղրջին 3 տարուան 4 ամսուան 5 օրուան բաղադրեալ տոկոսօք գումարն որչանի է տարուէ տարի տոկոսը դըրամագլխոյ վրայ էվէրյնելու պայմանաւ :

Պատ. 7176 ղրջ. 35 փր :

3. Տարին % 6 1/2 էն 2840 ղրջին 4 տարուան 7 ամսուան բաղադրեալ տոկոսօք գումարն որչանի է շահը տարուէ տարի հաշուելով :

Պատ. 3749 ղրջ 26 փր :

4. Տարին % 5 էն 3000 ղրջը 5 տարուան 5 ամսուան և 10 օրուան մէջ որչափ կըլլայ տոկոսը տարուէ տարի հաշուելով :

Պատ. 3912 ղրջ 32 փր :

5. Եթէ մէկը տարին 5 առ. % հաշուով տարուէ տարի տոկոսը դրամագլխոյն վրայ էվէրյնելու պայմանաւ 7 տարիէն բաղադրեալ տոկոսօք գումար մը ընդունեց 1314 ֆր. 70 սանթիմ դրամագլխին որչանի էր :

Պատ. 934 ֆր. 33 սնթ :

6. Մէկը 45000 ղրջ. շահու պիտի դնէ 5

տարուան համար տարին 100 ին 12 ուլ բաղա-
դրեալ տոկոսեօք, կամ տարին 100 ին 15
պարզ տոկոսեօք. որն աւելի շահաւոր է :

Պատ. Ա. ը կը բերէ շահ 34306,2 զրշ. Բ. ը
33750. հեռեարար Ա. ը 556,2 զրշ. շահաւոր է :

7. % 10 էն 10000 զրշին 16 տարուան բա-
ղադրեալ տոկոսը որչափ կընէ շահը տարուէ
տարի հաշուելով :

Պատ. 35950 զրշ :

Ծանօթ. Բաղադրեալ տոկոսեայ ինդիքները Նշանակով
գէւրին կը լուծուին բայց դործս չ'ստուարացնելու համար
զանց ըրած եմք :

ՅԱՌԱՋԱՏՈՒԹԻՒՆ

356. Թիւերու կարգ մը որոնք մի և նոյն թը-
ւով կ'էվէնան կամ կը պակսին, կամ մի և նոյն
թուով կը մեծնան կամ կը պզտիկնան կ'ըսուին
յառաջադասութիւն :

Ինչպէս .

÷ 2 . 4 . 6 . 8 . 10 . 12 և ոյն մի և նոյն թուով աւելցած :

÷ 30 . 27 . 24 . 21 . 18 » » » պակսած :

կամ .

÷ 2 : 4 : 8 : 16 : 32 և ոյն մի և նոյն թուով մեծցած :

÷ 243 : 81 : 27 : 9 » » » պզտիկցած :

Յառաջատու թիւերը երկու կերպ է պարբերա-

կան կամ խառնութեան յառաջադասութիւն, և բնորոշա-
կան կամ երկրաչափական յառաջադասութիւն :

ՏԱՐԲԵՐԱԿԱՆ ՅԱՌԱՋԱՏՈՒԹԻՒՆ

357. Երբ թիւերը մի և նոյն թուով էվէլ-
նան կամ պակսին կ'ըսուին պարբերական կամ
խառնական յառաջադասութիւն :

Ինչպէս . ÷ 1 . 3 . 5 . 7 . 9 . 11 . 13 և ոյն
÷ 20 . 17 . 14 . 11 . 8 . 5 »

Առաջին օրինակին մէջ որն որ ձախէն գէպ
'ի յաջ կ'աճին, կ'ըսուին առաւելական պարբերական
յառաջադասութիւն : Երկրորդին մէջ որն որ ձախէն
գէպ 'ի յաջ կը պակսին կ'ըսուին պակսական պար-
բերական յառաջադասութիւն :

358. Տարբերական յառաջատու թեան ա-
մեն եզրերը առանց մի առ մի գրելու, որ և
կցէ եզրը գտնելու համար՝ իրմէ յառաջ գըտ-
նուած եզրերուն թիւը տարբերութեամբ բազ-
մապատկելու և փոքրագոյնն ալ վրան գումա-
րելու է :

Օրէն՝ ֆոքրագոյնն է 3 տարբերութիւնը 4
գտիր տասներորդ եզրը :

Տասնէն յառաջ 9 եզր կայ, ուստի .
 $9 \times 4 + 3 = 39 :$

359. Տարբերական յառաջատու թեան եղ-
րերու գումարը գտնելու համար՝ փոքրագու-
նին և մեծագունին գումարը եղբերու թուո-
վը բազմապատկելու և արտադրելու 2 ով
բաժնելու է :

360. ԱՊՍՅՈՅՅ. Սոններ 3 . 5 . 7 . 9 . 11 . 13 .
15 յառաջատու թիւնը սրուն վրայ աւելցնենք
նոյն իսկ յառաջատու թիւնը հակառակ կողմէն
սկսեալ, կը տեսնենք .

$$\begin{aligned} \Phi &= 3 + 5 + 7 + 9 + 11 + 13 + 15 \\ \Psi &= 15 + 13 + 11 + 9 + 7 + 5 + 3 \\ 2\Phi &= 18 + 18 + 18 + 18 + 18 + 18 + 18 \\ \Phi &= \frac{18 + 18 + 18 + 18 + 18 + 18 + 18}{2} = \frac{18 \times 7}{2} = 63 \end{aligned}$$

Որուն մէջ կը տեսնենք որ մեծագոյնը փոք-
րագունին վրայ գումարուած եղբերաց թուովը
բազմապատկուած և 2 ով բաժնուած է :

361. Տարբերական յառաջատու թեան հինգ
գլխաւոր քանակութեան տեղ իրենց սկզբնա-
տաւը գտնենք՝ կունենանք .

$$\begin{aligned} \text{Փոքրագոյն} &= \Phi \\ \text{Տարբերութիւն} &= S \\ \text{Թիւ եղբերաց} &= \rho \\ \text{Մեծագոյն} &= U \\ \text{Գումար} &= \Phi \end{aligned}$$

Ստնց մէջէն որ և իցէ երեք հասար ծա-
նուցեալ ըլլալով կրնանք երկու անձանօթը
գտնել :

$$1^\circ \text{ Մանուցեալը } \Phi, S, \rho. \quad U = \Phi + (\rho - 1)S$$

$$\text{Անձանօթը } U, \Phi. \quad \Phi = \frac{(\Phi + U)\rho}{2}$$

$$2^\circ \text{ Մանուցեալը } \Phi, S, U. \quad \rho = \frac{U - \Phi + 1}{S}$$

$$\text{Անձանօթը } \rho, \Phi. \quad \Phi = \frac{(U + \Phi)(U - \Phi + S)}{2S}$$

$$3^\circ \text{ Մանուցեալը } \Phi, \rho, U. \quad S = \frac{U - \Phi}{\rho - 1}$$

$$\text{Անձանօթը } S, \Phi. \quad \Phi = \dots$$

$$4^\circ \text{ Մանուցեալը } \Phi, \rho, \Phi. \quad U = \frac{2\Phi}{\rho} - \Phi$$

$$\text{Անձանօթը } U, S. \quad S = \frac{2(\Phi - \Phi\rho)}{\rho(\rho - 1)}$$

$$5^\circ \text{ Մանուցեալը } \Phi, U, \Phi. \quad \rho = \frac{2\Phi}{\Phi + U}$$

$$\text{Անձանօթը } \rho, S. \quad S = \frac{(U + \Phi)(U - \Phi)}{2\Phi - U - \Phi}$$

$$6^\circ \text{ Մանուցեալը } S, \rho, U. \quad \Phi = U - (\rho - 1)S$$

$$\text{Անձանօթը } \Phi, \Phi. \quad \Phi = \dots$$

7^o. Ծանուցեալք Տ. Թ. Գ. $\left\{ \begin{array}{l} \Phi = \frac{2\varphi - \theta(\theta - 1)S}{2\theta} \\ \Psi = \frac{2\varphi + \theta(\theta - 1)S}{2\theta} \end{array} \right.$

Անձանօթք $\Phi. \Psi.$

8^o. Ծանուցեալք Թ. Մ. Գ. $\left\{ \begin{array}{l} \Phi = \frac{2\varphi}{\theta} - \Psi \\ S = \frac{2(\theta\Psi - \varphi)}{\theta(\theta - 1)} \end{array} \right.$

Անձանօթք $\Phi. S.$

9^o. Ծանուցեալք $\Phi. S. Գ.$ $\left\{ \begin{array}{l} \theta = \frac{S - 2\Phi \pm \sqrt{\left(\frac{S - 2\Phi}{2S}\right)^2 + \frac{2\Phi}{S}}}{2S} \\ \Psi = \dots \end{array} \right.$

Անձանօթք $\theta. \Psi.$

10^o. Ծանուցեալք $S. \Psi. Գ.$ $\left\{ \begin{array}{l} \theta = \frac{2\Psi + S \pm \sqrt{\left(\frac{2\Psi + S}{2S}\right)^2 + \frac{2\Psi}{S}}}{2S} \\ \Phi = \dots \end{array} \right.$

Անձանօթք $\theta. \Phi.$

362. ԽՆԴԻՐԻ ՏԱՐԲԵՐԱԿԱՆ
ՅԱՌԱՋԱՏՈՒԹԵԱՆ

1. Ժամացոյցը 12 ժամուան մէջ քանի՞ անգամ կը զարնէ :
Պատ. 78 :

2. Սանդուխ մը կայ որ 100 ոտք ունի, առաջին ոտքին վրայ կայ 1 թռչուն, երկրորդին վրայ 2, երրորդին վրայ 3. այսպէս մէյ-

մէկ աւելի հարիւրորդին վրայ 100 թռչուն. սանդուխին վրայ քանի՞ թռչուն կայ :

Պատ. 5050 :

3. Մարդ մը քաղաքէն կեւնէ 9 օր ճամբորդութիւն կընէ, Ա. օրը կերթայ 5 մղոն և շարունակ միօրինակ աւելցնելով վերջին օրը 37 մղոն կերթայ. օրը քանի՞ մղոն կաւելցնէ և քանի՞ մղոն ճամբայ կերթայ :

Պատ. 4 և 189 :

4. Մարդ մը ճամբայ ելաւ և Ա. օրը 7 մղոն գնաց, ամէն օր 4 ահան մղոն աւելցուց և վերջին օրը գնաց 51 մղոն. քանի՞ օր ճամբայ գնաց և քանի՞ մղոն :

Պատ. 12 օր 348 մղոն :

5. Ա. ը Բ. ին պարտք ունի 16224 զրշ. առաջին շաբաթը 6 զրշ. կուտայ, երկրորդ շաբաթը 18 և շարունակ այսպէս 12 աւելցնելով ամէն շաբաթ, վերջին շաբաթը քանի՞ տուաւ և քանի՞ շաբաթէն վճարեց ամենը :

Պատ. 618 զրշ. և մէկ տարիէն :

6. Ս. ըբատ մը 22 հոգիէ ստակ առաւ 528 զրշ. Ա. ը տուաւ 3 զրշ. միւսներն ալ ամենըը իրարմէ էվէլ տուին թուաբանական յառաջատու թեամբ. ընդհանուր տարբերութիւնը ի՞նչ է և վերջին մարդէն ի՞նչ առաւ :

Պատ. Տարբերութիւն 2. վերջին մարդէն 45 :

7. Մարդ մը 350 զրշ. պարտքը որնոր 5

անգամէն վճարեց իրարմէ մի և նոյն տարբերութեամբ էվէլ, վերջին անգամ 110 զրշ. տուաւ, գտնել տարբերութիւնը և փոքրագոյնը :

Պատ . փոքր 30 . տարբերութիւն 20 :

8. Մէկը օտար երկիր երթալով սեղանաւորի մը 133800 զրշի. երաշխաւորութեան թուղթ մը կուտայ, որպէս զի ամեն ամսուան սկիզբն իր ընտանեաց 5000 զրշ. վճարէ, ամիսը քէսէն 5 զրշ. շահ հաշուելով, մինչև որ թէ տուած ստակներուն և թէ շահերուն գումարն ըլլայ 133800 զրշ. արդ կը հարցուի թէ սեղանաւորը քանի՞ ամիս կընայ յիշեալ մարդուն ընտանեաց ստակ վճարել :

Պատ . 24 ամիս :

ՔԱՆՈՐԳԱԿԱՆ ՅԱՌԱՋԱՏՈՒԹԻՒՆ

363. Կարգ մը թիւեր որ մի և նոյն թուով կը մեծնան կամ կը սղախկնան կ'ըսուին +անոր-դան կամ երկրաչափան յառաջադրութիւն :

ինչպէս :: 1: 3: 9: 27: 81: 243: 729

364. Քանորդական յառաջատուութեան եղբերու գումարը գտնելու համար պէտք է .

վերջին եզրը կշիռով բազմապատկել, արտադրեալէն առաջին եզրը հանել և մնացածը բաժնել կշիռէն 1 պակասով :

2:6:18:54:162:486:1458 ստոնց գումարը = է :

$$= \frac{1458 \times 3 - 2}{3 - 1} = \frac{4372}{2} = 2186 :$$

365. Քանորդական յառաջատուութեան հինգ գլխաւոր քանակութեան տեղ իրենց սկզբնատուերը գտնելով կ'ունենանք .

Առաջին եզրը	= Ա.
Կշիռ	= Կ
Թիւ եզերաց	= Թ
վերջին եզր	= Վ.
Գումար	= Գ

Ասոնց մէջէն որ եւ իցէ երեք հատը միշտ ծանուցեալ ըլլալով կրնանք 10 փոփոխութեանց տակ մտցունել որոնց մէկ քանին հոս կը գտնենք :

1 ^o Ծանուցեալը Ա. Կ. Թ.	$\left \begin{array}{l} \text{Վ.} = \text{Ա. Կ}^{\text{Թ}-1} \\ \text{Գ.} = \frac{\text{Վ. Կ} - \text{Ա.}}{\text{Կ} - 1} \end{array} \right.$
Անծանօթը Վ. Գ.	

2 ^o Ծանուցեալը Վ. Կ. Թ.	$\left \begin{array}{l} \text{Ա.} = \frac{\text{Վ}}{\text{Կ}^{\text{Թ}-1}} \\ \text{Գ.} = \frac{(\text{Կ}^{\text{Թ}} - 1)\text{Վ.}}{(\text{Կ} - 1)\text{Կ}^{\text{Թ}-1}} \end{array} \right.$
Անծանօթը Ա. Գ.	

3. Ծանուցեալք Կ. Թ. Գ. |
$$U = \frac{(1-i)q}{1^{\theta}-1}$$

Անձանօթք Ա. Վ. |
$$v = \frac{q(1-i)1^{\theta}-1}{1^{\theta}-1}$$

4. Ծանուցեալք Ա. Վ. Գ. |
$$U = \frac{q-U}{1-q-v}$$

Անձանօթք Կ. Թ. |
$$\theta = \dots$$

5. Ծանուցեալք Ա. Կ. Գ. |
$$v = \frac{U+(q1-i)}{1}$$

Անձանօթք Վ. Թ. |
$$\theta = \dots$$

6. Ծանուցեալք Վ. Կ. Գ. |
$$U = 1v - q(1-i)$$

Անձանօթք Ա. Թ. |
$$\theta = \dots$$

366. ԽՆԴԻՐԻՔ ՔԱՆՈՐԴԱԿԱՆ
ՅԱՌԱՋԱՏՈՒԹԵԱՆ

1. Մարդ մը հինգ անգամ առուտուրը ընելով Ա. անգամին վաստկեցաւ 512 զրշ. Բ. անգամին առաջնոյն 4 անգամին չափ, և շարունակ առուտուր ընելով միշտ 4 ական անգամ աւելի կը վաստկէր, որչափ է վերջին վաստակը և որչափ է գումարը :

Պատ. 131072. 174392 :

2. Մէկը ճամբայ կ'երնէ և 7 օր ճամբորդութիւն կ'ընէ, ամեն օր առջի օրուան դացածին երկու անգամին չափ երթալով վերջին օրը 64 մղոն կերթայ. առաջին օրը քանի՞ մղոն գնաց և ընդամենը քանի՞ մղոն :

Պատ. 1 և 127 :

3. Ծառայ մը իր տէրոջը հետ անանկ դաշինք ըրաւ որ Ա. ամիսը միայն 1 ստակ մը ապ, երկրորդ ամիսը 1 փր. երրորդ ամիսը 3 փր. արանկ ամեն մէկ ամիս 3 ական անգամաւելցունէ իր ամուսկանը. ծառան տարի մը կէնալէն ետքը կուզէ հասկնալ թէ քանի՞ զրշ. առնելիք ունի տէրոջմէն որ մինչեւ այն ատենը ստակ առած չէր և իրարու վրայ ամիսը քանի՞ զրշի եկած է :

Պատ. Առնելիքն է 2214 զրշ. 13 փր. 1 ստկ. ամուսկանը 184 զրշ. 21 փարա :

4. Մարդ մը իր ձին ծախեց այս պայմանաւ որ ձիուն պայտին դամբրուն որոնք 24 հատ էին թուովը վճարէ. Ա. դամին 1 ստակ, Բ. դամին 2 ստակ, Գ. դամին 4 ստակ, Դ. դամին 8 ստակ ևլն. ձին քանի՞ զրշի եկաւ :

Պատ. 139810 զրշ. զրեթէ :

5. Խաղու տեսակ մը նարտ կայ որ տախտակ մ'է և իր վրայ 64 աչք ունի. վարպետ խաղող մը թագաւորի մը հետ խաղցած ասէնը թագաւորն իր խաղալու կերպին հաւնէ :

լով կուղէ վարձատրել զինքը, և իրեն կը ձը-
գէ որ ուղած շնորհը խնդրէ. խաղցողն Ա. աչ-
քին համար 1 ցորենի հատ, Բ. աչքին համար
2 ցորենի հատ, Գ. աչքին համար 4 ցորենի
հատ, ասանկ շարունակ իւրաքանչիւր աչքին
համար իր առջինին երկու անգամին չափ ցո-
րեն հաշիւ ընելով 64 աչքին համար ամենը
որչափ ցորենի հատ կըլլայ նէ նոյնչափ ցորեն
կը խնդրէ, թագաւորը հրաման կընէ որ տըր-
ուի արդ կուղենք հասկնալ որ ամենը քանի՞
ցորենի հատ կընէ և եթէ 64 ցորենը մէկ տրմ.
18 օխան մէկ գրիւ ըլլայ 10000 գրիւ առնող
քանի՞ նաւ կընայ պարունակել:

Պատ. 18446744073709551615 ցորեն.

4003199668 նաւ կտորակները մէկ

գի ձգելով:

վերջ

ՅԱՆԿ

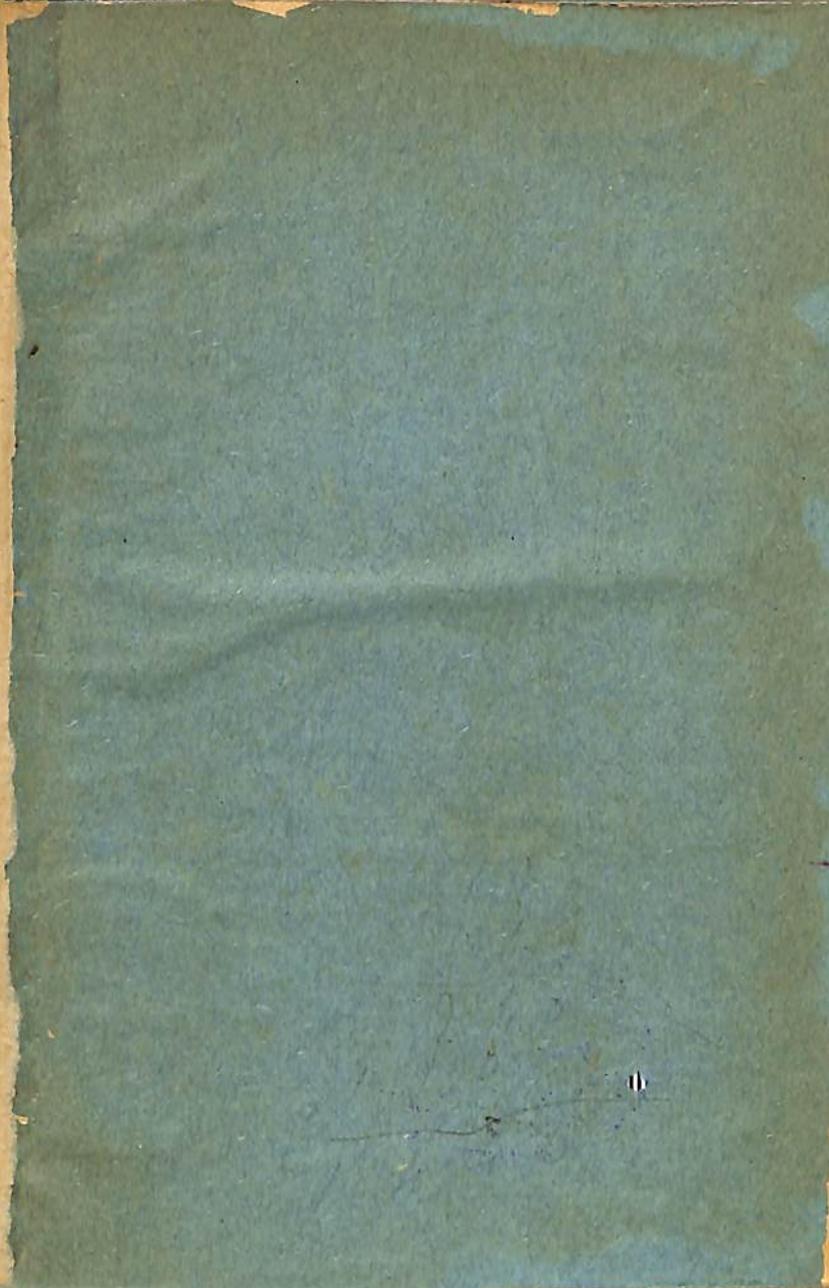
	Երև
ՆԱԽԱԳԻՏՆԵԼԻՔ	1
Թուումն	2
Ցաւելումն	9
Իր խնդիրները	11
Բարձումն	14
Իր խնդիրները	18
Խառն խնդիրք յաւելման և բարձման	21
Բազմապատկութիւն	24
Գործածութիւն բազմապատկութեան	30
Խնդիրք բազմապատկութեան	34
Բաժանումն	37
Գործածութիւն բաժանման	50
Դիտողութիւնք բազմապատկութեան և բաժան- ման	52
Խնդիրք բաժանման	53
Խառն խնդիրք չորս գործողութեան	56
ԽԱՌՆ ԹԻԻ	63
Ցաւելումն խառն թուոց	65
Իր խնդիրները	66
Բարձումն	67
Իր խնդիրները	68
Բազմապատկութիւն	69
Իր խնդիրները	79
Բաժանումն	80
Իր խնդիրները	85
ՀԱՍԱՐԱԿ ԿՈՏՈՐԱԿ	88
Վերածումն կտորակաց	93

Բաժանակամու թիւն թուոց	96
Փոքրագոյն հասարակ յայտարար	103
Արժէք կոտորակաց	105
Փոքր տեսակները մեծ տեսակի վերածել	106
Յաւելումն կոտորակաց	108
Իր խնդիրները	109
Բարձումն	111
Իր խնդիրները	113
Բազմապատկութիւն	115
Իր խնդիրները	117
Բաժանումն	119
Իր խնդիրները	120
Խառն խնդիրք կոտորակաց	122
ՏԱՍՆՈՐԳ.Ս.ԿԱՍՆ ԿՈՏՈՐԱԿ	125
Տասնորդականաց ստորակէտին վրայ	128
Յաւելումն	131
Բարձումն	132
Բազմապատկութիւն	134
Բաժանումն	136
Արժէք տասնորդականաց	140
Հաս . կոտորակները տասնորդականի վերածել	141
Աղիւսակք	148-149-152
Տաս . կոտորակները հաս . կոտորակի վերածել	154
Խառն խնդիրք տասնորդականաց	157
ԶՈՒԳ.Ս.ԿՇՈՒՈՒԹԻԻՆ	158
Համեմատութիւն	160
Տարբերական համեմատութիւն	161
Քանորդական համեմատութիւն	166
Պարզ երկց կանոն	170

Իր խնդիրները	173
Խոտորնակ համեմատութիւն	176
Խառն խնդիրք	178
Բազադրեալ համեմատութիւն	182
Իր խնդիրները	184
Շղթայի կանոն	187
Իր խնդիրները	190
Կանոն ընկերութեան	193
Իր խնդիրները	195
Բազադրեալ ընկերութիւն	199
Իր խնդիրները	204
Տոկոս	208
Պարզ տոկոս	208
Աղիւսակ տոկոսեաց	217
Ժնդիրք տոկոսեաց	218
Բազադրեալ տոկոս	222
Իր խնդիրները	225
Զեղչումն	226
Ներքին զեղչումն	226
Իր խնդիրները	229
Արտաքին զեղչումն	230
Իր խնդիրները	232
Յարակցութիւն	233
Ուղղակի յարակցութիւն	233
Իր խնդիրները	235
Անուղղակի յարակցութիւն	237
Իր խնդիրները	246
Կեղծ գրութիւն	248
Պարզ կեղծ գրութիւն	249

Իր խնդիրները	250
Կրկնակ կեղծ գրութիւն	252
Իր խնդիրները	254
ԿԱՐՈՂՈՒԹԻՒՆ ԵՒ ԱՐՄԱՏ	257
Քառակուսի արմատ	263
Արմատ տասնորդականաց	272
Արմատ կոտորակաց	273
Խորանարդ	275
Խոր . արմ . տասնորդականաց	287
Խոր . արմ . կոտորակաց	287
Քաղաղրեալ տոկոսի կանոններ	290
Խնդիրք բաղադրեալ տոկոսաց	291 293
Ցառաջատութիւն	294
Տարբերական յառաջատութիւն	295
Իր խնդիրները	298
Քանորդական յառաջատութիւն	300
Իր խնդիրները	302

6 2 0 0 1 0
 6 5
 6 2 8
 6 8
 119
 548
 720
 118



1227

0

2013

Handwritten signature

« Ազգային գրադարան



NL0064787

ՅՈՒՆ Գ ՅՐՈՅ

Ե ԳՐԱՏԵՒ ԵՂՐԱՐՅ ԳՍԳՐՅԵԱՆ

	ԳՐԵ	ՓՐ
Այգլենարան դիւրո այց . Նեղարան		
Քննի կրկարան		20
Եշեալ Նաղրու թի ն ճական և բա.		
դարական Ս. Մ. Գարադաշեանի	4	
Ս. Նարճադրութիւն առաւմա. բնու.		
կան բա. դարական Ս. Միրայեկեանի	8	
Գրագիտութիւն առ Անտն	14	50
Գասարիայ Կ մանկանց կամ նար Քն.		
թերքարան Ա. Մ. Գարադաշեանի	5	
Գասարիայ թուարանութեան Տ. Յ.		
Քաշաձեւն Գ. Գրագրութիւն	8	
Գրքութիւն կան ն ք Քերականու.		
թիւն Ա. Ե. Գրագրականի	8	
Կրթութեան Գրք. Ս. Գարադաշեանի	5	
Մանր ստանդարտ քրատական Նա.		
ւտայ և Սրբոցն սրտ. Ե. թիւն		
Ա. Ետարանի Գ. Մարքարանի	2	
Միջնակարգի թիւն Գրքի նի	8	
Եր Գասարիայ սրագրի ստանդ.		
թիւն Ա. Ա. Սուքիանի	5	
Սրբոցն սրտ. քնն. Ե սրտակերպ		
դարդարեայ Ա. Մ. Գարադաշեանի	2	
Տիեզերագրութիւն կամ առաւմական		
ընտան Կ բարդական Աշխար.		
Նաղրութիւն Ա. Մ. Գարադաշ.	8	
Գասարիայ Կն. Կ	6	
Փարթ. Տոյ Ե դար կամ Գասարանի		
Ա. Ս. Գրագրական	40	
Քերական Ե. Տեա. Ա. Կ. Գարադաշ.	4	
Քերականութիւն Գրք. Ե Նաղրութեան		
Ս. Ե սրտ. քրութեան Ա. Ա. Գա.	25	20